3. Юдин Н. П. «Изв. АН СССР», сер. физич., 24, № 9, 1222, 1962.

4. Живописцев Ф. А., Московкин В. Н., Н. Эль-Нагар, Юдин Н. П Phys. Lett. (в печати). 5. Ford. Phys. Rev., **120**, 169, 1960.

Поступила в редакцию 5.7 1967 r.

ниияф

УДК 621.396.67.095.11

## Р. М. ГОЛЫНСКАЯ

## СРЕДНЯЯ ДИАГРАММА НАПРАВЛЕННОСТИ И ПОТЕРИ УСИЛЕНИЯ АНТЕНН ПРИ ЗАВИСИМОСТИ ФЛУКТУАЦИЙ АМПЛИТУДЫ И ФАЗЫ ПО АНТЕННЕ

В работе показана зависимость средней диаграммы направленности и потерь усиления от интенсивности флуктуаций амплитуды и фазы и радиусов корреляции амплитудной, фазовой и амплитудно-фазовой неоднородностей по антенне в случае зависимости флуктуаций амплитуды и фазы. Коэффициент корреляции амплитудно-фазовой неоднородности рассматривается в виде четной функции.

Средняя диаграмма направленности антенны при зависимости флуктуаций амплитуды и фазы по антенне. Общее выражение для средней диаграммы направленности линейной антенны может быть записано в виде [1]

$$\overline{|f(\psi)|^2} = \int_{-1}^{+1} \int_{-1}^{+1} \overline{A(x) e^{j\phi(x) + j\psi x} A(x') e^{-j\phi(x') - j\psi x'} dx dx'}, \qquad (1)$$

rge  $\psi = \frac{\pi L}{\lambda} \sin \theta$ ,

L — размер антенны,  $\lambda$  — длина волны,  $\theta$  — угол между нормалью к антенне и направлением на точку наблюдения, A(x), A(x') — амплитудное распределение источников по антенне,  $\phi(x)$ ,  $\phi(x')$  — фазовое распределение источников по антенне, x и x' — координаты по антенне.

Будем считать амплитудное и фазовое распределения источников по антенне случайными функциями. Тогда

> $A(x) = \overline{A(x)} + \Delta A(x),$  $\varphi(x) = \overline{\varphi(x)} + \Delta \varphi(x),$

где  $\overline{A(x)}$  — среднее значение амплитуды поля в точке x,  $\Delta A(x)$  — случайное значение амплитуды поля в точке x.  $\overline{\varphi(x)}$  — среднее значение фазы поля в точке x.  $\Delta \phi(x)$  — случайное значение фазы поля в точке x.

Рассмотрим синфазную антенну

$$\frac{1}{|f(\psi)|^2} = \int_{-1}^{+1+1} \int_{-1}^{+1} \frac{1}{(1+\Delta A(x))(1+\Delta A(x'))e^{i[\Delta \psi(x) - \Delta \psi(x')]}e^{i\psi(x-x')}dx \, dx'}.$$
 (2)

Как уже отмечалось в работе [2], коэффициент корреляции между флуктуациями амплитуды и фазы может быть функцией четного и нечетного вида. Рассмотрим зависимость средней диаграммы направленности от четного коэффициента корреляции амплитудно-фазовой неоднородности. Пусть флуктуации амплитуды и фазы по антенне подчиняются нормальному четырехмерному закону распределения плотности вероятности. Воспользуемся выражением для четырехмерной характеристической функции с нулевым средним значением. При экспоненциальной зависимости коэффициентов корреляции амплитудной, фазовой и амплитудно-фазовой неоднородностей выражение для средней диаграммы направленности имеет следующий вид:

$$\overline{|f(\psi)|^2} = \int_{-1}^{+1} \int_{-1}^{+1} \{1 + \overline{\Delta A^2}e^{-\frac{|x-x'|}{c_A}} + \overline{\Delta A^2} \ \overline{\Delta \phi^2} \ \rho_0^2 \ [1 - e^{-\frac{|x-x'|}{c_A \phi}}]^2\} \times$$

$$\times e^{-\Delta\overline{\varphi}^2 \left(1-e-\frac{|x-x'|}{c_{\varphi}}\right)} e^{j\psi(x-x')} dx dx', \qquad (3)$$

где  $\overline{\Delta A^2}$  — интенсивность флуктуаций амплитуды,  $\overline{\Delta \phi^2}$  — интенсивность флуктуаций фазы,  $c_A$  — радиус корреляции амплитудной неоднородности,  $c_{\phi}$  — радиус корреляции фазовой неоднородности,  $\rho_0$  — максимальный коэффициент корреляции амплитудно-фазовой неоднородности ( $0 < \rho_0 < 1$ ).

При  $\rho_0 = 0$  получаем случай независимости флуктуаций амплитуды и фазы по антенне.

По формуле (3) на вычислительной машине М-20 проведены расчеты средних диаграмм направленности в случае зависимых и независимых флуктуаций амплитуды и фазы для различных значений интенсивности флуктуаций амплитуды и фазы и разных радиусов корреляции амплитудной, фазовой и амплитудно-фазовой неоднород-



ностей. Анализ полученных расчетных данных показывает, что средние диаграммы направленности при независимых флуктуациях амплитуды и фазы шире, чем соответствующие средние диаграммы направленности при зависимых флуктуациях амплитуды и фазы. Физически это можно объяснить так. При зависимости флуктуаций амплитуды и фазы имеет место большая коррелированность, последнее в свою очередь определяет большую синфазность, а синфазные антенны имеют более узкие диаграммы направленности.

На рис. 1 приведены средние диаграммы направленности при зависимых и независимых флуктуациях амплитуды и фазы,  $\Delta^-A^2=0,81$ ;  $\overline{\Delta \phi^2}=3,0$ ;  $c_A=0,1$ ;  $c_{\phi}=0,1$ ;  $c_{A\phi}=0,1$ .

Потери усиления антенн в случае зависимости флуктуаций амплитуды и фазы. Рассмотрим потери усиления антенны.

$$\Delta G = 1 - \frac{\bar{D}}{D_0},$$

здесь D — средний коэффициент направленного действия,  $D_0$  — коэффициент направленного действия в отсутствии случайных вариаций в раскрыве антенны.

Остановимся на случае, когда полная мощность, излучаемая антенной при наличии случайных вариаций в амплитудно-фазовом распределении источников по антенне, равна мощности, излучаемой антенной в отсутствии случайных вариаций в амплитудно-фазовом распределении источников по антенне

$$\int_{-a}^{a} |\overline{f(\psi)}|^2 d\psi = \int_{-a}^{a} |f_0(\psi)|^2 d\psi, \quad a = \frac{\pi L}{\lambda}.$$

Величина потерь усиления определяется в направлении главного максимума излучения

$$\Delta G = 1 - \frac{\int_{-1}^{+1} \int_{-1}^{+1} [1 + \overline{\Delta A^2 e}^{-\frac{|x - x'|}{c_A}} + \overline{\Delta A^2} \,\overline{\Delta \phi^2} \,\rho_0^2 \,(1 - e^{-\frac{|x - x'|}{c_A \phi}})^2] \times}{4 \,(1 + \overline{\Delta A^2})} - \frac{\chi \,e^{-\frac{\overline{\Delta \phi^2}}{\Delta \phi^2} \left(1 - e^{-\frac{|x - x'|}{c_\phi}}\right)}}{4 \,(1 + \overline{\Delta A^2})} \,. \tag{4}$$

При 00=0 получается выражение для потерь усиления в случае независимости флуктуаций амплитуды и фазы.

По формуле (4) на вычислительной машине М-20 проведены расчеты потерь усиления в случае зависимых и независимых флуктуаций амплитуды и фазы по антенне при различных значениях интенсивности флуктуаций амплитуды и фазы и разных радиусах корреляции амплитудной, фазовой и амплитудно-фазовой неодно. родностей. Анализ полученных расчетных данных показывает, что потери усиления в случае независимых флуктуаций амплитуды и фазы больше, чем в случае зависимых флуктуаций амплитуды и фазы. Это также вызвано большей коррелирован-ностью в случае зависимых флуктуаций амплитуды и фазы. На рис. 2 показана зависимость потерь усиления от интенсивности флуктуаций фазы при  $\overline{\Delta A^2} = 0.81$ .

## ЛИТЕРАТУРА

1. Шифрин Я. С. «Радиотехника и электроника», 8, № 3, 1963. 2. Голынская Р. М. «Вестн. Моск. ун-та», сер. физ., астрон., № 4, 1967. 3. Шифрин Я. С. Статистика поля линейной антенны. М., Физматгиз, 1962.

4. Дальнее тропосферное распространение ультракоротких радиоволн, 1965.

5. Левин Б. Р. Теория случайных процессов и ее применение в радиотехнике. «Советское радио», 1957.

Поступила в редакцию 6. 7 1967 г.

Кафедра волновых процессов

УДК 535.374

## В. И. ВОРОНКОВА, В. К. ЯНОВСКИЙ, В. А. КОПЦИК люминесценция кристаллов Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> с примесью **ВОЛЬФРАМА**

Монокристаллы корунда, выращенные из раствора в расплаве вольфраматов [1], могут иметь достаточно яркую оранжево-красную флюоресценцию при возбуждении ультрафиолетом. Интенсивность этой люминесценции может меняться в широких пределах в зависимости от условий получения кристаллов. Кристаллы, выращиваемые в условиях больших пересыщений, обычно имели более яркую люминесценцию, а кристаллы, получаемые при более низких скоростях роста и температурах, — менее яркую. Спектральные характеристики флюоресценции в общем не зависели от состава растворителя и были одинаковы при росте кристаллов как из смеси окислов  $Al_2O_3$  и WO<sub>3</sub>, так и при росте из расплавов смеси этих окислов с окислами Na, Li, Sr, Ba.

Люминесценция ярко светящегося образца исследовалась на спектрофотометре ДФС-4 с фотоэлектрической регистрацией при возбуждении ксеноновой лампой с фильтром УФС-1. В видимой части спектра была отмечена только одна широкая полоса с максимумом при 590 нм и полушириной 500 Å (рис. 1). Время жизни возбужденных состояний составляло 0,4 мсек при комнатной температуре и 1,1 мсек при

У образцов корунда, содержащих до 0,01-0,02% примеси хрома, в спектре излучения наблюдается как указанная выше широкая полоса люминесценции, так и характерные R — линии хрома, положение и ширина которых заметно не меняются,

Кристаллы лейкосапфира, имеющие яркую люминесценцию, остаются прозрачными в видимой области спектра и поглощаются в ультрафиолетовой. Спектр оптического поглощения в области 210-410 нм в неполяризованном свете показан на рис. 2.