При е≈10<sup>29</sup> СGSE поправка оказывается порядка 10<sup>-12</sup> от основного эффекта.

Гравитационное смещение спектральных линий. Согласно ОТО, в случае, когда излучатель и приемник покоятся в слабом статическом гравитационном поле, для частот излучения в точках испускания ( $v_1$ ), приема ( $v_2$ ) и их разности  $\Delta v$  имеем в первом приближении

$$\frac{\Delta v}{v_1} = \frac{v_2 - v_1}{v_2} = \frac{\Phi_2 - \Phi_1}{c^2}, \quad (13)$$

где  $\Phi$  определяется выражением  $g_{00} = 1 + 2 \Phi/c^2$ . Для света, идущего от Солнца к Земле, имеем

$$\frac{\Delta \mathbf{v}}{\mathbf{v}_{\mathbf{I}}} = -\frac{\gamma \mu}{c^2 r} + \frac{\gamma e^2}{c^4 r^2} + \frac{\Phi_{3\text{емли}}}{c^2}.$$
 (14)

Для Солнца  $r = R_{\odot}$  и первый член равен —  $\gamma M/cR_{\odot}^2 = -2,12 \cdot 10^{-6}$ , в то время как  $\Phi_3/c^2 = 7 \cdot 10^{-10}$  [4]. Эффект, вызванный зарядом, даже при его максимальной возможной величине (10<sup>29</sup> CGSE), еще меньше — порядка 10<sup>-12</sup>.

Отметим, что заряд Солнца е во всех трех случаях и независимо от его знака ослабляет эффект, обусловленный массой М. Это следовало ожидать, так как в метрике Рейснера — Нордстрема члены с зарядом е и массой М имеют противоположный. знак.

Мы видели, что из трех эффектов, вызванных зарядом, может представить интерес только дополнительное движение перигелия Меркурия.

В этой связи следует заметить, что существует еще один слабый эффект, который: также может давать ощутимую поправку в движении перигелия Меркурия, но противоположного (по сравнению с эффектом от заряда) знака — это влияние сплюснутости Солнца, приводящее к наличию квадрупольного момента массы [4, 5].

Очевидно эффекты от заряда и от сплюснутости Солнца могут в принципе ком-пенсировать друг друга. Поэтому в связи с вопросом о проверке ОТО представляет значительный интерес эмпирическое определение как сплюснутости Солнца, так и егозаряда.

## ЛИТЕРАТУРА

- 1. Bailey V. A. J. Proc. Roy. Soc. N. S. Wales, 94, No. 2, 1960. 2. Bailey V. A. Nature, 201, No. 4925, 1202, 1964. 3. Гинзбург В. Л. В сб. «Эйнштейн и современная физика». М., 1956. 4. Salpeter E. E. Comm. Nucl. and Part. Phys., 1, No. 3, 1967. 5. Dicke R. H. Am. J. Phys., 35, No. 7, 1967.

Поступила в редакцию 18.7 1969 г.

1.11

Кафедра астрофизики

УДК 539.196.21

## Н. Б. БРАНДТ, И. Г. КУЗЕМСКАЯ, Л. В. ЛАЗАРЕВА

## о возможности определения длины свободного пробега у образцов с точечными ЭЛЕКТРИЧЕСКИМИ КОНТАКТАМИ

Исследование образцов с длиной свободного пробега l, сравнимой или превышающей размеры образца L, при наличии точечных токовых электродов, вызывают большой интерес [1, 2, 3].

В работе [1] рассмотрена, в частности, задача о электрическом сопротивлении в приконтактной области в отсутствие магнитного поля. Электрическое сопротивление R в области  $r_0 < l$ , где  $r_0$  — расстояние от точечного токового электрода, определяется только процессами ускорения вблизи от контакта и не зависит от l. Это приводит к. тому, что при понижении температуры сопротивление в этой области должно изменяться слабее, чем в областях, удаленных от токовых электродов на расстояние r>l.. Таким образом, характер зависимости сопротивления от температуры будет различным для областей  $r_0 < l$  и r > l.

Если на образце имеется несколько потенциальных контактов  $\alpha$ ,  $\beta$ , *i*, *k*, то величина относительного изменения сопротивления между любыми парами контактов, удаленных от токовых электродов на расстояние  $r \gg l$ , при понижении температуры должна быть одной и той же.

В случае, когда хотя бы один из контактов расположен в области  $r_0 < l$ , относительное изменение сопротивления между ним и любым другим контактом при пониже-



Рис. 1. Изменение характера распределения потенциала с понижением температуры на поверхности образца Ві—І длина L=5,9 мм,  $\emptyset$  4,5 мм,  $\rho_{300^\circ}/\rho_{4,2^\circ K}=135$ ,  $\bigcirc$   $-T=300^\circ$  K,  $I_1=2,5$  ма,  $x-T=77^\circ$  K,  $I_2=7,5$  ма,  $\triangle -T=4,2^\circ$  K,  $I_3=7,5$  ма



Рис. 2. Температурная зависимость отношения  $V_{ik}/V_{\alpha\beta}$  для образца Ві—І.  $\triangle$  — контакты 9—8 и  $\bigcirc$  — контакты 1—2: ось ординат слева; • — контакты 3—4, х — контакты 2—3,  $\square$  — контакты 7—6 и  $\triangle$  — контакты 7—6: ось ординат справа; V = 4—6 разность потенциала на центральной части образца,  $V_{i-k}$  — разность потенциалов между различными парами контактов

нии температуры будет меньше, чем для удаленных пар. Поэтому, при наличии только этого эффекта относительная разность потенциалов  $V_{ik}/V_{\alpha\beta}$  не должна меняться при понижении температуры, если расстояния ( $r_{\alpha}$ ,  $r_{\beta}$  и т. д.) всех контактов ( $\alpha$ ,  $\beta$  и т. д.) от токовых электродов превышают  $l_{\max}$  при самой низкой температуре. В том случае, когда  $r_i < l_{\max}$  или  $r_k < l_{\max}$ , отношение  $V_{ik}/V_{\alpha\beta}$  должно возрастать, начиная с температур, при которых  $r_i$ ,  $r_k \sim l_{\max}$ . Таким образом, зная расстояния  $r_i$ ,  $r_k$  потенциальных электродов от токовых контактов, по изменению температурной зависимости  $V_{ik}/V_{\alpha\beta}$  можно судить о величине l в образце.

Для проверки этих соображений было исследовано распределение потенциала на поверхности образцов, имеющих электрические контакты малых размеров при температурах 300, 77 и 4,2°К. Измерения проводились на монокристаллах Ві чистоты 99,9999% со средним отношением  $\rho_{300°K} / \rho_{4,2°K} \sim 130$  и длиной свободного пробега при 4,2°К порядка 0,3—0,4 мм. Токовые и потенциальные контакты из медной проволоки Ø 20 мк подпаивались к образцам сплавом Вуда или подваривались искровым методом [4]. Расположение контактов на образцах и расстояние между ними показано на рис. 1—3. Разность потенциалов измерялась фотоэлектрическим усилителем с чувствительностью 1·10<sup>-8</sup> в/мм. Для исключения влияния термоэффектов измерения проводились на различных токах. Собственное магнитное поле измерительного тока и поле Земли, а так же взаимная ориентация измерительного тока и кристаллографических осей образцов на результаты измерений не влияют.

Типичное распределение потенциала на поверхности образца Ві—І, сиятое при трех температурах, приведено на рис. 1. У этого образца первый потенциальный кон-

такт приварен вплотную к токовому в области *r*<sub>0</sub> < *l*. Графики выполнены в приведенном масштабе: по оси х отложены расстояния между потенциальными контактами, начиная с ближайшего к левому токовому (цифры соответ-ствуют номерам контактов). По оси *у* — разность потенциалов между соответствующими парами контактов *i* — k. Измерительные токи подбирались таким образом, чтобы максимальная разность потенциалов, возникающая между крайними электродами, совпадала при различных температурах. Масштабы токов указаны в подписи к рисунку.

Отчетливо наблюдается изменение характера распределения потенциала при понижении температуры ниже 77° К. Температурная зависимость слабее для электродов, ближайших к токовым, и более сильная в центральной части образца. Особенно отчетливо это проявляется для температурной зависимости Vih/Vab, приведенной для этого же образца Bi-I ня рис. 2. У этого образца контакты 1-й и 9-й расположены в области  $r_0 < l$ . Отношение  $V_{1-2}/V_{4-6}$  и  $V_{9-8}/V_{4-6}$ , где  $V_{4-6}$  разность потенциалов в центральной части образца, меняется при понижении температуры от 300 до 4,2° К в 12-13 раз. Для удаленных пар отношение меняется очень слабо.

На рис. З приведена аналогичная зависимость для образца Ві—ІІ, у которого ближай-ший к токовому первый потенциальный контакт расположен на расстоянии 0,35 мм. В этом случае отношение V1-2/V5-6 возрастает всего в 1,1 раза во всем диапазоне температур. Характер такой температурной зависимости относительного изменения напряжений проверен на 20 образцах Ві. Аналогичные измерения



Рис. 3. Температурная зависимость  $\hat{V}_{ih}/\hat{V}_{\alpha\beta}$ для образца отношения Длина L = 10, Ø 4,5 мм, Bi—II. ∧ — контакты 10—9, • — контакты ρ<sub>300°</sub> /р<sub>4,2°К</sub> = 130. О-контакты 1-2. 9-8, △ - контакты 2-3, 🔲 - контакты 4-5. 🗌 — контакты 3-4

проведены на образцах Ві, легированных Sb и Ti, у которых l << 0,1 мм. Эффект возрастания Vik/VaB при понижении температуры у них отсутствует. Аналогичное явление наблюдалось, по-видимому, в работе [3] при исследовании влияния размеров образцов Ві на их электрическое сопротивление при низких температурах, когда площадь сечения токовых электродов была меньше площади поперечного сечения образца. К сожалению, в настоящее время остается невыясненным роль других факторов в наблюдаемом эффекте.

Если рассмотренное явление, в основном, обусловлено размерным эффектом, то оно может быть использовано в качестве нового метода определения длины свободного пробега в металлах. Так, по нашим оценкам, сделанным этим способом, для Ві с отношением р<sub>300°К</sub>/р<sub>4,2°</sub> ~ 130-150 длина свободного пробега при T=4,2° К, l~0,3-0,4 мм, что согласуется с ранее приводимыми оценками.

В заключение выражаем благодарность Ю. В. Шарвину за обсуждение результатов.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Шарвин Ю. В. ЖЭТФ, 48, № 3, 984, 1965.

2. Шарвин Ю. В., Фишер Л. М. Письма в ЖЭТФ, 1, № 5, 54, 1965. З. Александров Б. Н. ЖЭТФ, 43, 8, 1962.

4. Брандт Н. Б. «Приборы и техника эксперимента», № 2, 132, 1965. 5. Friedman A. N., Koenig S. H. IBM, J. Res. Develop., 4, No. 2, 1960. 6. Боровик Е. С., Лазарев Б. Г. ЖЭТФ, 21, № 8, 1951.

7. Богод Ю. А. Кандидатская диссертация. Харьков, 1948.

Поступила в редакцию 1.9 1969 г.

Кафедра низких температур