Вестник московского университета

№ 1—1965

rw ==========

А. А. БЕДНЯКОВ, В. Н. ДВОРЕЦКИЙ, И. А. САВЕНКО, А. Ф. ТУЛИНОВ

МНОГОКРАТНОЕ РАССЕЯНИЕ ПРОТОНОВ С ЭНЕРГИЕЙ 75÷200 Кэв В ТВЕРДЫХ ВЕЩЕСТВАХ

Измерены угловые распределения протонов, многократно рассеянных тонкими пленками меди, алюминия и полистирола. Полученные данные сравниваются с результатами расчетов, выполненных на основе теории Мольера—Бете.

Введение

Настояшая работа является продолжением исследования многократного рассеяния тяжелых заряженных частиц небольших энергий (<5.10⁵ эв) в веществах с различным атомным номером Z.

В предыдущей работе [1] были изложены результаты измерени**я** многократного рассеяния протонов с энергией 100 ÷ 200 Кэв на углероде, на основании которых установлено, что расчеты по теории Мольера приводят к хорошему согласию с экспериментом, если в них для потенциала атома углерода использовать приближение, полученное методом Хартри — Фока. В настоящей работе измерение угловых распределений многократного расстояния протонов проведено примерно в той же области энергий на более тяжелых веществах — алюминии и меди. В связи с некоторыми усовершенствованиями методики, в частности с применением более строгого контроля над величиной энергии протонов, проведены также дополнительные измерения и получены более точные данные с углеродной мишенью при энергиях <100 Кэв.

Методика эксперимента

Измерения. Источником протонов служил небольшой электростатический генератор открытого типа с четырехэлектродной ускорительной трубкой. Ускоренные протоны направлялись на тонкую мишень перпендикулярно ее поверхности и после рассеяния регистрировались фотопластинкой, установленной также нормально к оси пучка на расстоянии $20 \div 30$ мм от мишени. Аксиально симметричное изображение рассеянного пучка на проявленной пластинке фотометрировалось вдоль прямой, проходящей через центр симметрии; полученное распределение плотности почернения с помощью денситометрической характеристики преобразовывалось в искомое распределение интенсивности рассеянных протонов. Более подробно методика измерений описана в работе [2].

Изготовление мишеней из меди и алюминия осуществлялось путем испарения металла в вакууме на органические пленки толщиной 100 ÷ 200 мкг/см² с последующим их растворением. В качестве углеродных мишеней использовались пленки полистирола (C₈H₈)_m, полученные на поверхности стекла из раствора полистирола в дихлорэтане. Толщины металлических мишелей предварительно находились с помощью взвешивания на микроаналитических весах с ценой деления 2 мкг образцов мишени с подложкой и свободной подложки.



Рис. 1. Схема электростатического анализатора

Разностный характер измерений и возможные ошибки, связанные с неоднородностью подложки или слоя металла, не позволяли получить нужной точности при таком способе определения толщины мишеней. Во избежание указанных ошибок в настоящей работе проводилось дополнительное, более точное определение толщины мишени по величине потерь энергии протонов при прохождении через мишень, установленную в рабочем положении в экспериментальной камере. Для этой цели измерялась энергия протонов: в отсутствии мишени (начальная энергия — E_0), после прохождения через образец подложки (E_0') и после прохождения через мишень с подложкой, обращенной к падающему лучку (E_k). Отсюда по величине потерь энергии в металлическом слое $(\Delta E)_{M} = E_{0}'$ ----Е_в с помощью известной зависимости удельных потерь от энергии определялась толщина слоя. Затем подложка растворялась, после чего производилось повторное измерение потерь энергии протонов уже в готовой мишени. Двукратное измерение потерь осуществлялось для того, чтобы иметь уверенность в отсутствии на поверхности мишени остатков подложки. Как показывает опыт, таким путем можно обнаружить наличие даже весьма малых остатков подложки ($\sim 10^{-1} M \kappa c/cm^2$), ибо потери энергии на 1 мкг/см² в органических веществах, используемых в качестве подложки, обычно заметно выше, чем в металлах. Толщины мишеней в диапазоне 0,05÷0,5 мг/см² определялись этим методом с точностью 2,3÷0,6%; метод удобен тем, что для него не требуется знания удельных потерь энергии в подложке и ее толщины.

Энергия протонов измерялась с помощью 90-градусного электростатического анализатора, установленного позади камеры рассеяния (рис. 1). Индикатором пучка на выходе анализатора служил кристалл CsI(Tl) толщиной ~1 мм, соединенный посредством короткого светопровода из органического стекла с фотоумножителем ФЭУ-19, регистрировавшим интегральный фототок. Энергия протонов определялась на основании показаний микроам- s

перметров в цепи источника питания анализатора. Градуировка анализатора производилась путем измерения энергии протонов, для которых ускоряющий потенциал измерялся с помощью шарового разрядника ЭИ-75, а также с помощью измерения энергии конверсионных электронов Eu¹⁵².

Обработка результаизмерений. Обработка тов экспонированных фотопластинок и получение угловых распределений рассеянных протонов в основпроизводились описанным HOM ранее методом [2]. Некоторое отличие заключалось в том, что необходимое для построения денхарактеристики ситометрической отношение экспозиции k₁₂ для двух изображений пучка, имеюраспределение плотностей ЩИХ почернения $s_1(r)$ и $s_2(r)$, находилось методом наименьших квадратов, исходя из графика зависи-



Рис. 2. Пример распределения плотностей почернения по радиусам изображений рассеянного пучка. $E_0=104$ Кэв. +—левые, о — правые склоны изображения рассеянного пучка, $k_{12}=1,93\pm0,015$

мости величин $(s_1)_i$ и $(s_2)_i$, взятых при одинаковых значениях $r=r_i$. В области, где плотность почернения *s* пропорциональна интенсивно-



Рис. 3. Угловые распределения многократно рассеянных протонов. Сплошная линия — теоретическая кривая, пунктирная — экспериментальная.

 $\begin{array}{c} 1-l=530 \ \mathrm{mkr}/\mathrm{cm}^2, \ E_0=\\ =158,5 \ \mathrm{K}96; \ 2-l=450 \ \mathrm{mkr}/\mathrm{cm}^2, \ E_0=150,5 \ \mathrm{K}96; \\ 3-l=420 \ \mathrm{mkr}/\mathrm{cm}^2, \ E_0=162 \ \mathrm{K}96; \ 4-l=\\ =248 \ \mathrm{mr}/\mathrm{cm}^2, \ E_0=162 \ \mathrm{K}96; \ 5-l=190 \ \mathrm{mr}/\mathrm{cm}^2, \\ E_0=163 \ \mathrm{K}96 \end{array}$



Рис. 4. Угловое распределение протонов. Сплошная линия — теоретическая кривая, пунктирная — экспериментальная. $1 - l = 81,8 \ MK2/CM^2, E_0 = 75,2 \ K98; 2 - l = 183 \ MK2/CM^2, E_0 = 161 \ K98; 3 - l = 162$

 $\begin{array}{l} l = 183 \quad \text{mke}/\text{cm}^2, \ E_0 = 161, \ \text{K}_{98}; \ 3 - l = \\ = 183 \quad \text{mke}/\text{cm}^2, \ E_0 = 161 \quad \text{K}_{98}; \ 3 - l = \\ = 183 \quad \text{mke}/\text{cm}^2, \ E_0 = 184 \quad \text{K}_{98}; \ 4 - l = \\ = 51,5 \quad \text{mke}/\text{cm}^2, \ E_0 = 93 \quad \text{K}_{98}; \ 5 - l = \\ = 51,5 \quad \text{mke}/\text{cm}^2, \ E_0 = 148 \quad \text{K}_{98} \end{array}$

сти H, эта зависимость представляет прямую линию, наклон которой определяется величиной k_{12} . Такой способ определения значения k_{12} удобен тем, что дает наглядное представление о положении границы области линейной зависимости s и H и позволяет контролировать правильность определения фона для кривых $s_i(r)$. Ошибка величины k_{12} в этом случае зависит от точности, с какой кривые $s_1(r)$ и $s_2(r)$ проведены в области s < 0,3, и обычно не превосходит 1%.

Результаты измерений

На рис. 2 в качестве примера представлена одна из пар распределений плотностей почернения по радиусам изображений рассеянного пучка, отличающихся только длительностью экспозиции. Сплошные линии $s_1(r)$ и $s_2(r)$, проведенные, возможно, ближе к экспериментальным точкам, относящимся к обоим склонам изображений, использовались для

 $(\theta_{1/2})_{\mathfrak{z}})_{\mathfrak{z}}$ l, мкг/см² Е_{.)}, Кэв Е_к, Кэв (0 1/2) y, $(\theta_{1/2})_{T}$, Xc В N_2 η == $(\theta_{1/2})_{T}$ мин мин мин $190 \pm 3,5$ 335 2391 163 119.5 3,77 314 1,07 3,80 2 $196 \pm 3,5$ 172127,5 345 235308 1,12 155 2653 $196 \pm 3,5$ 110 368 3,80 349 1,05 4 155 384 3,80 265349 1,10 $196 \pm 3,5$ 110 5 210 ± 3.5 148.5 102 466 3,87 292 390 1,19 3,94 $224 \pm 3,3$ 502 6 148,5 97,5 311 4201,19 7 $224 \pm 3,3$ 820 3,94 770 93.047.2567 1,06 $248 \pm 3,26$ 178 121 364 1,01 8 4,07 262362162 9 $248 \pm 3,2$ 105422 4,07 301 422 1,00 $248 \pm 3,2$ 162 455 301 422 1,08 10 105 4,07 142.585.7 1,11 248 ± 3.2 5504,07 357 495 11 $420 \pm 4, 2$ 4,74 12 170 75,5 715 450 694 1,03 13 $420 \pm 4,2$ 162 68,0 481 755 1,02 77214 $420 \pm 4,2$ 16268,0 4,74 481 755 0,99 746 193,5 15 $450 \pm 4,0$ 682 4,83 397 625 91,0 1,09 450<u>+</u>4,0 16 173 71,3 802 4,83 478 740 1,08 $450 \pm 4,0$ 1724,83 748 1,17 17 70,3 875 483 170 68,7 806 4,83 492 1,06 18 $450 \pm 4,0$ 762 450 + 4,0 19 165 64,5 9324,83 514802 1,16 20 450 ± 4.0 150.5 52,0 940 605 950 4.83 0.99 5,02 21 17.2 0.97 $530 \pm 3,5$ 55,5 930 592 948 2246,2 1060 5,02 678 1090 0,98 $530 \pm 3,5$ 160 23 $530 \pm 3,5$ 158,5 44,8 1080 5,02692 1105 0,98

Медь

Таблица 1

24

 570 ± 3.3

145

-28,8

1390

5,13

 ~ 965

 ~ 1570

 $\sim 0,89$

определения k_{12} , построения денситометрической характеристики и получения угловых распределений $H(\vartheta)$.

Угловые распределения многократно рассеянных протонов $H(\vartheta)$ получены в диапазоне начальных энергий $E_0 = 75 \div 193$ Кэв для набора пленок меди толщиной от 190 до 530 *мкг/см²*, алюминия — от 51 до 183 *мкг/см²* и полистирола — 46 и 82 *мкг/см²*; некоторые из них представлены на рис. 3 — 4. Полная сводка результатов дана в таблицах.

Таблица 2

N₂	l, мкг/см²	Е ₀ , Кэв	Е _к , Қэв	(в _{1/2}) _э , мин	В	Х _с , ми н	(в _{1/2}) _Т , мин	$\eta = \frac{(\theta_{1/2})_{\mathfrak{H}}}{(\theta_{1/2})_{\mathfrak{H}}}$
1 2 3 4 5 6 7	$51,5\pm1,151,5\pm1,151,5\pm1,151,5\pm1,151,5\pm1,151,5\pm1,151,5\pm1,151,5\pm1,151,5\pm1,1$	158,5 148,5 137 105,5 104 93,0 82,0	139,5 129 117 83,5 82,0 70,3 58,5	117,5 130 143 184 187 193 222	3,85 3,85 3,85 3,85 3,85 3,85 3,85 3,85	82 89 95,5 130 132,5 152 179,5	108,5 119 126 171 175 202 237	1,08 1,09 1,06 1,08 1,07 0,96 0,94
8 9 10 11	$81,8\pm1,281,8\pm1,281,8\pm1,281,8\pm1,281.8\pm1,2$	172 169 119 75,2	143,5 139 85,5 40,2	129 139 205 370	4,41 4,41 4,41 4,41 4,41	96,5 100,5 153 280	140 147 223 408	0,92 0,95 0,92 0,91
12 13 14 15 16 17 18	$183 \pm 1,7 \\183 \pm 1,7$	184 174 170 161 159 148,5 138	117 105 100,5 92,1 90,0 77,1 66,2	255 276 283 306 315 335 375	5,40 5,40 5,40 5,40 5,40 5,40 5,40 5,40	156,5 169 175 185 188 210 234	263 284 295 313 318 354 391	0,97 0,97 0,96 0,98 0,99 0,95 0,95 0,96

Алюминий

Таблица З

N₂	l, мкг/см²	Е ₀ , Кэв	Е _к , Кэв	(^ө 1/2) _э , мин	B	Х _с , мин	(θ _{1/2}) _T , <i>мин</i>	$\eta = \frac{\left(\theta_{1/2}\right)_{\mathfrak{g}}}{\left(\theta_{1/2}\right)_{\mathfrak{T}}}$
$\frac{1}{2}$	$46\pm1,0$	119	74,0	164	7,43	82,5	169	0,97
	$46\pm1,0$	93	47,5	228	7,4 3	117,5	242	0,94
3	$\begin{array}{c} 82\pm1,0\\82\pm1,0\\82\pm1,0\\82\pm1,0\end{array}$	169	96,0	170	8,08	80,5	174	0,98
4		161	86,2	180	8,08	87,5	188	0,96
5		119	38,9	315	8,08	153	332	0,95

Полистирол

Обсуждение результатов

Анализ результатов проводился с помощью теории Мольера [3], в которой для описания многократного рассеяния используется параметр *B*, зависящий от эффективного числа соударений (кратности рассеяния) $O_{\rm B} = (\chi_c/\chi_a)^2$, где $\chi_a - «угол экранирования», характеризующий экранирование поля ядра мишени атомными электронами, а <math>\chi_c$ определяется таким образом, что вероятность однократного рассеяния на угол $\chi > \chi_c$ равна единице. При этом угловое распределение рассеянных частиц выражается в виде ряда

$$H(\vartheta) \vartheta d\vartheta = \vartheta d\vartheta \Big[f^{(0)}(\vartheta) + \frac{1}{B} f^{(1)}(\vartheta) + \frac{1}{B^2} f^{(2)}(\vartheta) + \dots \Big], \qquad (1)$$

здесь $\vartheta = \theta/(\chi_c\sqrt{B})$ (θ — угол рассеяния), $f^0(\vartheta) = \exp[-\vartheta^2]$ функции $f^1(\vartheta)$ и $f^2(\vartheta)$ табулированы в работах [3, 4]. Величины *В* для различных мишеней и соответствующие им значения функции $H(\vartheta)$ находились из графиков, представленных на рис. 5 и 6. Кривые $B = f(\lg l)$ для различных



веществ получены из зависимости $B = f(lg\Omega_B)$, табулированной в работе [3]; для определения эффективного числа соударений использовались следующие соотношения (все коэффициенты вычислены в системе CGSE):

$$\overline{\chi}_{c}^{2} = 16,70 \cdot 10^{-38} \cdot \left(\frac{l}{E^{2}}\right) \cdot \sum_{i} N_{i} Z_{i}^{2}, \qquad (2)$$

$$\ln \overline{\chi}_{a}^{2} = \ln \frac{1,516 \cdot 10^{-14}}{E} + \frac{\sum_{i} N_{i} Z_{i}^{2} \cdot \ln \left\{ Z_{i}^{2/3} \left[A_{ai} + B_{ai} Z_{i}^{2} \cdot \left(0,533 \cdot 10^{-4} + \frac{4,00 \cdot 10^{-8}}{E} \right) \right] \right\}}{\sum_{i} N_{i} Z_{i}^{2}}, \qquad (3)$$

где l — толщина мишени, N_i — рассчитанное на единицу объема число атомов с порядковым номером Z_i , входящих в состав мишени; $A_{\alpha i}$ и $B_{\alpha i}$ — коэффициенты разложения χ_{ai} по степеням $\alpha_i = zZ_i/(137\beta)$

$$\chi_{ai} = (\chi/a_i) \cdot \sqrt{A_{ai} + B_{ai} \cdot \alpha_i^2}$$
(4)

(χ , βc и z = 1 — длина волны, скорость и заряд протона, a_i — радиус атома *i*-того сорта).

Эти формулы получены в предположении неизменности величины энергии протона E в процессе рассеяния, так так в области E < 300 *Кэв* зависимость $\Omega_{\rm B}$ от энергии является слабой и только для самых легких элементов ее необходимо учитывать. Это хорошо видно из рис. 5, где приведены кривые зависимости B от $\lg l$ для ряда веществ, рассчитанные при различных значениях энергии.

Графики зависимости H = f(B) были рассчитаны для ряда значений ϑ от 0,2 до 2,8 с помощью таблиц функций $f^1(\vartheta)$ и $f^2(\vartheta)$, приведенных в работе [4].

Величина χ_c, связывающая угол рассеяния θ с аргументом Мольера ϑ, находилась в каждом случае численным интегрированием выражения

$$\overline{\chi}_{c}^{2} = 16,70 \cdot 10^{-38} \cdot \int_{E_{o}}^{E_{k}} \frac{dE}{E^{2} (dE/dx)} \cdot \sum_{i} N_{i} Z_{i}^{2}.$$
 (2a)

Данные об удельных потерях энергии протонов в мишенях были взяты из работ [5, 6].

Медь (Z=29). Наличие 29 электронов в атоме меди дает возможность уверенно применять стати-

стическую модель Томаса-Ферми для описания распределения электронов в атоме. В связи с этим в наших расчетах были использованы значения $A_{\alpha} = 1,13$ и $B_{a} = 3,76$, полученные Мольером [7] с помощью этой модели. Peполуширин зультаты сравнения теоретических и экспериментальных угловых распределений рассеянных протонов для меди даны в последней колонке табл. 1 и на рис. 7, где по оси абсцисс отложены значения энергии протонов после прохождения мишени. Как видно в результатах наблюдается некоторый разброс, иногда выходящий за пределы указанных ошибок измерений. Основные причины этого разброса связаны, повидимому, с тем, что из-за больших величин $(\theta_{1/2})_{3\kappa c \pi}$ для меди размеры изображений рассеянноŕο пучка оказались довольно большими (25÷35 мм) даже при



минимально возможном в наших условиях удалении фотопластинки от мишени. Было установлено, что при этом вследствие неоднородности слоя эмульсии фон в пределах одного изображения мог заметно изменяться. В приведенных же на графике ошибках этот фактор не учиты- вался *.

Учитывая вышеизложенное, можно утверждать, что экспериментальные результаты для меди удовлетворительно согласуются с теоретическими расчетами для всех энергий протонов и толщин мишеней, в том числе частично и для тех условий, когда рассеяние, вообще говоря, перестает быть многократным (параметр B < 4.5; т. е. число эффективных соударений меньше 20). Следует, однако, отметить, что при энергии протонов $E_h \ge 70$ Кэв экспериментальные угловые распределения в среднем несколько превышают теоретические; однако это превышение не выходит за пределы двойной ошибки эксперимента.

Отметим также, что ошибка в положении точки при энергии $E_h \simeq 29 \ K_{3B}$, изображенная на графике, не включает в себя погрешности, обусловленной неточностью экстраполяции в эту область кривой зависимости (dE/dx) = f(E) (данные о потерях энергии протонами в меди при энергиях ниже 50 K_{3B} отсутствуют).

Алюминий (Z=13). Теоретические расчеты выполнены также с использованием значений A_{α} и B_{α} , полученных с помощью модели Томаса—Ферми. Результаты расчетов неплохо согласуются с экспериментальными данными (см. табл. 1 и рис. 7) почти во всех рассмотренных случаях и только для самой малой толщины мишени — 51,5 µг/см, в которой число эффективных соударений протона не превышало 14 ($B \simeq 3,8$), намечается, по-видимому, некоторое расхождение.

К сожалению, в нашем распоряжении не было функций распределения электронов в атоме Al, вычисленных методом Хартри—Фока, поэтому трудно сказать, насколько изменится отношение $(\theta_{1/2})_{\text{эксп}}/(\theta_{1/2})_{\text{теор}}$ при использовании A_{α} и B_{α} , полученных с помощью модели самосогласованного поля, но, судя по результатам для углерода, это изменение не должно быть большим.

Полистирол ($z_1=6$; $z_2=1$). Теоретические распределения, полученные на основе расчета распределения электронов в атоме углерода методом Хартри—Фока и точного выражения для потенциала атома водорода ($A_{\alpha 1} = 0,26$ и $B_{\alpha 1} = 0,71$ для C_6^{12} ; $A_{\alpha 2} = 0,45$ и $B_{\alpha 2} = 1,30$ для H_1^1 [1]), хорошо согласуются с экспериментальными во всех случаях вплоть до энергия протонов $E_h \leq 40$ Кэв. Отклонения, наблюдавшиеся ранее [1] при энергиях $E_k < 90$ Кэв, объясняются завышением величины начальной энергии протонов, связанным с техникой косвенных измерений при $E_0 \leq 100$ Кэв. В настоящей работе эта ошибка исключалась тем, что энергия протонов измерялась в пучке, непосредственно попадавшем на мишень.

Таким образом, полученные результаты свидетельствуют о том, что теория Мольера—Бете успешно описывает многократное рассеяние протонов небольших энергий (вплоть до $40 \div 50$ *Кэв*) в твердых веществах. При этом видно, что использование статистической модели Томаса— Ферми позволяет получить удовлетворительное согласие с результатами как для меди, так и для алюминия. В случае же расчетов рассеяния в более легких элементах следует применять для рассеивающего потенциала более точные приближения, полученные методом Хартри—Фока. Однако следует отметить, что даже для углерода C_6 применение в расчетах результатов статистической теории приводит к расхождению с экспериментом (занижению) всего на $\sim 20\%$.

^{*} Для алюминия и полистирола изображения пучка имели размеры $10 \div 15$ мм, поэтому вероятность искажений их за счет неоднородности эмульсий значительно меньше, так как размеры этих неоднородностей ~ 1-2 см.

Весьма интересным является тот факт, что такой процесс, как перезарядка, играющий существенную роль при прохождении частиц небольших энергий через вещество, практически не сказывается на угловом распределении протонов при многократном рассеянии. Так, при прохождении через алюминий пучок протонов с энергией 50 Кэв на ~40% состоит из нейтральных атомов [8]; однако экспериментальные угловые распределения согласуются с теоретическими, в которых этот эффект не учитывался. Более того, проведенные оценки показывают, что формальная подстановка в теоретических расчетах вместо z=1 эффективного заряда протона (z < 1) приводит к тому, что в области $E_{h} \sim$ $\sim 50 \ K \rightarrow 6 \ (\theta_{1/2})_{\text{теор}}$ становится на $20 \div 30\%$ ниже $(0_{1/2})_{\text{аксп}}$ для всех трех веществ. Этот факт связан, по-видимому, с тем, что представление об эффективном заряде в том виде, как он обычно вводится для многозарядных ионов, для протона не имеет смысла. При небольших энергиях, когда скорость движения протонов сравнима со скоростью движения электронов в атомах водорода, расчет эффективного заряда представляет собой весьма сложную квантовомеханическую задачу.

В заключение приносим искреннюю благодарность Петрухину А. И., принимавшему большое участие в подготовке и проведении эксперимента, а также Андриановой Х. И., выполнившей большой объем работ по вычислениям и предварительной обработке результатов.

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Бедняков А. А., Бояркина А. Н., Савенко И. А., Тулинов А. Ф. ЖЭТФ, 42, № 3, 740, 1962.
- ЖЭ1Ф, 42, № 3, 740, 1962.
 2. Бедняков А. А., Бояркина А. Н., Савенко И. А., Тулинов А. Ф. «Приборы и техника эксперимента», № 6, 35, 1962.
 3. Moliere G. Z. Naturforsch., 3a, 78, 1948.
 4. Bethe H. A. Phys. Rev., 89, 1256, 1953.
 5. Warshaw S. D. Phys. Rev., 76, 1759, 1949.
 6. Lorentz D., Zimmerman E. Phys. Rev., 113, 1202, 1959.
 7. Moliere G. Z. Naturforsch., 2a, 133, 1947.
 8. Allison S. K. Revs. Mod. Phys., 30, 1137, 1958.

Поступила в редакцию 10.2 1964 г.

ниияф