Весліник московского университета

A

№ 3 — 1969

УДК 532.72:535.375:543.424

- Can

Н. И. РЕЗАЕВ

ИССЛЕДОВАНИЕ ХАОТИЧЕСКОГО ДВИЖЕНИЯ МОЛЕКУЛ В ЖИДКОСТЯХ С ПОМОЩЬЮ СПЕКТРОВ КОМБИНАЦИОННОГО РАССЕЯНИЯ СВЕТА

Измерены ширина и интегральная интенсивность линий комбинационного рассеяния ортоксилола в интервале от —25 до +140° С. По ширине линий определено время хаотической переориентации молекул т, скорость их хаотического движения v и некоторые другие характеристики вещества. Обсуждается влияние температуры на интенсивность линий. Полученные результаты сравниваются с данными для метаксилола и параксилола.

Согласно кинетической теории жидкостей Френкеля [1] движение молекул с относительно небольшими размерами можно представить следующим образом. Каждая из молекул в течение некоторого среднего времени т совершает вращательные колебания около относительно устойчивого положения равновесия. Затем молекула перескакивает в новое положение равновесия. Одновременно с изменением положения молекулы происходит ее хаотическая переориентация.

Собельман [2] теоретически показал, что хаотическая переориентация молекул в жидкости должна вызывать уширение деполяризованных линий комбинационного рассеяния, так как соответствующие тензоры производной поляризуемости молекулы являются анизотропными. Линии должны иметь дисперсионную форму шириной $\delta \sim \frac{1}{\tau}$. Перво-

начальные исследования ширины линий в зависимости от температуры жидкости подтвердили эти соображения [3—6]. С увеличением температуры среднее время между хаотическими переориентациями молекул т уменьшается и соответственно ширина деполяризованных линий возрастает.

Настоящая работа является продолжением этих исследований. Для изучения был выбран ортоксилол. Молекулы этого вещества достаточно компактны, и можно ожидать, что вместе с трансляционным движением они хаотически переориентируются в жидкости. Кроме того, это вещество имеет интенсивные и удобные для исследования линии различной поляризации.

Экспериментальная часть

Исследование контуров линий проводилось фотоэлектрическим методом на дифракционном спектрометре ДФС-4 по методу, описанному ранее [7]. В качестве регистрирующей части использовались усилитель ЭМУ-2 и потенциометр ЭПП-09. Источником света служила ртутная лампа низкого давления [4]. Спектр комбинационного рассеяния излучался от линии возбуждения Hg 4358Å. Контуры линий комбинационного рассеяния записывались с узкими щелями спектрометра. Истинная ширина линии δ находилась следующим образом. Наблюдаемый контур линии комбинационного рассеяния исправлялся от искажений, вносимых щелями спектрометра графическим методом Релея [8, 9]. Затем из ширины этого контура вычиталась ширина возбуждающей линии вместе с аппаратной функцией. Были измерены также интегральные интенсив-

ности линий *I*∞

$$=\int_{-\infty} I(\mathbf{v}) d\mathbf{v}$$
 по площадям, ограниченным их наблюдае-

мыми контурами. Точность измерения ширины и интенсивности линий составляла от 5 до 15%. Исследуемое вещество помещалось в специальную термостатируемую кювету [4]. Исследования проводились в интервале от -25° до +140° С.

Полученные результаты и их обсуждение

Измерения показали, что контуры исследованных линий имеют форму, близкую к дисперсионному распределению интенсивности

$$I(\mathbf{v}) = I_0 \frac{\left(\frac{\delta}{2}\right)^2}{(\mathbf{v} - \mathbf{v}_0)^2 + \left(\frac{\delta}{2}\right)^2},\tag{1}$$

где I_0 — дифференциальная интенсивность в максимуме линий,

δ — ширина линий, измеренная на половине высоты ее контура,

v — частота в *см*⁻¹.

Как видно из экспериментальных данных, представленных на рис. 1, температурное уширение линий зависит от их степени деполяризации р. При увеличении температуры наиболее сильно уширяются деполяризованные линии $\left(\rho \sim \frac{6}{7}\right)$, в то время как ширина поляризованных линий $\left(\rho \sim 0\right)$ изменяется сравнительно мало. Таким образом, наблюдаемое температурное уширение деполяризованных линий и форма их контуров согласуются с теоретическим предположением о влиянии хаотической переориентации молекул на ширину линий. Кроме того, при повышенной температуре все деполяризованные линии шире поляризованных. Однако при пониженной температуре, когда хаотическая переориентация молекул сказывается в меньшей степени, ширина некоторых деполяризованных линий становится меньше, чем у некоторых поляризованных. Сравним, например, линии с частотами 986 и 1609 см⁻¹. Подобное явление наблюдалось ранее и у других веществ [4, 5].

Можно предположить, что ширина каждой линии состоит из двух частей δ_0 и $\delta(T)$, первая из которых не зависит, а вторая зависит от температуры, т. е.

$$\delta = \delta_0 + \delta(T). \tag{2}$$

Величина δ_0 , вероятно обусловленная в значительной мере структурой молекулы [10], может быть различной для разных линий. Этим и объясняется, что линии с одинаковой степенью деполяризации могут иметь разную ширину при какой-либо определенной температуре, например комнатной. Величина $\delta(T)$ будет в основном определяться хао-

25

тической переориентацией молекул. Все другие факторы, связанные с температурой, влияют на ширину линий в меньшей степени, все поляризованные линии мало изменяют свою ширину с температурой.

Поэтому для полностью деполяризованных линий $\left(\rho \sim \frac{6}{7}\right)$ можно представить

 $\delta(T) = \frac{1}{c\tau},\tag{3}$

где *с* — скорость света.

Среднее время между хаотическими переориентациями молекул (или время релаксации) т может быть выражено с помощью известной формулы Дебая

$$\tau = \frac{4\pi a^3 \eta}{3kT},\tag{4}$$

(где a — радиус молекулы, $\eta = \eta(T)$ вязкость, k — постоянная Больцмана, T — абсолютная температура) или формулы Френкеля

$$\tau = \tau_0 e^{-\frac{w}{kT}}, \qquad (5)$$

где τ_0 — период колебаний молекулы около относительно устойчивого положения равновесия, w — потенциальный барьер или энергия активации, необходимая для перевода молекулы из одного относительно устойчивого положения равновесия в другое.

В настоящей работе по измеренной ширине линии δ были определены хаотической переориентации время молекул т и некоторые другие характеристики вещества. Для расчетов использовались формулы (2) - (5)И ширина линий с частотами 179 И 257 см-1, у которых степень поляризации ρ близка к $\frac{6}{7}$. Для сравнения был проведен расчет аналогичных характеристик у метаксилола по линиям 1171 cm^{-1} (p=1,0) и 1592 cm^{-1} $(\rho =$

=0,68) и у параксилола по линиям 313 см⁻¹ (ρ =0,94) и 645 см⁻¹ (ρ = =0,89), экспериментальные данные для которых были опубликованы ранее в [4, 5]. Обработка результатов проводилась тремя методами.

Первый метод заключался в следующем. На основе формул (2), (3) и (5) ширина линии выражалась в виде

$$\delta = \delta_0 + \frac{1}{c\tau_0} e^{\frac{w}{kT}}.$$
 (6)

Вначале табличным методом [11] проводилась проверка пригодности формулы (6) для представления экспериментальных данных, изображенных на рис. 1. Для линий 179 и 257 см⁻¹ были построены графики



токсилола с температурой. v — часто-

та линии, ρ — степень деполяризации линии: 1 - v = 257, ($\rho = 0,75$), 2 - v ==179 ($\rho = 0,78$), 3 - v = 1583 ($\rho =$ =0,57), 4 - v = 1609 ($\rho = 0,62$), 5 - v = 1609

 $\nu = 986 \ (\rho = 0,1), \ 6 - \nu = 506 \ (\rho = 0,65), \ 7 - \nu = 1384 \ (\rho = 0,35), \ 8 - \nu = 1223 \ (\rho = 0,11), \ 9 - \nu = 1052 \ (\rho = 0,1), \ 10 - \nu$

 $=735 \ (\rho=0,12), \ 11-582 \ cm^{-1} \ (\rho=0,30)$

 $\delta = f\left(\frac{1}{T}\right)$ в пределах интервала от 0 до 140° С. Графики были разбиты на шесть отрезков через равностоящие интервалы $\Delta_1 \frac{1}{T} = \Delta_2 \frac{r_1}{T} = \ldots = \Delta_6 \frac{1}{T}$ и измерены соответствующие величины $\Delta_1 \delta$, $\Delta_2 \delta$, $\Delta_6 \delta$. На основании этих данных была составлена таблица значений старших разностей $\Delta(\ln\Delta\delta)$. Согласно теории формула (6) считается пригодной для представления экспериментальных данных, если эти старшие разности являются постоянными. Для линий 179 и 257 см⁻¹ величины $\Delta(\ln\Delta\delta)$ оказались соответственно 0,31±0,04 и 0,23±0,02. Таким образом, для каждой из этих линий критерий постоянства старших разностей выпол няется и, следовательно, температурный ход ширины этих линий можно представить с помощью формулы (6).

Затем вычислялись величины δ_0 , τ_0 и w. Величина δ_0 определялась следующим образом. На кривой $\delta = f\left(\frac{1}{T}\right)$ были выбраны три далеко отстоящие друг от друга точки, для которых выполняется условие

ħ

5

In(8-8_)

1	1	/1	, 1 \
T.	 2	$\left(\frac{1}{T_1}\right)$	$+\frac{1}{T_{o}}$
- 0	_	· - T	- 2 -

В этом случае согласно [11]

$$\delta_0=rac{\delta_1\delta_2-\delta_3^2}{\delta_1+\delta_2-2\delta_2}.$$

Для определения величин то и w формула (6) была преобразована:

$$\ln\left(\delta-\delta_0\right) = \ln\frac{1}{c\tau_0} - \frac{w}{kT}.$$

На основании этого соотношения были построены графики (рис. 2) с использованием экспериментальных значений δ и вычисленных выше величин δ_0 . Из наклона прямолинейных графиков рассчитывалась энергия активации ω , а из отрезков, отсекаемых на оси ординат продолжением этих графиков—величина τ_0 (см. табл. 1).

Зная величину δ_0 и измеренное значение δ , определяли время τ по формулам (2) и (3). Время τ для температуры 20°С при-

Рис. 2. График для определения величин τ_0 и w по первому методу: 1 - 1171, 2 - 1592, 3 - 257, 4 - 179, 5 - 313, 6 - 645 см⁻¹

ведено в табл. 1. Используя это значение τ и величину вязкости η, из справочника [12] рассчитали по формуле (4) радиус *а* молекулы.

Второй метод обработки результатов отличается от первого способом нахождения величины δ_0 . Подставив в формулу (2) выражения (3) и (4), получим

$$\delta = \delta_0 + \frac{3kT}{4\pi a^3 cn}$$



В соответствии с этим выражением для исследуемых линий был построен график $\delta = f\left(\frac{T}{\eta}\right)$ по измеренным значениям δ и литературным данным вязкости η [12]. Величина δ_0 находилась путем продолжения графика до пересечения с осью ординат (рис. 3), а радиус молекулы a — по углу наклона графика. Далее обработка результатов проводилась, как и в первом методе.

Необходимо отметить, что графики $\delta = f\left(\frac{T}{\eta}\right)$ несколько отступают от закона прямой линии. Особенно это заметно для метаксилола # (рис. 3).



Рис. 3. График для определения величин δ₀ и *а* по второму методу: 1 - 257, 2 - 179, 3 - 313, 4 - 1471, 5 - 1592, 6 - 645 см⁻¹



Рис. 4. График для определения величины δ_0 по третьему методу. Обозначения те же, что на рис. 3

Вероятно, в широком интервале температур пропорциональность между τ и отношением $\frac{\eta}{T}$ в формуле Дебая (4) нарушается для некоторых веществ. Это отмечалось ранее в других работах [13, 14], где исследовалось время релаксации τ по релеевскому рассеянию света. В тех же работах было установлено, что между τ и η пропорциональность соблюдается гораздо лучше.

Третий метод обработки результатов, используемый в настоящей работе, учитывает это обстоятельство. Для нахождения величины δ_0 строился график $\delta = f\left(\frac{1}{\eta}\right)$. Все остальные расчеты проводились, как и в предыдущих двух методах. Результаты показывают (рис. 4), что прямая пропорциональность между δ и $\frac{1}{\eta}$, а следовательно, и между т и η , соблюдается достаточно хорошо.

Как видно из табл. 1, все полученные параметры вещества w, τ_0, τ и *а* имеют разумный порядок величины и согласуются с данными других экспериментальных методов. Например, измерения по методу релеевского рассеяния света [14] дают следующие результаты:

	сравнение трех мет	одов р	acycia	ларакі	epacia	л веще	L I DA		
		Линия 179 см-1			Линия 257 см ⁻¹				
Исследуемое вещество	Определяемая величина	1-й метод	2-й метод	3-й метод	1-й метод	2-й метод	3-й метод	Среднее значение	
Ортоксилол	δ_0, cm^{-1} w, ккал/моль $\tau_0 \cdot 10^{14}, cek$ $\tau \cdot 10^{12}, cek$ a, Å	8,0 2,8 9,0 12 2,4	8,3 3,0 6,8 13 2,5	7,0 2,2 18 9 —	9,5 2,7 9,3 10 2,3	10 3,0 7,0 12 2,4	8,6 2,2 17 8 —	$2,6\pm 0,3 \\ 11\pm 4 \\ 11\pm 2 \\ 2,4\pm 0,05$	
		Линия 1171 см ⁻¹			Линия 1592 см ⁻¹				
Метаксилол	$δ_0, cm^{-1}$ w, κκαλ/моль $τ_0 \cdot 10^{14}, ce\kappa$ $τ \cdot 10^{12}, ce\kappa$ α, Å	0,7 1,7 35 6,5 2,2	2,4 2,1 24 9,3 2,5	1,8 2,0 27 8,3 —	3,3 1,8 40 9,3 2,4	4,5 2,3 26 14 2,8	3,6 2,0 36 10 	$2,0\pm0,15$ 31 ± 6 $9,6\pm1,6$ $2,5\pm0,2$	
		Линия 313 см ⁻¹			Линия 645 <i>см</i> -1				
Параксилол	δ_0, cm^{-1} w, ккал/моль $\tau_0.10^{14}, cek$ $\tau \cdot 10^{12}, cek$ a, Å	10 2,9 14 20 3,1	10 2,9 16 20 3,0	9,2 2,1 35 13 —	1,7 3,6 5 26 3,4	0,9 2,6 20 16 2,9	0,4 2,2 31 13 -	$2,7\pm0,420\pm818\pm43,1\pm0,15$	

Таблица 1

Таблица 2 Температурная зависимость времени релаксации т, скорости молекул v и коэффициента самодиффузии D

Исследуемое вещество	t°C	τ·10 ¹² , сек	v·10 ⁻³ , см/сек	D·10 ⁵ , см ² /сек	
^ю Ортоксилол	0 20 40 60 80 100 120 140	15 11 8,0 6,0 4,6 3,9 3,2 2,7	3,2 4,3 5,9 8,0 10 12 15 18	2,6 3,5 4,8 6,4 8,4 9,8 12 14	
Метаксилол	$\begin{array}{ c c c } -30 & & & \\ 0 & 20 & & \\ 40 & 60 & & \\ 80 & & \\ 100 & & \\ 120 & & \\ 140 & & \\ 160 & & \\ \end{array}$	25 13 9,6 7,5 6,2 5,2 4,5 3,9 3,5 3,1	2,0 3,8 5,2 6,7 8,1 9,6 11 13 14 16	1,7 3,2 4,3 5,5 6,7 8,0 9,3 11 12 13	
Параксилол	5 20 40 60 80 90	23 18 13 10 7,8 6,8	2,7 3,4 4,8 6,2 7,9 9,1	2,8 3,6 4,9 6,4 8,2 9,4	

29

для ортоксилола —
$$w = 2,3 \frac{\kappa \kappa \alpha n}{monb}, \tau_0 = 14 \cdot 10^{-14}$$
 сек, $\tau = 7,6 \cdot 10^{-12}$ сек,
для метаксилола — $w = 2,2 \frac{\kappa \kappa \alpha n}{monb}, \tau_0 = 16 \cdot 10^{-14}$ сек, $\tau = 6,3 \cdot 10^{-12}$ сек,
для параксилола — $w = 2,3 \frac{\kappa \kappa \alpha n}{monb}, \tau_0 = 17 \cdot 10^{-14}$ сек, $\tau = 9,1 \cdot 10^{-12}$ сек.

Моль Обращает на себя внимание, что третий метод, используемый в настоящей

работе, дает более близкие к этим результатам данные, чем первые два метода.

				· · · · · ·			······	
	Частота линии, см-1	257(*)		5 06	582	735	986(**)	
Ортоксилол	Форма колеоания	°°CC	-	Ŷ	Ŷ	y K	р _{РС—} н	
	$\frac{I_{\infty}^{+140^{\circ}\text{C}}}{I_{\infty}^{-25 \cdot \text{C}}}$ эксперимент	0,60	· ·	0 ,6 6	0,46	0,71	0,46	
	$\frac{I_{\infty}^{\pm 140^{\circ}\mathrm{C}}}{I_{\infty}^{-25^{\circ}\mathrm{C}}}$ теория	1,25		1,14	1,11	1,07	1,03	
	Отклонение от теории в %	52		42	59	34	55	
	Частота линии, см ⁻¹	-	279	517	538	726	_	_
	Форма колебания	<u> </u>	βςςς	Ŷ	Ŷ	Q	-	
Метаксилол	$\frac{I_{\infty}^{+160^{\circ}C}}{I_{\infty}^{-30^{\circ}C}}$ эксперимент	-	0,27	0,57	0, 6 3	0,84		and a second sec
	<u>1-30°С</u> теория	-	1,33	1,16	1,14	1,08	-	
	отклонение от теории в %		80	51	45	22		
	Частота линии, см-1		⁻ 313	645	459	829	_	
Параксилол	Форма колебания		β_{CCC}	Y	Ŷ	Q	-	
	<u></u>		0,77	0,86	0 ,8 5	0,86		
	<u></u>		1,14	1,0 9	1,05	1,02	-	
	Отклонение от теории в %	<u> </u>	33	21	- 19	16		

Экспериментальная и теоретическая зависимости

(*) Для линии с частотой 257 см⁻¹ ортоксилола измерение интенсивности произведено (**) Для линии с частотой 986 см⁻¹ ортоксилола измерение интенсивности произведено

По известным формулам [1] были вычислены также средняя скорость хаотического поступательного движения молекул $v = l/\tau$, $D = l^2/6\tau$ и коэффициент самодиффузии, тде l — среднее расстояние, на которое перескакивает молекула из одного относительно устойчивого положения равновесия в другое. Можно считать, что l равно расстоянию между центрами соседних молекул, или их диаметру, поскольку они упакованы в жидкости достаточно плотно. В наших расчетах было принято, что для ортоксилола l = 2a = 4,8 Å, для метаксилола l = 5 Å и для параксилола l = 6,2 Å. Эти значения согласуются с оценкой среднего расстояния между молекулами, произведенной по формуле $\frac{1}{l_1^3} = n$, где $n = \frac{N_0 d}{\mu}$ — число молекул в единице объема, N_0 — число Авогадро.

		1052			1223		1384	1583	1609
		β Q Y		• 	⁹ CC	-	β _{CH₃}	β Q	β Q
—		0,62			0,42		0,43	0,59	0,72
—		1,02			1,01		1,01	1,00	1,00
_		39		<u> </u>	58		57	41	28
1000	1036		1095	1171	1251	1267	1379	1592	1613
γ β	β _{CHs}	-	β	β	<i>q</i> _{С—С}	β	β _{CH3}	β Q Y	β Q Y
 0,61	0,30		0 <u>,</u>	0,25	0,57	0,57	0,38	0,65	0,52
1,03	1,03	-	1,025	1,02	1,01	1,01	1,00	1,00	1,00
41	71		78	76	43	43	62	35	48
 -				_	1205 _{<i>q</i>_{CC}}		1379 β _{CH₃}	_	1618 β
,									Ŷ
· , —					0,78		ა ,69	_	0,81
,		-	_		1,01	-	1,00		1,00
_	·			_	23		31		10

интегральных интенсивностей I ... линий от температуры

три температурах +140°С и 0°С. ри температурах +105°С и -25°С. Авогадро, d — плотность, μ — молекулярный вес. Для всех трех веществ $l_1 = 5,9$ Å. Время τ предварительно определялось из формул (2) и (3) по экспериментальным значениям ширины линии δ и величинам δ_0 , определенным как среднее из трех методов.

Вычисленные таким образом значения времени т, скорости v и коэффициента самодиффузии D для различных температур приведены в табл. 2. Эги данные вполне согласуются по порядку величины с результатами других методов. Например, для бензола, молекулы которого близки по строению к молекулам ксилолов, коэффициент самодиффузии, измеренный физико-химическими методами [15] при температурах 15, 25, 35 и 45° С, имеет следующие значения: $D \cdot 10^5 \ cm^2/cek = 1,88$, 2,15, 2,40 и 2,67. Для ксилолов при соответствующих температурах он получился в два раза больше. Есть основания предполагать, что в действительности коэффициент самодиффузии у ксилолов такой же или даже несколько меньше, чем у бензола. Отклонение расчетного значения в два раза можно объяснить тем, что среднее расстояние l, на которое перескакивают молекулы ксилолов при хаотическом движении, в $\sqrt{2}$ раз меньше той величины, которая использовалась для расчетов. На основании этого можно ожидать также, что рассчитанная скорость v (табл. 2) получалась в $\sqrt{2}$ раз больше ее действительного значения.

В настоящей работе было исследовано влияние температуры на интегральную интенсивность линий комбинационного рассеяния ортоксилола. Как было установлено ранее в ряде работ [4, 5, 16—21], интегральная интенсивность стоксовых линий для жидкого состояния вещества убывает с температурой, а не возрастает согласно известному теоретическому соотношению

$$I_{\infty} \sim \frac{1}{1 - e^{-hv/kT}}.$$
(7)

Результаты настоящей работы (табл. 3) также показывают, что формула (7) не оправдывается для жидкого состояния вещества. В табл. 3 указано отношение интенсивностей для каждой линии при двух крайних температурах, полученное экспериментально и вычисленное по формуле (7). В этой же таблице приведены преимущественные формы колебания молекулы согласно литературным данным [22—27]. Для сравнения в табл. 3 помещены результаты для метаксилола и параксилола, измерения для которых были выполнены ранее [4, 5].

Как видно из таблицы, аномальный температурный ход интенсивности наблюдается у линий с самыми различными частотами и степенью деполяризации, относящихся к разным формам колебания молекулы. Между температурным изменением ширины линий и интенсивности нет непосредственной связи. Если наибольшее температурное уширение наблюдается у деполяризованных линий, то сильная температурная аномалия интенсивности проявляется как у деполяризованных, так и у поляризованных линий. Однако обращает на себя внимание, что интенсивности линий ортоксилола с частотами 735, 1052, 1583, 1609 см⁻¹, принадлежащих колебаниям, в которых участвуют связи СС кольца (валентные колебания типа Q), испытывают наименьшее отступление от теории. Аналогичная закономерность наблюдается у метаксилола и параксилола. Особенно это заметно на линиях 726 и 829 см-1, которые соответствуют полносимметричному валентному колебанию бензола с частотой 992 cm^{-1} . В то же время деформационные колебания внешних углов ССН и ССС, т. е. колебания типа β и ρ, как правило, обнаруживают наибольшее отступление интенсивностей их линий от теории. Вероятнее всего аномальный температурный ход интенсивностей линий обусловлен межмолекулярным взаимодействием, которое может в разной степени влиять на колебания различной формы.

ЛИТЕРАТУРА.

- 1. Френкель Я.И. Кинетическая теория жидкостей. М., Изд-во АН СССР, 1945.
- 2. Собельман И. И. «Изв. АН СССР», сер. физич., 17, № 5, 1953.
- 3. Резаев Н. И. Материалы Х Всесоюзного совещания по спектроскопии, 1, 230, 1957.
- 4. Резаев Н. И. «Вестн. Моск. ун-та», сер. мат., мех., астрон., физ., химии, № 2, 145, 1957.
- 5. Резаев Н. И., Андреев Н. С. «Оптика и спектроскопия», 7, 119, 1959.
- 6. Ракова А. В. «Оптика и спектроскопия», 7, 202, 1959.
- 7. Резаев Н. И., Бажулин П. А. «Оптика и спектроскопия», 1, вып. 5, 1956.
- 8. Strutt J. Phyl. Mag., 42, 441, 1871.
- 9. Бажулин П. А., Раутиан С. Г., Сушинский М. М., Соколовская А. И. ЖЭТФ, **29**, 822, 1955.
- 10. Резаев Н. И. «Оптика и спектроскопия», 5, 561, 1958.
- 11. Уорсинг А., Геффнер Д. Методы обработки экспериментальных данных. М., ИЛ, 1953.
- 12. Варгафтик Н. Б. Справочник по теплофизическим свойствам газов и жидкостей. М., Физматгиз, 1963.
- 13. Атаходжаев А. К. «Тр. Узбекс. гос. ун-та», вып. 74, 95, 1957.
- Вукс М. В., Атаходжаев А. К. «Оптика и спектроскопия», 5, 51, 1958.
 Јоhnson Р. А., Ваbb А. L. Chem. Revs., 56, 387, 1956.
 Улародска и спектроскопия 2010, 15, 1967.
- 16. Venkateswarlu K. Curr. Sci., 16, 15, 1947.

- 17. Фишкова Л. М. ДАН СССР, 75, 523, 1950. 18. Бобович Я. С., Архипенко Д. К. ДАН СССР, 86, 247, 1952. 19. Стеханов А. И., Числер З. В. ЖТФ, 25, 2209, 1955. 20. Соколовская А. И., Бажулин П. А. Материалы Х Всесоюзного совещания по спектроскопии., 1, 225, 1957. 21. Стальмахова Л. С., Сидоров Н. К., Курышин В. И. «Изв. вузов», фи-
- зика, № 5, 1967.
- 22. Ковнер М. А. ЖЭТФ, 26, 598, 1954.
- 23. Ковнер М. А. ДАН СССР, 97, 65, 1954. 24. Ковнер М. А. ДАН СССР, 97, 229, 1954.
- 25. Ковнер М. А., Богомолов А. М. «Оптика и спектроскопия», 4, 301, 1958.
- 26. Ковнер М. А., Богомолов А. М. «Оптика и спектроскопия», 7, 751, 1959. 27. Богомолов А. М. «Оптика и спектроскопия», 10, 322, 1961.

Поступила в редакцию 20.5 1968 г.

Кафедра оптики

3 ВМУ. № 3. физика, астрономия