

Вестник МОСКОВСКОГО УНИВЕРСИТЕТА

№ 3 — 1974

УДК 539.126

Д. В. ГАЛЬЦОВ, Н. С. НИКИТИНА, А. Н. САФРОНОВ

ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫЙ ФОРМ-ФАКТОР НЕЙТРИНО В ТЕОРИИ ЗАТУХАНИЯ

Получено конечное (не содержащее импульс обрезания) выражение для электромагнитного форм-фактора нейтрино в K -матричной модели четырехфермионного слабого взаимодействия.

Введение

Известно, что в любой из существующих схем слабого взаимодействия нейтрино, взаимодействуя с виртуальными заряженными частицами, приобретает некоторые электромагнитные свойства [1]. Если считать, что заряд и масса нейтрино равны нулю, то матричный элемент гейзенберговского оператора электромагнитного тока $J_\mu^{(em)}$ между состояниями нейтрино определяется единственной скалярной функцией от квадрата переданного импульса¹:

$$\langle \nu(k_2), out | J_\mu^{(em)}(0) | \nu(k_1), in \rangle = ieq^2 F(q^2) \bar{\nu}(k_2) O_\mu \nu(k_1), \quad (1)$$

где

$$q = k_2 - k_1, O_\mu = \gamma_\mu (1 + \gamma_5).$$

Электромагнитный форм-фактор нейтрино $F(q^2)$ ранее рассматривался как в теории контактного четырехфермионного взаимодействия [2, 3], так и в теориях с промежуточным W -бозоном [2, 4, 5]. Обсуждались также различные возможности экспериментального изучения этой величины [2, 6, 7]. В любом случае вследствие неперенормируемого характера взаимодействия вычисление $F(q^2)$ по теории возмущений приводит к расходящемуся результату. Конечную величину можно формально получить, если ввести импульс обрезания Λ .

При теоретическом рассмотрении верхней границу для Λ можно оценить из условия унитарности. Известно, что взаимодействия неперенормируемого типа при больших энергиях приводят к неограниченному росту сечений процессов в любом конечном порядке теории возмуще-

¹ В работе используется система единиц $\hbar=c=1$, метрика $(ab) = \vec{a} \cdot \vec{b}$, матрицы γ_μ — эрмитовы.

ний. При некотором значении энергии рост сечения вступает в противоречие с условием унитарности. Правильная асимптотика сечения на бесконечности в такой теории может быть получена в принципе лишь суммированием диаграмм бесконечно высокого порядка. Если предполагать, что рост сечения ограничен унитарным пределом, то легко получить оценку для Λ .

При вычислении $F(q^2)$ в теории с промежуточным W -мезоном в работе [4] использован ξ -предельный формализм, представляющий собой градиентно инвариантный способ обрезания, и получен конечный результат суммированием некоторого класса диаграмм всех порядков по α (α — постоянная тонкой структуры). Практически результат такого суммирования может быть установлен в пределе $\alpha \rightarrow 0$. Учет радиационных поправок всех порядков по α ведет в этом случае к некоторому эффективному обрезанию.

В работе [8] расходимость устраняется с помощью введения дополнительного взаимодействия нейтральных токов (\vec{pp}) (\vec{vv}).

В настоящей работе учитываются высшие приближения теории возмущений для вычисления $F(q^2)$ при помощи дисперсионных соотношений, в предположении существования контактного четырехфермионного взаимодействия по схеме Фейнмана — Гелл-Манна [6]. В этой схеме существует прямое электрон-нейтринное взаимодействие (\vec{ev}) (\vec{ve}) и, следовательно, $F(q^2)$ возникает в первом порядке по G .

Вычисление форм-фактора $F(q^2)$ при этом сводится к нахождению его мнимой части, которая выражается через амплитуду ev -рассеяния в аннигиляционном канале (t -канал) и матричные элементы электромагнитного тока. Электромагнитный ток с точностью до радиационных поправок может быть учтен по теории возмущений. Учет высших порядков в амплитуде рассеяния проводится с помощью формализма K -матрицы.

Амплитуда $ev_e(\mu\nu_\mu)$ -рассеяния в теории затухания

Амплитуда $ev_e(\mu\nu_\mu)$ -рассеяния в низшем порядке по четырехфермионному взаимодействию является растущей функцией энергии. Вследствие этого мнимая часть функции $F(q^2)$ при больших q^2 не убывает и в дисперсионном соотношении для $F(q^2)$ необходимо сделать вычитание, что приводит к появлению неизвестной константы. Мы сможем, однако, обойтись дисперсионным соотношением без вычитаний, если используем для нахождения амплитуды $ev_e(\mu\nu_\mu)$ -рассеяния теорию затухания Соколова — Гайтлера [9, 10]. При этом удобно пользоваться ковариантной формулировкой, данной в [11].

Уравнение для T -матрицы имеет вид

$$T = K - \frac{i}{2}KT, \quad S = 1 - iT, \quad (2)$$

где K — эрмитова матрица, для которой можно записать разложение по степеням лагранжиана взаимодействия:

$$K = - \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{i}{2}\right)^{n-1} \int_{-\infty}^{\infty} \dots \int_{-\infty}^{\infty} \mathcal{L}(x_1) \mathcal{L}(x_2) \dots \mathcal{L}(x_n) \varepsilon(x_1^0 - x_2^0) \times \\ \times \varepsilon(x_2^0 - x_3^0) \dots \varepsilon(x_{n-1}^0 - x_n^0) dx_1 dx_2 \dots dx_n.$$

Благодаря эрмитовости оператора K , S -матрица оказывается унитарной независимо от числа учитываемых членов ряда теории возмущений для K -матрицы. При этом, вообще говоря, нарушается кроссинг-симметрия.

Поэтому мы вычисляем амплитуду различными способами, учитывая затухание в каналах рассеяния и в аннигиляционном канале.

Влияние затухания на $e\nu$ -рассеяние рассматривалось ранее в работе [12] с помощью разложения по D -функциям Вигнера.

Коротко опишем процедуру, позволяющую получить результат в ковариантном виде.

Матричный элемент $e\nu_e(\mu\nu_\mu)$ -рассеяния в γ_5 -инвариантной теории определяется единственной инвариантной амплитудой:

$$\langle \nu(k_2), e(p_2) | T | \nu(k_1), e(p_1) \rangle = A \frac{G}{\sqrt{2}} \bar{e}(p_2) O_\mu \nu(k_1) \bar{\nu}(k_2) O_\mu e(p_1). \quad (3)$$

Используя для K -матрицы контактное приближение, получим из (2) уравнение для A , графически изображенное на рис. 1. Применяя соотношение Фирца, можем записать его в виде

$$\begin{aligned} & (A - 1) \bar{e}(p_2) O_\mu \nu_e(k_1) \bar{\nu}_e(k_2) O_\mu e(p_1) = \\ & = \frac{iG}{2\sqrt{2}} \sum_{k,p} A \bar{e}(p_2) O_\nu (-i\hat{k}) O_\lambda \nu_e(k_1) \bar{\nu}_e(k_2) O_\nu (m - i\hat{p}) O_\lambda e(p_1) \times \\ & \quad \times \delta(p_1 + k_1 - p - k). \end{aligned} \quad (4)$$

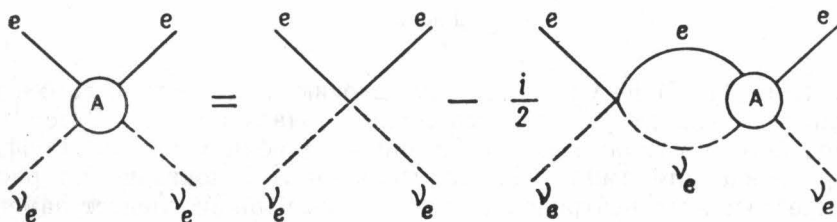


Рис. 1

Итерационное решение уравнения (4) показывает, что амплитуда A зависит от переменной $s = -(p_1 + k_1)^2$ и не зависит от угла рассеяния, т. е. от $t = -(k_1 - k_2)^2$. Поэтому A можно вынести за знак суммы по импульсам промежуточных частиц. Далее, рассматривая рассеяние вперед ($p_1 = p_2$, $k_1 = k_2$) и суммируя по спинам e и ν_e , нетрудно получить алгебраическое уравнение для A :

$$\begin{aligned} & (A - 1) S p O_\mu (-i\hat{k}_1) O_\mu (m - i\hat{p}_1) = \\ & = \frac{iG}{2\sqrt{2}} A \sum_{k,p} \delta(k_1 + p_1 - k - p) S p O_\nu (-i\hat{k}) O_\lambda (-i\hat{k}_1) O_\nu (m - i\hat{p}) \times \\ & \quad \times O_\lambda (m - i\hat{p}_1). \end{aligned} \quad (5)$$

После вычисления следов будем иметь

$$A - 1 = - \frac{iG\sqrt{2}}{\pi^2} A \chi(s), \quad (6)$$

где

$$\begin{aligned} \chi(s) &= \int d^4k d^4p(kp) \delta(k_1 + p_1 - k - p) \delta(k^2) \delta(m^2 + p^2) \Theta(k^0) \Theta(p^0) = \\ &= - \frac{\pi s}{4} \left(1 - \frac{m^2}{s}\right)^2. \end{aligned}$$

Отсюда получаем

$$A = \left[1 - \frac{iG}{\pi^2 \sqrt{2}} \frac{(s - m^2)^2}{s} \right]^{-1}. \quad (7)$$

Амплитуда аналогичного процесса с участием мюонов совпадает с (7). Из этой формулы видно, что учет затухания в s -канале приводит к обрезанию амплитуды при больших s .

В работе [13] $e\nu$ -рассеяние рассматривалось на основе дисперсионных соотношений и условия двухчастичной унитарности. Найденная в [13] амплитуда в случае отсутствия резонанса с точностью до малого логарифмического члена совпадает с амплитудой (7).

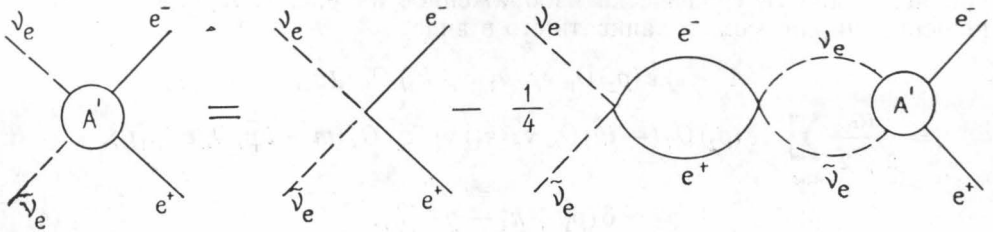


Рис. 2

Амплитуда (7) не удовлетворяет условию перекрестной симметрии, поскольку затухание учитывалось лишь в одном канале. Рассмотрим взаимодействие высших порядков в аннигиляционном канале. Графически уравнение для амплитуды аннигиляции A' показано на рис. 2. В случае мюонных нейтрино все электронные линии следует заменить на мюонные. Решение этого уравнения было получено в работе [14]:

$$A' = \left[1 + \frac{G^2}{72\pi^2} t(t - m^2) \sqrt{1 - \frac{4m^2}{t}} \right]^{-1}. \quad (8)$$

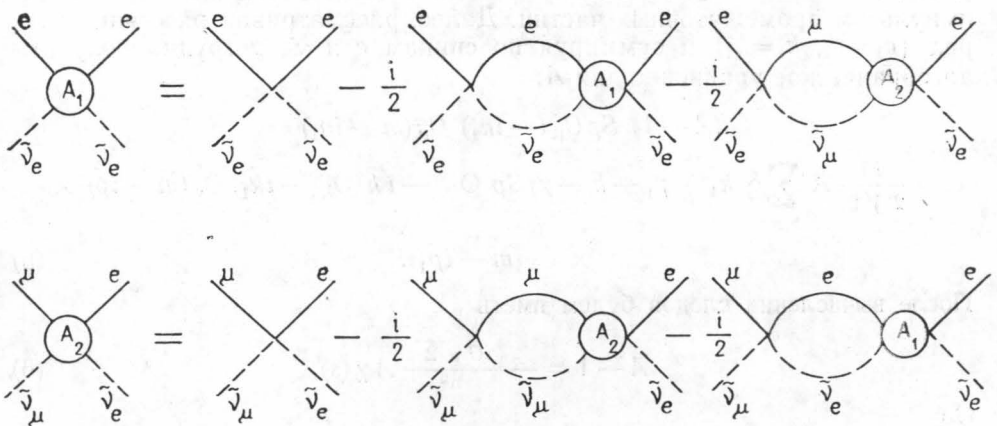


Рис. 3

В отличие от (7) амплитуда (8) обеспечивает эффективное обрезание при больших t . Амплитуда A' является вещественной.

Отсюда получаем

$$A = \left[1 - \frac{iG}{\pi 2\sqrt{2}} \frac{(s-m^2)^2}{s} \right]^{-1}. \quad (7)$$

Амплитуда аналогичного процесса с участием мюонов совпадает с (7). Из этой формулы видно, что учет затухания в s -канале приводит к обрезанию амплитуды при больших s .

В работе [13] $e\nu$ -рассеяние рассматривалось на основе дисперсионных соотношений и условия двухчастичной унитарности. Найденная в [13] амплитуда в случае отсутствия резонанса с точностью до малого логарифмического члена совпадает с амплитудой (7).

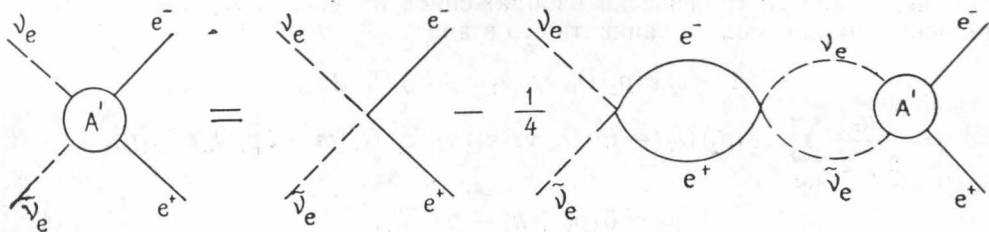


Рис. 2

Амплитуда (7) не удовлетворяет условию перекрестной симметрии, поскольку затухание учитывалось лишь в одном канале. Рассмотрим взаимодействие высших порядков в аннигиляционном канале. Графически уравнение для амплитуды аннигиляции A' показано на рис. 2. В случае мюонных нейтрино все электронные линии следует заменить на мюонные. Решение этого уравнения было получено в работе [14]:

$$A' = \left[1 + \frac{G^2}{72\pi^2} t(t-m^2) \sqrt{1 - \frac{4m^2}{t}} \right]^{-1}. \quad (8)$$

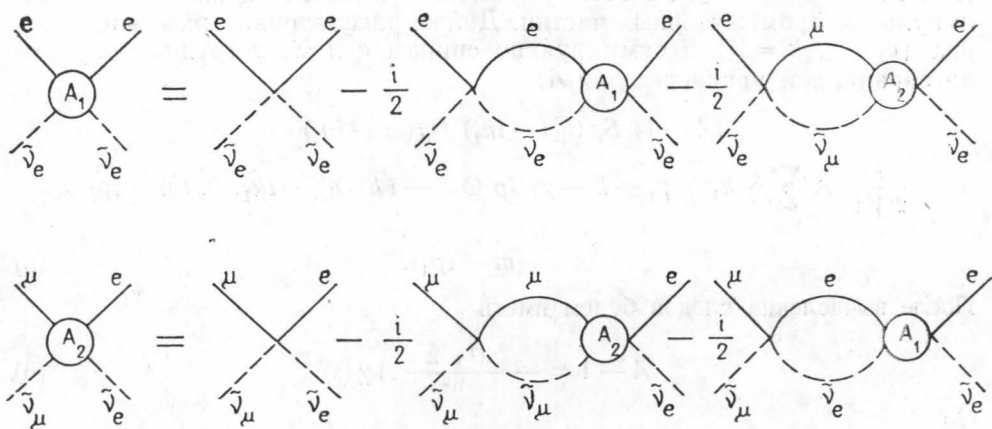


Рис. 3

В отличие от (7) амплитуда (8) обеспечивает эффективное обрезание при больших t . Амплитуда A' является вещественной.

Аналогичным образом можно учесть затухание в u -канале. Возникающая система уравнений изображена на рис. 3. Ее решение в пределе нулевой массы лептонов имеет вид

$$A_1 = A_2 = \left(1 + \frac{iGs}{\pi^3 \sqrt{2}} \right)^{-1}. \quad (9)$$

С рассматриваемой точностью ($m^2=0$) амплитуда (9) отличается от (7) лишь коэффициентом при Gs .

Вычисление мнимой части $ImF(t)$

Удобно вместо (1) рассмотреть матричный элемент

$$\langle \nu(k_2), \tilde{\nu}(k_1) \text{ out} | J_\mu^{(em)}(0) | 0 \rangle = iq^2 F(q^2) \bar{\nu}(k_2) O_\mu \nu(-k_1), \quad (10)$$

$$q = k_1 + k_2.$$

Исходя из соотношения унитарности и используя инвариантность относительно обращения времени, получим в случае электронных нейтрино:

$$Im \langle \nu_e(k_2), \tilde{\nu}(k_1) \text{ out} | J_\mu^{(em)}(0) | 0 \rangle = - \frac{(2\pi)^4}{4} \sum_{p_1, p_2} \delta(q - p_1 - p_2) \times$$

$$\times \{ \langle \nu_e(k_2), \tilde{\nu}(k_1) | T^+ | e(p_2), e^+(p_1) \rangle \langle e(p_2), e^+(p_1) \text{ out} | J_\mu^{(em)}(0) | 0 \rangle +$$

$$+ \langle \nu_e(k_2), \tilde{\nu}(k_1) | T | e(p_2), e^+(p_1) \rangle \langle e(p_2), e^+(p_1) \text{ in} | J_\mu^{(em)}(0) | 0 \rangle \}, \quad (11)$$

причем имеет место соотношение:

$$\langle \alpha \text{ in} | J_\mu(0) | 0 \rangle = \langle \alpha \text{ out} | J_\mu(0) | 0 \rangle^*, \quad (12)$$

T -матрица на массовой поверхности определена в виде:

$$S_{\alpha\beta} = \delta_{\alpha\beta} - i(2\pi)^4 T_{\alpha\beta} \delta(p_\alpha - p_\beta). \quad (13)$$

В сумме по промежуточным состояниям (11) оставлены только состояния электрон-позитронной пары, поскольку амплитуда перехода $\nu_e \nu_e \rightarrow \nu_\mu \tilde{\nu}_\mu$ более высокого порядка по константе слабого взаимодействия¹.

Подставляя в (11) матричные элементы тока заряженных частиц в низшем порядке по заряду и суммируя по спиновым состояниям пары, получим

$$q^2 Im F(q^2) \bar{\nu}(k_2) O_\mu \nu(-k_1) = \frac{G}{(2\pi)^2 2\sqrt{2}} \bar{\nu}(k_2) O_\nu \nu(-k_1) \times$$

$$\times \int d^4 \Delta \delta\left(\left(\frac{q}{2} + \Delta\right)^2 + m^2\right) \delta\left(\left(\frac{q}{2} - \Delta\right)^2 + m^2\right) \times$$

$$\times \Theta\left(\frac{q_0}{2} + \Delta_0\right) \Theta\left(\frac{q_0}{2} - \Delta_0\right) \times$$

¹ Всюду ограничиваемся низшим порядком теории возмущений для K -матрицы, поэтому в рассматриваемом приближении амплитуды $\nu_e \nu_e \rightarrow \nu_\mu \tilde{\nu}_\mu$, $\nu_e \nu_e \rightarrow \mu^+ \mu^-$, а также амплитуды с образованием многочастичных состояний следует считать равными нулю. При этом условие унитарности выполняется точно. Для оценки степени реальности такого приближения необходимо выйти за рамки данной модели.

$$\times \operatorname{Re} A \operatorname{Sp} \left[m - i \left(\frac{\hat{q}}{2} + \hat{\Delta} \right) \right] \gamma_{\mu} \left[m + i \left(\frac{\hat{q}}{2} - \hat{\Delta} \right) \right] O_{\mu}, \quad (14)$$

где переменная интегрирования $\Delta = \frac{p_1 - p_2}{2}$.

Оставляя члены, не исчезающие при интегрировании, получим после вычисления шпура следующую комбинацию:

$$4 \left(m^2 + \Delta^2 - \frac{q^2}{4} \right) \delta_{\mu\nu} + 2q_{\mu}q_{\nu} - 8\Delta_{\mu} \Delta_{\nu}. \quad (15)$$

Член $q_{\mu}q_{\nu}$ не дает вклада в силу уравнений движения для $v(k_2)$ и $v(-k_1)$.

Обратимся к вычислению интеграла:

$$I_{\mu\nu} = \int d^4 \Delta \Delta_{\mu} \Delta_{\nu} \operatorname{Re} A \delta \left(\left(\frac{q}{2} + \Delta \right)^2 + m^2 \right) \delta \left(\left(\frac{q}{2} - \Delta \right)^2 + m^2 \right) \times \\ \times \Theta \left(\frac{q_0}{2} + \Delta_0 \right) \Theta \left(\frac{q_0}{2} - \Delta_0 \right). \quad (16)$$

Если использовать для A формулу (7), то подынтегральное выражение зависит от двух 4-импульсов: q и k_1 , причем

$$s = - \left(\Delta + \frac{q}{2} - k_1 \right)^2.$$

Поэтому тензор $I_{\mu\nu}$ может быть записан из соображений ковариантности в следующем виде:

$$I_{\mu\nu} = a q_{\mu}q_{\nu} + b \delta_{\mu\nu} + c (q_{\mu}k_{1\nu} + q_{\nu}k_{1\mu}) + d k_{1\mu} k_{1\nu}. \quad (17)$$

В силу уравнения Дирака для спиноров, вклад в мнимую часть форм-фактора дает только слагаемое $b \delta_{\mu\nu}$. Выразив коэффициент b через тензор $I_{\mu\nu}$

$$b = \frac{1}{2} \left[\operatorname{Sp} I - \frac{2}{(qk_1)} q_{\mu} k_{1\nu} I_{\mu\nu} + \frac{q^2}{(qk_1)^2} k_{1\mu} k_{1\nu} I_{\mu\nu} \right] \quad (18)$$

и используя соотношения

$$k_1 \Delta = \frac{s - m^2}{2} + \frac{t}{4}, \quad \Delta^2 = \frac{t}{4} - m^2, \quad (19)$$

найдем

$$b = \frac{1}{2} \int d^4 \Delta \left[\frac{(s - m^2)^2}{q^2} - s \right] \operatorname{Re} A(s) \delta \left(\left(\frac{q}{2} + \Delta \right)^2 + m^2 \right) \times \\ \times \delta \left(\left(\frac{q}{2} - \Delta \right)^2 + m^2 \right) \Theta \left(\frac{q_0}{2} + \Delta_0 \right) \Theta \left(\frac{q_0}{2} - \Delta_0 \right). \quad (20)$$

Интегрирование по Δ удобно проводить в системе центра инерции сталкивающихся частиц ($\vec{q}=0$), выбирая ось z направленной вдоль вектора \vec{k}_1 . В результате получим следующее выражение:

$$\operatorname{Im} F(t) = \frac{G}{\pi 32 \sqrt{2}} \frac{1}{\lambda^2 x^2} \left\{ \frac{1}{\lambda x} [1 - \lambda^2 x (2x + 1)] [\operatorname{arctg} \lambda x (1 + y) -$$

$$- \operatorname{arctg} \lambda x (1 - y)] + \ln \frac{1 + \lambda^2 x^2 (1 + y)^2}{1 + \lambda^2 x^2 (1 - y)^2} - 2y \} \Theta(x - 1);$$

$$\lambda = \frac{m^2 G}{\pi \sqrt{2}}, \quad x = \frac{t}{4m^2}, \quad y = \sqrt{1 - \frac{1}{x}}. \quad (21)$$

Если использовать для амплитуды рассеяния результат теории затухания в t -канале (8), то аналогичные вычисления приводят к следующей формуле:

$$\operatorname{Im} F(t) = -\frac{G}{\pi 12 \sqrt{2}} y A'(t) \left(1 + \frac{1}{2x}\right) \Theta(x - 1). \quad (22)$$

Дисперсионное соотношение для форм-фактора

Из формул (21) и (22) видно, что $\operatorname{Im} F(t) \rightarrow 0$ при $t \rightarrow \infty$. Рассматривая $F(t)$ при действительных значениях аргумента как краевое значение

$$F(t) = \lim_{\varepsilon \rightarrow 0} F(t + i\varepsilon)$$

аналитической функции на комплексной плоскости t с разрезом от $t = 4m^2$ до ∞ , можно записать дисперсионное соотношение:

$$F(t) = \frac{1}{\pi} \int_{4m^2}^{\infty} \frac{\operatorname{Im} F(t') dt'}{t' - t - i\varepsilon}. \quad (23)$$

Подчеркнем, что возможность написания дисперсионного соотношения без вычитаний возникла благодаря учету высших порядков слабого взаимодействия с помощью метода K -матрицы.

Вычислим $F(t)$ при $|t| < 4m^2$, используя для мнимой части полученное выражение (21). При вычислении интеграла удобно представить входящие в подынтегральное выражение арктангенсы и логарифмы в виде

$$\operatorname{arctg} z = z \int_0^1 \frac{d\alpha}{1 + z^2 \alpha^2}, \quad \ln(1 + z^2) = 2z^2 \int_0^1 \frac{\alpha d\alpha}{1 + z^2 \alpha^2}. \quad (24)$$

После несложных преобразований получим

$$F(t) = \frac{G}{\pi^2 32 \sqrt{2}} \int_0^1 d\alpha \int_1^{\infty} \frac{dx'}{x' - x} \left[\frac{\alpha^2 (1 - y')^2 - y'^2 - 2\alpha(1 - y') + 3}{1 + \lambda^2 \alpha^2 x'^2 (1 - y')^2} \times \right. \\ \left. \times (1 - y') - \frac{\alpha^2 (1 + y')^2 - y'^2 - 2\alpha(1 + y') + 3}{1 + \lambda^2 \alpha^2 x'^2 (1 + y')^2} (1 + y') \right], \\ y' = \sqrt{1 - \frac{1}{x'}}. \quad (25)$$

Из этой формулы видно, что зависимость F от малого параметра λ может быть представлена в виде

$$F(t) = \operatorname{const} \ln \lambda + a_0(t) + \sum_{n=1}^{\infty} a_n(t) \lambda^n. \quad (26)$$

Для вычисления коэффициента при логарифме достаточно оставить во втором слагаемом в (25) члены, не убывающие на бесконечности при $\lambda=0$. Далее, ограничиваясь вычислением только слагаемого, не зависящего от λ , мы можем в оставшемся подынтегральном выражении положить $\lambda=0$. В результате получим:

$$F(t) = - \frac{G}{\pi^2 12 \sqrt{2}} \left[\ln \frac{\pi 2 \sqrt{2}}{m^2 G} + \frac{2t + 4m^2}{t} (1 - \Theta \operatorname{ctg} \Theta) - \frac{11}{12} \right], \quad (27)$$

где $\sin^2 \Theta = \frac{t}{4m^2}$.

В этом приближении вся зависимость от t заключена в слагаемом, пропорциональном регулярной части поляризационного оператора (см., например, [15], стр. 500). Выражение (27) соответствует импульсу обрезания

$$\Lambda = \left(\frac{\pi 2 \sqrt{2}}{G} \right)^{1/2} \sim 900 \text{ Гэв.}$$

Можно проделать аналогичные вычисления, используя для мнимой части формулу (22), полученную при учете высших приближений в t -канале. В результате будем иметь

$$F(t) = - \frac{G}{\pi^2 12 \sqrt{2}} \left[\ln \frac{\pi 6 \sqrt{2}}{m^2 G} + \frac{2t + 4m^2}{t} (1 - \Theta \operatorname{ctg} \Theta) - 2 \right]. \quad (28)$$

Выражение (28) соответствует несколько большему импульсу обрезания по сравнению с формулой (27). При учете затухания в u -канале (9) логарифмический член оказывается равным $\ln \frac{\pi 3 \sqrt{2}}{m^2 G}$.

Таким образом, показано, что учет высших порядков теории возмущений приводит к конечному выражению для электромагнитного форм-фактора нейтрино. Величина $F(t)$ определяется поведением амплитуды ev -рассеяния при больших энергиях. Использование для этой амплитуды низшего приближения теории радиационного затухания приводит к эффективному обрезанию на унитарном пределе.

Авторы благодарят проф. А. А. Соколова за внимание к работе.

ЛИТЕРАТУРА

1. Bernstein J., Ruderman M., Feinberg G., Phys. Rev., **132**, 1227, 1963.
2. Зельдович Я. Б., Переломов А. М. ЖЭТФ, **39**, 1115, 1960; Переломов А. М. Диссертация. ИТЭФ, 1963.
3. Brodskij A. M., Ivanenco D. D. Nuovo Cimento, **16**, 556, 1960; Бродский А. М. ЖЭТФ, **39**, 321, 1960.
4. Bernstein J., Lee T. D. Phys. Rev. Lett., **11**, 512, 1963.
5. Meyer Ph., Schiff D. Phys. Lett., **8**, 217, 1964.
6. Feinmann R. P., Cell-Mann M. Phys. Rev., **109**, 193, 1958.
7. Андрушин В. Н., Биленький С. М., Герштейн С. С. «Письма ЖЭТФ», **13**, № 10, 573, 1971.
8. Керимов Б. К., Цветков В. П. «Вестн. Моск. ун-та», физ., астрон., № 6, 715, 1970.
9. Соколов А. А. J. Phys. USSR, **5**, 231, 1941.
10. Heitler W. Proc. Camb. Phil. Soc., **37**, 291, 1941.
11. Schwinger J. Phys. Rev., **74**, 1439, 1948; Pirenne J. **86**, 395, 1952.
12. Соколов А. А., Иванов Ю. П., Павленко Ю. П., Керимов Б. К. ДАН СССР, **157**, № 5, 1096, 1964.
13. Нгуен Ван Хьеу. ЖЭТФ, **43**, 984, 1962.
14. Гальцов Д. В. Дипломная работа. МГУ, 1964.
15. Ахиезер А. И., Берестецкий В. Б. Квантовая электродинамика. М., 1969.

Поступила в редакцию
20.10 1972 г.

Кафедра
теоретической физики