

точного поля накачки. Положение максимума шума при малых  $\vec{H}_p$  в полях, близких к полю анизотропии пленки, находится в соответствии с исследованиями по ферромагнитному резонансу в радиочастотном диапазоне [5, 6].

Зависимости шума от  $\vec{H}_{0\perp}$  при заданных значениях  $H_p$  приведены на рис. 3. С увеличением поперечного поля шум резко снижается, однако при достаточно малых  $\vec{H}_p$  наблюдается возрастание шума при некотором значении  $\vec{H}_{0\perp}$ , причем с ростом амплитуды перемагничивающего поля максимум шума смещается в сторону меньших значений  $\vec{H}_{0\perp}$ . При очень малых амплитудах высокочастотного поля максимум шума наблюдается при значении поля  $\vec{H}_{0\perp} \sim \vec{H}_k$  для любых частот поля накачки.

Смещение положения максимума шума по полю при увеличении  $\vec{H}_p$  в сторону меньших значений  $\vec{H}_{0\perp}$  объясняется влиянием интенсивного высокочастотного поля на магнитные свойства пленки, приводящим к возникновению резонансного поглощения при более низких значениях постоянного поля, на что было указано в работе [6].

Заметим, что спектр шума при наложении поперечного поля не приобретает равномерный характер [3]. Причина этого заключается в том, что поперечное поле не исключает корреляцию между импульсами перемагничивания. При  $\vec{H}_{0\perp} \sim 1,5$  а/см интенсивность шума практически не меняется в широком интервале перемагничивающих полей. Таким образом, поперечное магнитное поле значительно снижает шумы перемагничивания пленок, что может быть использовано для уменьшения флуктуаций в различных устройствах на основе тонких магнитных пленок.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Родичев А. М. «Физика металлов и металловед», **79**, вып. 6, 903, 1960.
2. Телеснин Р. В., Колотов О. С., Погожев В. А. «Физика металлов и металловед», **19**, вып. 1, 52, 1965.
3. Жигальский Г. П., Потемкин В. В. «Вестн. Моск. ун-та», сер. физ., астрон., № 4, 105, 1966.
4. Потемкин В. В., Жигальский Г. П. «Изв. вузов», радиофизика, **6**, 1967.
5. Tugner E., Nastu T. E. J. Appl. Phys., **32**, 10, 1807, 1961.
6. Лесник А. Г., Левин Г. И. «Изв. АН СССР», сер. физич., **29**, 4, 560, 1965.

Поступила в редакцию  
13.7 1967 г.

Кафедра  
физики колебаний

УДК 538.567

Д. В. ГАЛЬЦОВ, Ю. Г. ПАВЛЕНКО

### КЛАССИЧЕСКИЙ РАСЧЕТ НЕРЕЗОНАНСНОГО ОТРИЦАТЕЛЬНОГО ПОГЛОЩЕНИЯ В МАГНИТНОМ ПОЛЕ

В ряде работ [1, 2] были получены методом коэффициентов Эйнштейна формулы для мощности поглощения электромагнитных волн электронами, движущимися в однородном магнитном поле, при наличии затухания, характеризуемого эффективным временем жизни  $\tau$ . Было показано, что благодаря конечности  $\tau$  при некотором отклонении от резонанса ( $\omega > \omega_p$ ) мощность поглощения становится отрицательной, т. е. возникает эффект усиления, наблюдавшийся уже неоднократно на эксперименте (см., например, [3]). Поскольку этот эффект имеет чисто классическую природу (на что указывает отсутствие  $\hbar$  в окончательных формулах [1, 2]), то он может быть рассчитан в рамках классической электродинамики. Задача при этом сводится к нахождению вещественной части тензора проводимости  $\sigma_{ij}$  с учетом наличия релаксации.

Для неравновесной добавки  $\delta f(\vec{p}, \vec{r}, t)$  к функции распределения  $f_0(p_{\perp}, p_z)$ , ( $\vec{H}_0 \parallel Oz$ ) имеем, очевидно, уравнение

$$\frac{\partial}{\partial t} \delta f + \vec{v} \frac{\partial}{\partial \vec{r}} \delta f + \frac{e}{c} [\vec{v} \vec{H}_0] \frac{\partial}{\partial p} \delta f = -e \left( \vec{E}^{\infty} + \frac{1}{c} \vec{v} \vec{H}^{\infty} \right) \frac{\partial f_0}{\partial p} - \frac{\delta f}{\tau}. \quad (1)$$

Это уравнение простой заменой  $\delta f = \delta f' e^{-t/\tau}$  сводится к уравнению без интеграла столкновений, решение которого хорошо известно [4, 5]. В формулу для  $\sigma_{ij}$  [5] войдет, таким образом, экспоненциальный множитель  $e^{-t/\tau}$ .

$$\sigma_{ij}(\vec{k}, \omega) = -e^2 N \int d\vec{p} \int_0^\infty dt v_i(t) \left[ \left( 1 - \frac{\vec{k} \cdot \vec{v}}{\omega} \right) \frac{\partial f_0}{\partial p_j} + \frac{v_j}{\omega} \frac{\vec{k}}{k} \frac{\partial f_0}{\partial \vec{p}} \right] \cdot \exp \left( i\omega t - \vec{k} \cdot \int_0^t \vec{v}(t') dt' - \frac{t}{\tau} \right). \quad (2)$$

Считая, как обычно,  $\vec{k} = \{k_x, 0, k_z\}$  и выполняя интегрирование по  $t$ , получим для интересующих нас компонентов тензора  $\sigma_{ij}$  выражения

$$\begin{aligned} \sigma'_{ij} &= -\frac{e^2 N}{2c} \int d\vec{p} \sum_{s=-\infty}^{\infty} A_{ij}^s g \hat{f}_0(\vec{p}), \\ A_{xx}^s &= \frac{s^2 \omega^2}{k_x^2} J_s^2(z), \quad A_{yy}^s = v_\perp^2 J_s'^2(z), \\ A_{zz}^s &= v_z^2 J_s^2(z), \quad A_{xz}^s = A_{zx}^s = v_z \frac{s\omega c}{k_x} J_s^2(z), \end{aligned} \quad (3)$$

$$z = k_x v_\perp / \omega c; \quad \omega c = eH_0 c / E,$$

где

$$g = 2\tau [1 - \tau^2 (\omega - s\omega c - k_z v_z)^2]^{-1}; \quad \hat{f}_0 = \frac{1 - \beta_z \cos \theta}{\beta_\perp} \cdot \frac{\partial f_0}{\partial p_\perp} + \cos \theta \frac{\partial f_0}{\partial p_z}.$$

Мощность поглощения внешнего поперечного неполяризованного электромагнитного поля, характеризующегося спектральной плотностью интенсивности  $I(\vec{k})$ , может быть найдена по формуле

$$dP_{\text{погл}} = \frac{2\pi}{c} I(\vec{k}) \left( \delta_{ij} - \frac{k_i k_j}{k^2} \right) \sigma'_{ij} d\omega dO. \quad (4)$$

Выполняя суммирование, получим

$$\begin{aligned} dP_{\text{погл}} &= -\pi e^2 N I(\vec{k}) \int d\vec{p} \sum_s \hat{f}_0(\vec{p}) g \times \\ &\times \left[ \beta_\perp^2 J_s'^2 + \left( \frac{s\omega c}{\omega} \text{ctg } \theta - \beta_z \sin \theta \right)^2 J_s^2 \right]. \end{aligned} \quad (5)$$

При дельтаобразном распределении электронов по  $p_\perp$  и  $p_z$ , в случае, когда время  $\tau$  можно считать не зависящим от импульса, формула (5) дает

$$\begin{aligned} dP_{\text{погл}}^{(s)} &= \frac{4\pi e^2 c}{E} \frac{s\omega c}{\omega} \frac{\tau}{1+x^2} \left( R_s + \frac{\tau x}{1+x^2} Q_s \right) I(\vec{k}) d\omega dO, \\ x &= \tau (s\omega c + k_z v_z - \omega) = \tau (\omega_{if} - \omega), \quad (6) \\ R_s &= J_s'(z) J_s(z) \cdot \frac{s^2 - z^2}{z} - \beta_\perp^2 \frac{\omega_{if}}{s\omega c} J_s'^2(z) + \left( \frac{s\omega c}{\omega} \text{ctg } \theta - \beta_z \sin \theta \right)^2 \times \\ &\times \left\{ \frac{(\beta_z \omega_{if} - \omega \cos \theta) + \frac{\cos \theta}{\omega} (\omega^2 \cos^2 \theta - \omega_{if}^2)}{s\omega c \sin \theta \left( \frac{s\omega c}{\omega} \text{ctg } \theta - \beta_z \sin \theta \right)} J_s^2(z) + \frac{z}{\beta_\perp^2} J_s'(z) J_s(z) \right\}. \end{aligned}$$

$$Q_s = \frac{\omega_{if}^2 - \omega^2 \cos^2 \theta}{s\omega_c} \left[ \beta_{\perp}^2 J_s'^2(z) + \left( \frac{s\omega_c}{\omega} \operatorname{ctg} \theta - \beta_z \sin \theta \right)^2 J_s^2(z) \right].$$

Полученное выражение совпадает, как и следовало ожидать, с результатами квантово-механического рассмотрения.

Авторы благодарят проф. А. А. Соколова за обсуждение работы.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Schneider I. Phys. Rev. Lett., 2, 504, 1959.
2. Соколов А. А., Тернов И. М. ДАН СССР, 166, 133, 1966. См. также Синхротронное излучение, сб. статей под ред. А. А. Соколова и И. М. Тернова, «Наука», 1966.
3. Гапонов А. В., Гольденберг А. А., Григорьев Д. П., Орлова И. М., Панкратова Т. Г., Петелин М. И. Письма ЖЭТФ, 2, 430, 1965.
4. Силин В. П., Рухадзе А. А. Электродинамика плазмы и плазмоподобных сред. М., Госатомиздат, 1961.
5. Шафранов В. Д. «Вопросы теории плазмы», т. 3. М., Госатомиздат, 1963.

Поступила в редакцию  
25.7 1967 г.

Кафедра  
теоретической физики

УДК 517.9 : 535.4

В. В. КРАВЦОВ

## ЗАДАЧА ДИФРАКЦИИ НА ПРОЗРАЧНОМ НЕОДНОРОДНОМ ТЕЛЕ

Основным методом решения задачи дифракции на постороннем включении является метод интегральных уравнений. Краевая задача (внешняя) сводится к интегральному уравнению первого или второго рода для наведенного на поверхности постороннего включения тока. Полученное интегральное уравнение решается в большинстве случаев численно, а поле вне препятствия вычисляется при помощи квадратур. В настоящей работе предлагается метод решения задачи дифракции на теле, характеристики которого являются функциями координат. Метод состоит в сведении краевой задачи с условиями сопряжения на поверхности к интегральному уравнению первого рода.

Рассмотрим простейший случай. Пусть волна, создаваемая точечным источником, падает на некоторую область  $D$ , характеристики которой являются функциями точки. Внешнее пространство, т. е.  $D_e$ , будем считать однородным и изотропным. Обозначим поле в области  $D_e$  через  $v(M)$ , поле в области  $D$  — через  $u(M)$ . Для определения этих полей рассмотрим следующую краевую задачу:

$$\begin{aligned} \Delta v + k^2 v &= -4\pi\delta(M, M_0) \quad \text{в } D_e, \\ Lu = \operatorname{grad}(K(M) \operatorname{div} u) + q(M)u &= 0 \quad \text{в } D, \\ u|_S &= v|_S, \end{aligned} \quad (1)$$

$$p_1(M) \frac{\partial u}{\partial n} \Big|_S = p_2(M) \frac{\partial v}{\partial n} \Big|_S,$$

$$\frac{\partial v}{\partial r} + ikv = O\left(\frac{1}{r}\right) \quad \text{при } r \rightarrow \infty,$$

где  $M_0$  — точка расположения источника, функции  $K(M)$ ,  $q(M)$ ,  $p_1(M)$  и  $p_2(M)$  связаны с характеристиками среды в области  $D$ . Будем предполагать, что поставленная задача имеет и при этом единственное решение.