

$$-\frac{\rho}{q} \sqrt{2E_0} + v + \frac{1}{\sqrt{2E_0}} \frac{\rho}{q} \bar{V} = 0,$$

где

$$\bar{V} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} V dy.$$

Условия устойчивости (5) стационарного резонансного режима (3) имеют вид

$$\begin{aligned} \sin(\varphi_0 + \rho\beta_0) + \pi v q \frac{1}{\sqrt{2E_0}} \cos(\varphi_0 + \rho\beta_0) < 0, \\ -4\lambda + \frac{1}{\sqrt{2E_0}} \cos(\varphi_0 + \rho\beta_0) < 0. \end{aligned}$$

В заключение приносим благодарность проф. В. М. Волосову за обсуждение результатов.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Волосов В. М., Моргунов Б. И. ДАН СССР, 170, 1966.
2. Волосов В. М., Моргунов Б. И. «Вычислительная матем. и матем. физика», 8, № 2, 1968.
3. Рубаник В. П. Труды семинара по теории дифференциальных уравнений с отклоняющимся аргументом (Ун-т дружбы народов им. П. Лумумбы), т. 2, 1968.
4. Митропольский Ю. А., Фодчук В. И. «Укр. матем. журн.», 18, № 3, 1966.

Поступила в редакцию  
20.11 1968 г.

Кафедра  
математики

УДК 523.11

А. А. БАРАНОВ

### ОБ УРАВНЕНИИ СОСТОЯНИЯ $p = -\epsilon$

До сравнительно недавнего времени считалось [1], что предельным уравнением вещества или поля является  $p = \epsilon/3$ , где  $p$  — давление,  $\epsilon$  — плотность энергии. Однако в работах [2, 3] показано, что для случая векторного и скалярного мезонных полей в рамках СТО допустимо уравнение состояния  $p = +\epsilon$ .

В работах [4–6] было отмечено, что космологический член в уравнениях тяготения Эйнштейна можно формально истолковать как вещество с уравнением состояния

$$p = -\epsilon. \quad (1)$$

В связи с возросшей важностью космологического члена [7–9] в данной работе найдены решения в классической скалярной теории поля в рамках СТО и ОТО (модель де Ситтера), приводящие к уравнению состояния (1).

Плотность лагранжиана скалярного мезонного поля с источниками имеет вид [10]:

$$L = -\frac{1}{2} \left\{ \sum_{\nu} \left( \frac{\partial \psi}{\partial x_{\nu}} \right)^2 + \mu^2 \psi^2 \right\} - \eta \psi, \quad (2)$$

где  $\psi$  — полевая функция,  $\eta$  — плотность источников (повсюду принятого  $c = \hbar = 1$ ).

Тогда тензор энергии-импульса

$$T_{\mu\nu} = -\frac{\partial \psi}{\partial x_{\mu}} \frac{\partial L}{\partial \left( \frac{\partial \psi}{\partial x_{\nu}} \right)} + L \delta_{\mu\nu},$$

или с учетом (2)

$$T_{\mu\nu} = \frac{\partial\varphi}{\partial x_\mu} \frac{\partial\psi}{\partial x_\nu} + \delta_{\mu\nu} \left\{ \frac{1}{2} \left[ \left( \frac{\partial\psi}{\partial t} \right)^2 - |\text{grad } \psi|^2 - \mu^2\psi^2 \right] - \eta\psi \right\}. \quad (3)$$

Из равенства (3) видно, что если выполняется условие

$$\begin{aligned} \frac{\partial\psi}{\partial x_1} = \frac{\partial\psi}{\partial x_2} = \frac{\partial\psi}{\partial x_3} = 0, \\ \mu = 0, \quad \eta = 0, \quad \frac{\partial\psi}{\partial t} \neq 0, \end{aligned} \quad (4)$$

то тензор энергии-импульса становится диагональным и

$$\varepsilon = -T_{44} = + \frac{1}{2} \left( \frac{\partial\psi}{\partial t} \right)^2, \quad p = -T_{11} = - \frac{1}{2} \left( \frac{\partial\psi}{\partial t} \right)^2,$$

а тогда, очевидно, выполняется уравнение состояния (1).

Как легко проверить, существуют решения уравнения Клейна—Гордона при условии (4) для  $\psi$  (например,  $\psi \sim t$ ).

Итак, для скалярного свободного безмассового поля  $p$  и  $\varepsilon$  связаны уравнением  $p = -\varepsilon$ .

В ОТО для модели де Ситтера необходимо взять плотность лагранжиана

$$L = - \frac{1}{2} \nabla_\sigma \psi \nabla^\sigma \psi, \quad (5)$$

где  $\nabla_\sigma$  — ковариантная производная.

Запишем уравнение скалярного поля:

$$\nabla_\sigma \nabla^\sigma \psi = 0, \quad (6)$$

уравнения тяготения:

$$R_\mu^\nu - \frac{1}{2} \delta_\mu^\nu R = -\kappa T_\mu^\nu, \quad (7)$$

и тензор энергии-импульса

$$T_\mu^\nu = - \frac{\partial L}{\partial (\nabla_\nu \psi)} \cdot \nabla_\mu \psi + L \delta_\mu^\nu. \quad (8)$$

Как легко проверить, из соотношений (4) и (5)—(8) следует уравнение состояния (1). В этом случае скалярное свободное безмассовое поле эквивалентно введению  $\Lambda$ -члена в уравнении тяготения.

В заключение автор выражает благодарность проф. Я. П. Терлецкому за обсуждение работы.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М. Теория поля. М., Физматгиз, 1960.
2. Зельдович Я. Б. ЖЭТФ, 41, 1609, 1961.
3. Pacini F. Ann. d'astrophysique, 29, 193, 1966.
4. Tangherlini F. R. Nuovo Cimento, 15, 835, 1960; 20, 1, 1961.
5. Зельдович Я. Б. Письма в ЖЭТФ, 6, 883, 1967.
6. Зельдович Я. Б. «Успехи физич. наук», 95, 209, 1968.
7. Petrosian V., Salpeter E., Szekeres P. Astrophys J., 147, 1222, 1967.
8. Шкловский И. С. «Астрон. цирк.», № 429, 1967.
9. Кардашев Н. С. «Астрон. цирк.», № 430, 1967.
10. Вентцель Г. Введение в квантовую теорию волновых полей. М.—Л., 1947.

Поступила в редакцию  
22.11 1968 г.

Кафедра  
теоретической физики