Вестник

## московского университета

№ 6-1976

УДК 621.072

## И. И. МИНАКОВА, Г. П. МИНИНА, В. И. НАЗАРОВ, В. И. ПАНОВ, В. Д. ПОПЕЛЬНЮК

## СТАБИЛИЗАЦИЯ ЧАСТОТЫ ГЕНЕРАТОРА ПРИ БОЛЬШИХ ДОБРОТНОСТЯХ СТАБИЛИЗИРУЮЩЕГО РЕЗОНАТОРА

Теоретически и экспериментально исследуется зависимость характеристик генератора, стабилизированного по трехконтурной схеме сверхпроводящим резонатором, от расстроек частот промежуточного и стабилизирующего резонаторов. Изучается возможность увеличения области удержания и максимального коэффициента стабилизации посравнению с ранее описанными режимами. Из результатов теоретических и экспериментальных исследований вытекает, что при большой величине отношения добротностей стабилизирующего и промежуточного резонаторов (10<sup>6</sup>) введение расстройки между контурами приводит к увеличению полосы удержания, изолированные участки амплитудно-частотных характеристик превращаются в обычные.

Теоретическое рассмотрение процессов в стабилизированных потрехконтурной схеме генераторах [1, 2] и исследование таких систем при использовании высокодобротных сверхпроводящих резонаторов (СПР) в качестве стабилизирующего элемента [3] позволили выяснить закономерности поведения и дать рекомендации по выбору оптимальных параметров. Были оценены перспективы создания высокостабильных генераторов с узкой естественной шириной линии [4]. Высокая добротность СПР до  $Q = 10^{11}$  и ее отличие на много порядков от величин добротностей промежуточного Q2 и генераторного Q1 резонаторов определяет ряд особенностей поведения таких систем. В настоящей работе теоретически и экспериментально изучена зависимость параметров стабилизации системы с СПР от расстроек частот промежуточного v2 и стабилизирующего v<sub>3</sub> резонаторов. Исследовалась возможность увеличения области удержания и максимального коэффициента стабилизации S по сравнению с ранее описанными режимами [3]. При этом dω где  $\omega$  — частота автоколебаний трехконтурной системы,  $v_1$   $dv_1$ парциальная частота генератора. В случае больших Q<sub>3</sub> в точке синхронизма при равенстве парциальных частот и частоты автоколебаний v<sub>1</sub>=v<sub>2</sub>=v<sub>3</sub>=ω легко могут быть получены изолированные устойчивые состояния. Наличие расстройки  $\Delta_2 = v_3 - v_2$ , имеющей величину, сравнимую с шириной полосы пропускания промежуточного контура, меняет резонансные свойства и энергетические соотношения в системе. Как отмечалось [1], изолированные устойчивые состояния с большими S мо-

гут существовать при v<sub>2</sub>≠v<sub>3</sub> и при таких параметрах, при которых в 722 точке синхронизма нет устойчивых состояний. В настоящей работе исследование изолированных состояний с точки зрения улучшения параметров стабилизации было проведено для случая  $\Delta_2 \neq 0$ . Уравнение частотной кривой для генератора, стабилизированного высокодобротным резонатором по трехконтурной схеме, при  $\Delta_2 \neq 0$  имеет вид

$$\xi_1 = \eta - k_1^2 - \frac{M_1}{M_1^2 + M_2^2}, \qquad (1)$$

где

$$M_1 = \eta - \xi_2 - k_2^2 - \frac{\eta}{\eta^2 + 1/Q_3^2}, \qquad (2)$$

$$M_2 = 1/Q_2 + 1/Q_3 \frac{k_2^2}{\eta^2 + 1/Q_3^2}.$$
 (3)

В (1) — (3) введены обозначения: обобщенные расстройки

$$\xi_i=rac{
u_i^2-
u_3^2}{|\omega^2}; \quad \eta=rac{\omega^2-
u_3^2}{\omega^2};$$

 $k_{L}^{2}$  — коэффициенты связи между *i* и следующим за ним контуром.

При кубической аппроксимации характеристики нелинейного активного элемента амплитуда напряжения на эквивалентной емкости контура генератора:

$$A^{2} = A_{0}^{2} - \frac{4k_{1}^{2}M_{2}}{\delta_{\rm H}(M_{1}^{2} + M_{2}^{2})}, \qquad (4)$$

где  $\delta_n$  — нелинейный коэффициент затухания, определяемый активным элементом.

При  $\xi_2 \neq 0$  коэффициент стабилизации S не максимален при  $\xi_1 = 0$ . Значение S, определенного в точке  $\xi_1 = \xi_1'$  и  $\eta = 0$ , выражается через параметры как

$$S = 1 + \frac{k_1^2 \left(k_2^2 - \frac{1}{Q_3^2}\right) \left[\left(k_2^2 + \frac{1}{Q_2 Q_3}\right)^2 - \frac{\xi_2^2}{Q_3^2}\right]}{\left[\left(k_2^2 + \frac{1}{Q_2 Q_3}\right)^2 + \frac{\xi_2^2}{Q_3^2}\right]^2}.$$
(5)

При этом

$$\xi_{1}' = \frac{k_{1}^{2} \xi_{2}}{\xi_{2}^{2} + \left(\frac{1}{Q_{2}}\right)^{2} + 2\left(\frac{Q_{3}}{Q_{2}}\right)k_{2}^{2} + k_{2}^{4} Q_{3}^{2}}.$$
(6)

Устойчивость стационарных состояний, описываемых (1) и (4), определяется пятью условиями [1], которые достаточно сложно выражаются через параметры. На рис. 1 приведены в качестве примера рассчитанные для реальных параметров системы частотные и амплитудные кривые с учетом всех пяти условий устойчивости. При синхронизме ( $\eta = \xi_1 = \xi_2 = 0$ ) и вблизи от него система имеет неустойчивое стабильное состояние (рис. 1, а и в). На рис. 1 можно проследить типичное изменение энергетических соотношений при появлении расстройки. Рассчитанные при оптимальных параметрах  $S_{max}$  в точке синхронизма в 4 раза меньше  $S_k = k_1^2/k_2^2$  — коэффициента стабилизации консервативной системы. Это различие определяется ограничениями на увеличение  $k_1^2 \ll k_{1\text{max}}^2$ , накладываемыми энергетическими условиями устойчивости. При увеличении расстройки и фиксированных параметрах системы, как следует из [3], коэффициент стабилизации S может только уменьшать-



Рис. 1

ся. Однако возникающая при  $\xi_2 \neq 0$  несимметрия частотных (рис. 1, б) и амплитудных (рис. 1, *г*) кривых может привести к наличию устойчивых состояний системы при  $k_1^2 > k_{1\text{max}}^2$ . Еще существеннее зависимость условий устойчивости от  $\xi_2$  скажется на процессах в системе в случае, когда при  $\xi_2=0$  существует изолированное устойчивое состояние системы. В этом случае при  $\xi_2 \neq 0$  изолированные участки амплитудно-частотных характеристик превращаются в обычные, область удержания увеличивается при практически неизменном значении S.

Характер полученных амплитудных и частотных зависимостей от  $\xi_2$  дал основание для более подробного расчета зависимости  $S = f(\xi_2)$  при фиксированных добротностях контуров и различных связях  $k_1^2$ . На рис. 2 приведены ряд расчетных кривых  $S = f(\xi_2)$  с учетом условий устойчивости. На полученных графиках отчетливо видно, что при  $\xi_2 \neq 0$  возможно устойчивое состояние системы при  $k_1^2 > k_{1max}^2$ , где  $k_{1max}^2$  соответствует границе устойчивости при  $\xi_2 = 0$ .

Экспериментальное исследование характеристик 3-контурной системы стабилизации с СПР производилось для генератора с туннельным днодом на конструкции, показанной на рис. 3. Установка позволяла варьировать значительное число параметров системы во время работы в криостате при температуре жидкого гелия. Конструкция состояла из трех резонаторов. Первый резонатор 1 вместе с включенным в него туннельным диодом 2 являлся одноконтурным генератором. Частоту  $f=v_1/2\pi$  этого генератора можно было изменять от 800 до 1120 мГц с помощью плунжера 3, а также изменением напряжения питания U туннельного диода. Резонатор 1 индуктивно связан (связь  $k_1$ ) с промежуточным резонатором 4 петлей связи 5. Уменьшение добротности  $Q_2$  промежуточного резонатора до величин  $20 \div 100$  достигалось выбором формы резонатора, при которой волновое сопротивление  $p_2$  было возможно меньшим. В качестве стабилизирующего резонатора 7 применялся СПР, изготовленный из монолитного куска ниобия. Связь между

резонатором 4 и СПР емкостного типа осуществлялась с помощью запредельного волновода 8 и могла быть изменена в процессе работы погружением сапфирового стержня 9 в СПР. Величина собственной добротности Q3 СПР при выведенной связи К2 в различных экспериментах лежала в пределах от 2.10<sup>6</sup> до 5.10<sup>5</sup>. Q<sub>3</sub> измерялась методом декремента [5] при помощи дополнительных петель связи. Кроме того, с помощью этих связей







Рис. З

регистрировался уровень сигнала в СПР в процессе работы системы на стабильной ветви частотной кривой. Система помещалась в криостат при температуре 4,2 К°. Подстойка плунжеров и связи k<sub>2</sub> производилась снаружи криостата с помощью специальных тяг. Мощность сигнала из генераторного резонатора и СПР выводилась через петли связи коаксиальными кабелями.

Измерения производились в следующей последовательности. Первоначально измерялись параметры одноконтурного генератора: снимались зависимость изменения частоты  $v_1/2\pi$  от напряжения питания U и независимо от перемещения плунжера 3. Одноконтурный режим в системе осуществлялся замыканием плунжера 6 промежуточного резонатора. По полученным данным строился график калибровки одноконтурного генератора. Затем измерялось значение собственной добротности  $Q_3$  и частоты  $v_1$  стабилизирующего резонатора. После предварительных измерений производилось исследование системы. Стержень связи  $k_2$  полностью выводился из СПР. При этом при разомкнутом плунжере 6 в системе реализовался двухконтурный режим. Перестройка парциальных частот системы на величину  $\sim 250$  мГц осуществлялась плунжерами 6 и 3. Из графиков двухконтурной системы определялись величины  $k_1^2$   $u Q_2$ , введение связи  $k_2 > 1/Q_3$  приводило к появлению в системе 3-й частотной ветви.

Максимальное значение связи  $k_1$ , которая могла быть реализована в данной конструкции, составляла  $k_1 = 10^{-1}$ . Величина  $k_1$  оставалась фиксированной в процессе всех измерений. При такой связи  $k_1$  и  $\xi_2 = 0$ устойчивой средней ветви нельзя было получить ни при каких значениях  $k_2$ . При несколько меньшей величине  $k_1$  на изолированной средней



Рис. 4

ветви режим генерации колебаний системы может осуществляться только воздействием внешней силы [3]. Средняя ветвь раскрывается уменьшением связи  $k_1$ . Однако, как это следует из теоретического рассмотрения, с целью получения максимального значения S раскрывать среднюю ветвь выгоднее введением расстройки  $\xi_2$  в систему (рис. 2). В этом случае одновременно увеличивается и область удержания.

Следует отметить, что и с экспериментальной точки зрения возбуждать колебания внешней силой при наличии изолированной средней ветви значительно сложнее, чем работать с раскрытой ветвью при фиксированной расстройке §2.

Результаты экспериментального исследования частотных кривых трехконтурной системы представлены на рис. 4. Введение расстройки  $\xi_2$ от 0 до 0,01 приводит к появлению раскрытой части средней ветви с областью удержания 5÷50 мГц в зависимости от условий эксперимента. Некоторый разброс точек на графике 4, а объясняется неточностью механической перестройки в криостате плунжером первого контура. На рис. 4, б в меньшем масштабе представлен график изменения частоты системы на средней ветви при перестройке частоты v<sub>1</sub>/2n первого контура. С целью получения большей точности измерений на этом участке перестройка частоты у1/2л осуществлялась изменением напряжения питания туннельного диода. График, показывает переход системы с нестабильной боковой на стабильную среднюю ветвь частотной кривой. По мере перестройки  $v_1$  частота  $\omega$ -системы изменялась по нижней ветви частотной кривой, затем скачком переходила на среднюю ветвь, частота которой близка к v3. При изменении v1 в пределах полосы удержания частота  $\omega \simeq \nu_3$  практически не меняется в приведенном масштабе вплоть до точек срыва на верхнюю или нижнюю нестабильную ветвь.

Детальное исследование стабильной средней ветви частотной кривой показало, что при добротности  $Q_3 \simeq 10^6$  на различных участках ветви частота колебаний и величина S имеют различные значения. На

рис. 5 приведена средняя ветвь частотной кривой, для которой суммар- $\Delta \omega = 6 \cdot 10^3$  при полосе ное значение коэффициента стабилизации  $S_{\Sigma} = -$ ٨٧.

удержания 12 мГц. Как видно из графика, в пределах ветви имеются участки с различными наклонами. Оценочно можно разделить кривую на несколько участков и найти область наибольшего коэффициента стабилизации. Для приведенного графика (рис. 5) на выбранных участках  $S_{I}=2\cdot 10^{3}, S_{II}=4\cdot 10^{3}, S_{III}=1\cdot 10^{4}$ . Значение  $S_{III}$  максимально для дан-

ного графика. Следует отметить, что мак-симальное полученное значение S на описанной установке составляло 2.104.

В процессе исследования было произведено экспериментальное сравнение максимально достижимых коэффициентов стабилизации для двух- и трехконтурной системы при одних и тех же параметрах стабилизируемого генератора и стабилизирующего резонатора. Результаты измерений показали, что при трехконтурной схеме система дает коэффициент стабилизации S, по крайней мере на порядок больше, чем



Рис. 5

при двухконтурной, а потери энергии на стабилизацию в первом случае значительно меньше.

Из результатов теоретических и экспериментальных исследований вытекает, что при соотношении добротностей  $Q_3/Q_2 \simeq 10^5 - 10^6$  большие коэффициенты стабилизации при  $\xi_2 = 0$  могут быть получены при изолированных состояниях. Введение небольшой расстройки ξ<sub>2</sub>≠0 улучшает параметры стабилизации: увеличивается область удержания, изолированные участки амплитудно-частотных характеристик превращаются в обычные. Возможно также получение устойчивых состояний при §2≠0 и  $k_1^2 > k_{1\text{max}}^2$ . В этом случае при  $\xi_2 \neq 0$  может быть получено  $S > S_{\text{max}}$ , где  $S_{\max} = Q_3/Q_2$  при  $\xi_2 = 0$ .

## ЛИТЕРАТУРА

1. Курдюмов О. А., Минакова И. И. «Изв. вузов. Радиоэлектроника», 1968, 11, № 2.

2. Махаринский О. В., Минакова И. И. «Изв. вузов. Радиофизика», 1973, 16.

Минакова И. И., Минина Г. П., Панов В. И., Петников В. Г. «Изв. вузов. Радиоэлектроника», 1967, 19, № 10.
 Брагинский В. Б., Минакова И. И., Панов В. И. «Радиотехника и электроника», 1976, 21, № 1.

5. Диденко А. Н. Сверхпроводящие волноводы и резонаторы. М., 1973.

Поступила в редакцию 29.7 1976 r.

0,50

Кафедра физики колебаний