

момента окончания лазерного импульса, создающего пробой, что совпадает с результатами предыдущих экспериментов [1—4]. После 50 нс скорость движения фронта поглощения резко падает и становится равной  $v_{\text{фр}}=10^6$  см/с к 100 нс после начала пробоя.

Если предположить, что коэффициент поглощения однороден поперек искры, то можно найти зависимость этого коэффициента от времени и положения вдоль оси канала (рис. 2, б). Необходимые для этого поперечные размеры искры  $l_{\perp}$  для каждого значения  $x$  и  $t$  рассчитываются по простой формуле

$$l_{\perp}(x, t) = d_0(x) + \frac{d_k(x) - d_0(x)}{t_c - \frac{x}{v_{\text{фр}}}} \left( t - \frac{x}{v_{\text{фр}}} \right), \quad (2)$$

где  $d_0(x) = 2(r_0 + x \operatorname{tg} \varphi/2)$  — диаметр светового конуса ( $r_0$  — радиус фокального пятна,  $\varphi$  — угол фокусировки),  $d_k(x)$  — максимальный диаметр искры для данного  $x$ , который определяется по интегральным фотографиям искры,  $t_c$  — длительность свечения искры.

Формула (2) предполагает, что поперечные размеры искры изменяются по линейному закону.

Из представленных на рис. 2, б данных по зависимости  $\kappa(t)$  для различных положений  $x$  можно получить распределение коэффициента поперечного поглощения плазмы по длине искры для различных моментов времени. Такое распределение показано на рис. 3 для  $t=10\div 130$  нс. При этом пространственное разрешение вдоль оси  $\Delta x \sim 0,5$  мм и средняя ошибка при определении  $\kappa$  не превышает 25%.

Из рис. 3 видно, что после окончания лазерного импульса в первые моменты времени область максимального поглощения находится вблизи фокуса, причем значение коэффициента поглощения достигает  $25 \text{ см}^{-1}$ . В более поздние моменты эта область распространяется навстречу лазерному лучу. Скорость движения области максимального поглощения в первые 30 нс после окончания лазерного импульса остается практически постоянной и равна  $\sim 5 \cdot 10^6$  см/с. В дальнейшем скорость падает и после 50 нс становится равной  $1,3 \cdot 10^6$  см/с, оставаясь постоянной до 130 нс после окончания лазерного импульса. Величина коэффициента поглощения в течение этого времени уменьшается до  $\sim 5 \text{ см}^{-1}$ , причем спустя 130 нс после окончания лазерного импульса поглощение излучения в плазме происходит практически однородно по всей длине искрового канала.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Meyer and R. G., Haught A. F. «Phys. Rev. Lett.», 13, 7, 1964.
2. Tomlinson R. G. «J. Appl. Phys.», 36, 868, 1965; «Phys. Rev. Lett.», 14, 489, 1965.
3. Wilson J. R. «J. Phys.», D3, 2005, 1970.
4. Гернитц Э., Мицук В. Е., Черников В. А. ЖТФ, 43, 563, 1973.
5. Райзер Ю. П. «Успехи физических наук», 87, 29, 1965.

Поступила в редакцию  
26.11 1974 г.

Кафедра  
электроники

УДК 539.122

А. М. ВОЛОЩЕНКО, Е. Н. ГУМИНОВ, Ю. Г. ПАВЛЕНКО

## ТОРМОЗНОЙ ЭФФЕКТ НА МАГНИТНОМ МОМЕНТЕ В СИЛЬНОМ ПОЛЕ ИЗЛУЧЕНИЯ

Наличие интенсивного лазерного и микроволнового излучения позволяет наблюдать различные индуцированные процессы, нелинейные по полю волны. Одним из таких процессов является нелинейный тормозной эффект [1, 2]. В этих работах рассмотрение проводилось для случая рассеяния на кулоновском потенциале.

В настоящей заметке рассматривается нелинейный тормозной эффект при рассеянии нерелятивистских электронов на магнитном моменте (случай слабой волны рассмотрен в предыдущей работе авторов [3]). При этом как и в [1], поле волны (для определенности линейно поляризованной) будет учитываться в дипольном приближении, а взаимодействие с магнитным моментом в борновском приближении.

В рассматриваемом случае потенциал поля волны удобно задать в виде  $\varphi = -(\mathbf{E}r) \cos \omega t$ ,  $\mathbf{E} = E\mathbf{e}$ . Волновая функция электрона в этом поле, а также гамильтониан взаимодействия с магнитным моментом  $\mu$  рассеивающего центра имеют вид

$$\psi(\mathbf{r}, t) = \frac{1}{(2\pi\hbar)^{3/2}} \exp \left\{ \frac{i}{\hbar} \left[ \left( \mathbf{p} + \frac{e\mathbf{E}}{\omega} \sin \omega t \right) \cdot \mathbf{r} - \int_0^t \frac{1}{2m_0} \left( \mathbf{p} + \frac{e\mathbf{E}}{\omega} \sin \omega \tau \right)^2 d\tau \right] \right\}, \quad (1)$$

$$H_{int} = -\frac{e}{m_0 c} (\hat{\mathbf{p}} \cdot \mathbf{A}_{(\mu)}), \quad \mathbf{A}_{(\mu)} = \frac{[\boldsymbol{\mu} \mathbf{r}]}{r^3}. \quad (2)$$

Выражение для сечения находим стандартным методом:

$$\frac{d\sigma^{\pm n}}{dO_{\mathbf{p}'}} = \frac{4e^2}{\hbar^2 c^2} \frac{p'}{\rho} J_n^2(x) \cdot \frac{1}{q^4} \left| [\boldsymbol{\mu} \mathbf{q}] \left( \mathbf{p} \pm \frac{neE}{\omega x} \mathbf{e} \right) \right|^2, \quad (3)$$

$$\frac{p'^2}{2m_0} - \frac{p^2}{2m_0} = \pm n \hbar \omega, \quad \mathbf{q} = \mathbf{p}' - \mathbf{p}, \quad x = -\frac{eE}{\hbar m_0 \omega^2} (\mathbf{q} \cdot \mathbf{e}),$$

$$\mathbf{p} = p\mathbf{n}, \quad \mathbf{p}' = p'\mathbf{n}', \quad \boldsymbol{\mu} = \mu \mathbf{m}, \quad \mathbf{n} = (0, 0, 1),$$

$$\mathbf{e} = (\sin \theta_0, 0, \cos \theta_0), \quad \mathbf{m} = (m_x, m_y, m_z).$$

Здесь и ниже верхний (нижний) знак соответствует процессу поглощения (излучения)  $n$  фотонов волны; член с  $n=0$  описывает процесс упругого рассеяния в поле волны,  $\mathbf{p}$ ,  $\mathbf{p}'$  — начальный и конечный импульсы электрона.

Параметрами, характеризующими изменение энергии при столкновении и нелинейность процесса, являются

$$\delta = n \xi = \frac{n \hbar \omega m_0}{p^2}, \quad \gamma = \frac{eE\rho}{\hbar \omega^2 m_0}. \quad (4)$$

В случае  $\gamma \ll 1$  в (3) можно ограничиться первыми членами разложения в ряд функций Бесселя. Интегрируя по  $dO_{\mathbf{p}'}$  и разлагая по  $\delta \ll 1$  для сечения при  $n=1$ , получим

$$\sigma^{\pm 1} = \pi \left( \frac{e\mu}{\hbar c} \right)^2 \gamma^2 \left\{ \frac{1}{6} [\mathbf{m}\mathbf{n}]^2 (1 + (\mathbf{e}\mathbf{n})^2) + \frac{1}{3} (\mathbf{m}[\mathbf{e}\mathbf{n}])^2 \pm \pm \xi \left( \frac{1}{2} [\mathbf{e}\mathbf{n}]^2 [\mathbf{m}\mathbf{n}]^2 + (\mathbf{e}\mathbf{n})^2 - (\mathbf{e}\mathbf{n})(\mathbf{m}\mathbf{e})(\mathbf{n}\mathbf{m}) \right) \right\}, \quad (5)$$

$$\sigma_T^1 = \sigma^{+1} - \sigma^{-1} = \pi \left( \frac{e\mu}{\hbar c} \right)^2 \gamma^2 \xi ([\mathbf{e}\mathbf{n}]^2 [\mathbf{m}\mathbf{n}]^2 + 2(\mathbf{e}\mathbf{n})^2 - 2(\mathbf{e}\mathbf{n})(\mathbf{m}\mathbf{e})(\mathbf{n}\mathbf{m})) \geq 0.$$

Величина  $\sigma_T^1$ , характеризующая суммарный эффект, в случае  $\gamma \ll 1$  пропорциональна коэффициенту поглощения [2, 3]<sup>1</sup> и в отличие от рассеяния на кулоновском центре не содержит членов  $\sim \xi \ln 2/\xi$ . Значение  $\sigma_T^1$  минимально при  $[\mathbf{m}\mathbf{n}] = 0$  и максимально при  $(\mathbf{n}\mathbf{e})^2 = [\mathbf{n}\mathbf{m}]^2 = 1$ .

Ограничиваясь для простоты случаями, когда  $\mathbf{n} \perp \mathbf{e}$  и  $\mathbf{n} \parallel \mathbf{e}$ , приведем выражения для сечений (с точностью до высших порядков по малому параметру  $\delta$ ) при  $n=2$ :

$$\sigma_{\perp}^{\pm 2} = \pi \left( \frac{e\mu}{\hbar c} \right)^2 \gamma^4 \frac{1}{2^5} \left[ \left( m_y^2 + \frac{1}{5} m_x^2 \right) \pm \delta (5m_y^2 + m_x^2 - 2m_x m_y + + 12m_x m_y \ln \frac{\delta}{2}) \right]. \quad (6)$$

$$\sigma_{\parallel}^{\pm 2} = \pi \left( \frac{e\mu}{\hbar c} \right)^2 \gamma^4 \frac{[\mathbf{m}\mathbf{n}]}{5 \cdot 2^5} \left( 1 \pm \frac{10}{3} \delta \right),$$

<sup>1</sup> В [3] имеется опечатка: в формуле (2) для коэффициента поглощения пропущен знак минус перед  $(\mathbf{n}\mathbf{m})$ .

а также при  $n > 2$ :

$$\sigma_{\perp}^{\pm n} = \left( \frac{e \mu}{\hbar c} \right)^2 \gamma^{2n} \frac{4\pi [(2n)!]^2 (2n-1)!}{(n!)^4 (4n)!} \times$$

$$\times \left\{ \frac{2[(2n+1)m_y^2 + m_x^2]}{(n+1)(4n+3)(4n+2)} (1 \pm (2n+1)\delta) \mp \delta m_x m_y \right\},$$

$$\sigma_{\parallel}^{\pm n} = \left( \frac{e \mu}{\hbar c} \right)^2 \gamma^{2n} \frac{\pi [mn]^2}{(n!)^2 n (2n+1)} \left[ 1 \pm \frac{\delta n (2n+1)}{(2n-1)} \right]. \quad (7)$$

Используя (6), а также аналогичное выражение для нелинейных поправок к сечениям одноквантового процесса  $\sigma^{\pm 1}$ , можно посчитать первую поправку  $\Delta\sigma \sim \gamma^4$  к полному сечению поглощения в случае  $e \perp p$ , которая, однако, исчезает при усреднении по направлению  $m$ :

$$\Delta\sigma_{\perp} = \left( \frac{e \mu}{\hbar c} \right)^2 \gamma^4 \frac{3\pi}{2} m_x m_y \ln 2.$$

В случае сильного поля излучения мы ограничимся здесь выражением для сечения излучения при  $\xi = \gamma\xi \gg 1$  и  $(en) = 1$ . В этом случае во всей области интегрирования по  $dO_p$  можно пользоваться усредненной по осцилляциям асимптотикой: для  $J_n^2(x) \rightarrow 1/\pi x$ :

$$\sigma^{-n} = \left( \frac{e \mu}{\hbar c} \right)^2 \frac{[mn]^2}{\gamma\delta} \left( \sqrt{1-2\delta} + \delta \ln \left( \frac{1 - \sqrt{1-2\delta}}{1 + \sqrt{1-2\delta}} \right) \right).$$

Для других значений параметров вычисления носят полукачественный характер, так как приходится использовать различные асимптотики функций Бесселя в различных областях интегрирования.

Как следует из предыдущего рассмотрения, нелинейный тормозной эффект на магнитном моменте существенным образом отличается от аналогичного процесса на кулоновском центре. Это связано с относительной малостью константы взаимодействия между магнитным моментом и зарядом, а также с различным поведением соответствующих потенциалов взаимодействия на бесконечности. В случае наличия у рассеивающего центра заряда и магнитного момента, для нерелятивистской задачи последним можно пренебречь [3].

В заключение авторы выражают благодарность участникам семинара проф. А. А. Соколова за обсуждение.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Бункин Ф. В., Федоров М. В. ЖЭТФ, 49, 1215, 1965.
2. Бункин Ф. В., Казаков А. Е., Федоров М. В. «Успехи физических наук», 107, 560, 1972.
3. Павленко Ю. Г., Волощенко А. М., Гуминов Е. Н. «Вестн. Моск. ун-та», физ., астрон., 16, № 2, 239, 1975.

Поступила в редакцию  
26.3 1975 г.

Кафедра  
теоретической физики

УДК 539.182; 517.564

Ю. Б. ЧЕРНЯК

## ОБ АСИМПТОТИКЕ ВЫРОЖДЕННОЙ ГИПЕРГЕОМЕТРИЧЕСКОЙ ФУНКЦИИ НА ВЕЩЕСТВЕННОЙ ОСИ

Решение поставленной задачи важно для анализа собственных функций и спектра уравнения Шредингера в потенциалах, отличающихся от кулоновского лишь на больших расстояниях от центра. Стандартное разложение [1] при  $|x| \rightarrow \infty$