

# Вестник МОСКОВСКОГО УНИВЕРСИТЕТА

## КРАТКИЕ СООБЩЕНИЯ

УДК 539.1

Н. С. ДЕМИДОВА, А. И. НАУМОВ

### ПРИЧИННАЯ ФУНКЦИЯ В ЧЕТЫРЕХФЕРМИОННОЙ МОДЕЛИ С ИНДЕФИНИТНОЙ МЕТРИКОЙ

В работе [1] рассмотрена полевая модель с индефинитной метрикой, основанная на лагранжиане

$$L = L_0 + L_i = L_0 + \frac{1}{2} g \sum_n C_n : (\bar{\Psi} \Gamma_n \Psi) (\bar{\Psi} \Gamma_n \Psi) : \quad (1)$$

Здесь  $\Gamma_n$  — пять ковариантных наборов матриц Дирака,  $C_n$  — действительные числа,  $g$  — константа самодействия,

$$\Psi(x) = f(x) + \alpha_1 z(x) + \alpha_2 d(x), \quad (2)$$

а свободный лагранжиан определяется формулой

$$L_0 = \left\{ \frac{1}{2} \bar{f} \gamma_\mu \overleftrightarrow{\partial}_\mu f + m \bar{f} f \right\} + \left\{ \frac{1}{2} \bar{z} \gamma_\mu \overleftrightarrow{\partial}_\mu d + \frac{1}{2} \bar{d} \gamma_\mu \overleftrightarrow{\partial}_\mu z + \mu (\bar{z} d + \bar{d} z) + \lambda \bar{z} z \right\}. \quad (3)$$

Эта модель является одним из вариантов нелинейной спинорной теории [2], базирующейся на уравнении типа Гейзенберга—Иваненко [2—3], которому соответствует лагранжиан

$$L = \frac{1}{2} \bar{\Psi} \gamma_\mu \overleftrightarrow{\partial}_\mu \Psi + \frac{1}{2} g \sum_n C_n : (\bar{\Psi} \Gamma_n \Psi) (\bar{\Psi} \Gamma_n \Psi) :. \quad (4)$$

Она обладает теми преимуществами, что позволяет эффективно строить физические состояния частиц, прозрачные состояния нулевой нормы и прозрачные дипольные состояния. Константы  $\lambda$ ,  $\alpha_1$  и  $\alpha_2$  удастся подобрать так, что свободная причинная функция принимает вид

$$G(p) = - \frac{\hat{p} + im}{p^2 + m^2 - i\epsilon} + \frac{\hat{p} + im}{p^2 + \mu^2 - i\epsilon} + \frac{2\mu(\mu - m)(\hat{p} + i\mu)}{(p^2 + \mu^2 - i\epsilon)^2} \quad (\mu > m), \quad (5)$$

т. е. при  $|p| \rightarrow \infty$  убывает как  $|p|^{-3}$ , что обеспечивает конечность диаграмм во всех порядках теории возмущений. Модель, по-видимому, допускает вероятностную интерпретацию, причем роль физической унитарной матрицы рассеяния играет оператор  $\tilde{S} = PSP$ , где  $P$  — проекционный оператор на физическое подпространство полного пространства состояний, а

$$S = T \exp \left\{ i \int L_i(x) dx \right\}.$$

Причинная функция (5) пока содержит два неизвестных параметра  $m$  и  $\mu$ , которые и определяются в данной работе. Они фиксируются требованием, чтобы модель содержала в себе обычную электродинамику. Для этого амплитуда фермион-фермионного рассеяния должна иметь полюс при нулевом значении квадрата переданного импульса с вычетом, равным постоянной тонкой структуры  $\alpha=1/137$ . После определения параметров причинной функции и включения в модель внутренних характеристик типа изоспина и гиперзаряда, ее можно будет использовать, например, для расчета масс и констант связи адронов, как это делается в нелинейной спинорной теории. В дальнейшем мы ограничимся анализом векторного варианта самодействия, когда в (1)  $C_n = \delta_n v$ ; причины этого обсуждались в наших предыдущих работах.

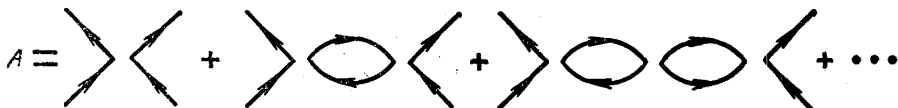


Рис.

Для нахождения амплитуды фермион-фермионного рассеяния выберем обычное приближение, в котором суммируется цепочка диаграмм, изображенная на рисунке. Для суммы этой геометрической прогрессии имеем

$$A = \frac{ig}{8\pi^2} [\bar{u}(p') \gamma_\mu u(p)] [\bar{u}(q') \gamma_\mu u(q)] \frac{1}{1 + \frac{ig}{2(2\pi)^4} Q(f^2)} \quad (6)$$

(обменные члены не выписываются). Здесь  $p, q$  и  $p', q'$  — импульсы фермионов соответственно до и после рассеяния,  $f \equiv p' - p = q - q'$  — переданный импульс, а

$$Q(f^2) = \frac{1}{(2\pi)^4} \int \text{Sp} [\gamma_\mu G(k) \gamma_\mu G(f+k)] dk \quad (7)$$

является аналитическим выражением для одной «петли».

Интеграл (7), в который входит причинная функция (5), вычислялся обычными методами, которые ранее использовались в работе [4]. Для него получено громоздкое явное выражение, занимающее около двух страниц, которое мы, естественно, приводить не будем. К счастью, нас интересует лишь асимптотическое поведение амплитуды при малых  $f^2$ . Разлагая соответствующие члены в ряд в окрестности этой точки, для знаменателя формулы (6) получим следующее выражение:

$$1 + \frac{g}{8\pi^2} [B(m, \mu) + f^2 C(m, \mu)],$$

где

$$B(m, \mu) = \frac{2m^2\mu(\mu - 2m)}{m^2 - \mu^2} \ln \frac{m^2}{\mu^2} + \frac{2}{3} (7m^2 + \mu^2 - 5m\mu)$$

и

$$C(m, \mu) = \left\{ \frac{m^2}{2(\mu^2 - m^2)^2} (3\mu^2 - m^2 - 4m\mu) - \frac{\mu(\mu - m)}{(\mu^2 - m^2)^4} \times \right. \\ \times [2(m^2 + \mu^2)(\mu^4 - 6m^2\mu^2 + m^4) + (2\mu^2 + m\mu)(3m^4 - \mu^4 + 6m^2\mu^2)] \left. \right\} \ln \frac{m^2}{\mu^2} - \\ - \frac{\mu^4 + m^4}{4m^2\mu^2} - \frac{(\mu - m)(\mu^3 - m^3 - 2\mu m^2)}{m^2(\mu^2 - m^2)} - \frac{5\mu(\mu - m)}{3(\mu^2 - m^2)} - \frac{7}{6} + \\ + \frac{2\mu(\mu - m)}{3(m^2 - \mu^2)^3} [10(m^4 + \mu^4) + (m^2 + \mu^2)^2 + 3(2\mu^2 + m\mu)(3m^2 + \mu^2)] + \\ + \frac{1}{3\mu^2} \left[ m(\mu - m) + \frac{199}{50} (\mu - m)^2 \right].$$

Потребуем, чтобы амплитуда имела полюс при  $f^2=0$ . Это дает уравнение

$$1 + \frac{g}{8\pi^2} B(m, \mu) = 0, \quad (8)$$

и формула (6) превращается в

$$A = -\frac{i}{C(m, \mu)} \frac{[\bar{u}(p') \gamma_\mu u(p)] [\bar{u}(q') \gamma_\mu u(q)]}{f^2}.$$

Сравнивая ее с амплитудой меллеровского рассеяния

$$A_M = -\frac{i\alpha}{\pi} \frac{[\bar{u}(p') \gamma_\mu u(p)] [\bar{u}(q') \gamma_\mu u(q)]}{f^2},$$

получим второе уравнение для определения параметров  $m$  и  $\mu$ :

$$\frac{\pi}{C(\mu, m)} = \alpha = \frac{1}{137}. \quad (9)$$

Уравнения (8) и (9) при условии  $\mu > m$  имеют единственное решение, которое было найдено численными методами:

$$m \sqrt{g} \cong 4,7, \quad \frac{\mu}{m} \cong 1,11. \quad (10)$$

Любопытным образом значение безразмерной комбинации  $m \sqrt{g}$  примерно совпадает с тем, которое получается в теории Гейзенберга (в разных работах оно колеблется примерно от 5 до 6).

Проверкой самосогласованности теории является расчет массы фермиона с полученным отношением  $\mu/m \cong 1,11$  путем рассмотрения его собственно энергетической диаграммы. Но соответствующие вычисления весьма сложны и требуют применения счетной машины, поэтому они пока не проведены.

Авторы благодарны проф. Д. Д. Иваненко за постоянное внимание к работе.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Наумов А. И. «Ядерная физика», 7, 664, 1968.
2. Гейзенберг В. Введение в единую полевую теорию элементарных частиц. М., «Мир», 1968.
3. Иваненко Д. Д., Бродский А. М. ДАН СССР, 84, 683, 1952.
4. Наумов А. И. «Вестн. Моск. ун-та», физ., астрон., № 2, 1967; № 2, 1968.

Поступила в редакцию  
26.5 1969 г.

Кафедра  
химической механики мехмата

УДК 577.3:539.19

А. К. КУКУШКИН

### УЧЕТ ПОЛЯРНЫХ СОСТОЯНИЙ В ЭНЕРГЕТИЧЕСКОМ СПЕКТРЕ БЕЛКА

Впервые предположение о полупроводниковых свойствах белковых систем было высказано Иорданом [1] и Сент-Джорджи [2, 3]. К настоящему времени обнаружилось противоречие между значением запрещенного энергетического промежутка, полученным из опыта (2,7—3,5 эв) [7—11, 20—22] и вычисленными теоретическими значениями (5—6 эв) в работах Пульман [4] и других исследованиях (10 эв) [5, 6]. Обычно такое положение объясняли недостаточно чистой постановкой опыта: влиянием влаги, примесей и т. д. Однако последняя известная нам работа [9], выполненная на достаточно высоком экспериментальном уровне, дала такие же результаты. По-видимому, причина указанного противоречия состоит в том, что авторы теоретических работ не учитывали полярной ветви возбуждения в рассматриваемых системах, т. е. энерги-