f_1 лежит на ребре диаграммы. Аналогичным образом можно рассмотреть и другой вариант, когда f_1 лежит внутри диаграммы. Подроб-

ности здесь не приводятся.

После построения первой ячейки строится с помощью правила интервалов ячейка с опорными линиями f_6 , f_3 , f_5 , уже нанесенными на диаграмму. Будем называть опорными тройки линий (с общей точкой), направленных вверх или вниз. В этом смысле тройка f_7 , f_2 , f_4 , входящая в другую соседнюю ячейку, не является опорной. Задание этой

щая в другую соседнюю ячейку, не является тройки не определяет однозначно расположения частот ячейки при достройке с помощью правила интервалов (например, f_{13} и f_{14} можно поменять местами) и не определяет величины интервала. Поэтому для продолжения диаграммы вверх в A-направлении надо определить опорную тройку с помощью последующего эксперимента с двойным резонансом (например, облучить частоту f_{15}). Здесь тоже можно сформулировать однозначный способ выделения частоты f_{16} , входящей в опорную тройку f_{16} , f_{12} , f_{11} соседней ячейки. С помощью изложенной методики последовательно заполняется вся диаграмма.

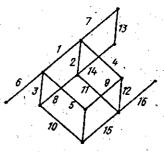


Рис. 4. Комбинированная методика отнесения

Методика непосредственно обобщается и на диаграммы произвольной размерности. В случае необходимости можно прибегнуть и к дополнительным экспериментам с двойным резонансом, например когда на каком-либо этапе возникают затруднения с отысканием в спектре повторяющихся интервалов. Можно также использовать в данном построении и дополнительную информацию, полученную, например, в результате точного расчета или расчета с применением теории возмущений.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

[1] Туманов В. С. Вестн. Моск. ун-та. Сер. Физ. Астрон., 1972, 13, № 3, с. 271. [2] Соколов М. Ф., Туманов В. С. Вестн. Моск. ун-та. Сер. Физ. Астрон., 1974, 15, № 1, с. 44. [3] Туманов В. С. Журн. структ. химии, 1974, 15, № 3, с. 561. [4] Туманов В. С. Вестн. Моск. ун-та. Сер. Физ. Астрон., 1978, 19, № 3, с. 63.

Поступила в редакцию 17.05.82

ВЕСТН, МОСК, УН-ТА. СЕР. 3. ФИЗИКА. АСТРОНОМИЯ, 1989, Т. 24, № 3

УДК 548:537.611.46

ВЛИЯНИЕ КИСЛОРОДНОГО ПАРАМЕТРА НА ТОЧКУ КЮРИ ФЕРРИТОВ-ШПИНЕЛЕЙ

В. И. Николаев, В. С. Русаков, Н. И. Чистякова

(кафедра общей физики для физического факультета)

Температура магнитного превращения ферритов со шпинельной структурой, как известно, определяется прежде всего обменным вза-имодействием между катионами, занимающими тетраэдрические и окта-эдрические позиции (AB-взаимодействие) [1]. Обменная энергия $W_{\rm обм}$, обусловленная этим взаимодействием, зависит не только от электронной конфигурации катионов в A-B-подрешетках, но также и от угла

косвенных обменных связей ϑ катион—анион—катион $(A-O^2-B)$. Обычно зависимостью $W_{\text{обм}}$ от угла ϑ пренебрегают, считая, что угол ϑ не зависит от внешних параметров, определяющих состояние спиновой системы (таких, как температура T, давление p, напряженность магнитного поля H). Тем не менее вопрос о влиянии зависимости $W_{\text{обм}}(\vartheta)$ на точку Кюри феррита T_C заслуживает внимания, поскольку угол ϑ может быть изменен путем замещения одних катионов другими или в результате изменения распределения катионов по подрешеткам. В такой постановке задача имеет также большое практическое значение.

Особенностью шпинельной структуры является то, что угол косвенных обменных связей θ зависит только от свободного параметра структуры u (так называемый кислородный параметр) и не зависит от параметра решетки a [2]:

$$\cos\vartheta = \frac{1}{\sqrt{3}} \frac{(3(u-1/4)^2 + (u-5/8)^2 + 2(u-3/8)^2 - 11/64}{2(u-1/4)[2(u-3/8)^2 + (u-5/8)^2]^{1/2}}.$$
 (1)

В соответствии с (1) $\vartheta = \arccos(-1/\sqrt{3}) \approx 126^\circ$ при u = 3/8 («идеальный» случай), с ростом параметра u угол ϑ уменьшается. Для большинства ферритов-шпинелей $0.375 \le u \le 0.390$.

Для количественных оценок влияния изменения Δu кислородного параметра на T_C мы воспользовались формализмом метода молекулярных орбиталей в применении к обменным связям $\mathrm{Fe^{3+}-O^{2-}-Fe^{3+}}$. Согласно [3], в случае ферритов-шпинелей обменная энергия практически полностью определяется о-связями, тогда как вклад от π -связей оказывается пренебрежимо малым. С учетом этого обстоятельства формула для T_C может быть представлена в виде

$$T_C = \operatorname{const} \cdot [B_{\sigma}(a, u) + S_{\sigma}(a, u)]^4 \cdot \cos^2 \theta(u), \tag{2}$$

где B_{σ} и S_{σ} — интегралы переноса и перекрытия для d-оболочек ионов Fe^{3+} (соответствующие переносу 2p-электронов ионов кислорода на

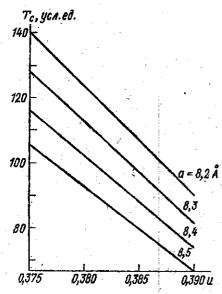


Рис. 1. Расчетная зависимость температуры Кюри от кислородного параметра и при различных значениях постоянной решетки

незанятые 3d-орбитали ионов железа и перекрытию заполненных 3d-орбиталей с орбиталями ионов O^{2-}). Результаты вычислений групповых интегралов B_{σ} и S_{σ} [3] при различных значениях параметров a и u в пределах, характерных для ферритовшинелей, позволили установить, что точка Кюри феррита зависит от u гораздо сильнее, чем от a. Как видно из рис. 1, T_{C} практически линейно зависит от параметра u, причем температура Кюри тем больше, чем меньше кислородный параметр.

С целью сопоставления расчетных данных с экспериментальными нами были проведены температурные исследования мёссбауэровских спектров ядер ⁵⁷Fe в медном феррите, у которого обе катионные подрешетки содержат ионы железа:

$$Cu_{\alpha}^{2+} Fe_{1-\alpha}^{3+} [Cu_{1-\alpha}^{2+} Fe_{1+\alpha}^{3+}] O_4^{2-}.$$

Медный феррит представляет собой удобный модельный объект исследования зависимости T_C от u, поскольку для него параметр обращенности зависит от температуры и меняется в пределах от 0 до 1/3 [4]; кроме того, эффективные радиусы ионов Cu^{2+} и Fe^{3+} существенно различаются (соответственно 0.70 и 0.67 Å). В случае медленно охлаж-

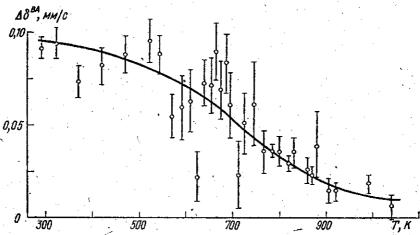


Рис. 2. Температурная зависимость разности сдвигов $\Delta \delta^{BA} \equiv \delta^{B} - \delta^{A}$ мёссбауэровской линии ядер ⁵⁷Fe в A- и B-позициях медного феррита

денного феррита $CuFe_2O_4$ - по мере увеличения α (с ростом T) происходит изменение средних эффективных радиусов катионов г. занимающих A- и B-места: увеличение r^A и уменьшение r^B , что приводит к увеличению расстояний A-O2- и уменьшению B-O2-. Эти изменения межатомных расстояний сответствуют увеличению кислородного параметра и с ростом температуры. Экспериментальным подтверждением изменения параметра u с ростом T являются данные о температурной зависимости разности сдвигов $\Delta \delta^{BA} \! \equiv \! \delta^B \! - \delta^A$ мёссбауэровской линии ядер 57 Fe в A - и B -позициях (рис. 2). Как было показано нами в [5] (см. также [6, 7]), по этим данным можно рассчитать значения параметра и при различных температурах. Поскольку в медном феррите при $T < T_{R-T} \approx 630$ K появляются ян-теллеровские искажения, такие расчеты имеют смысл лишь при $T > T_{S-T}$ (см. рис. 2). Заметим, что в этих расчетах поправка на тепловое расширение оказывается пренебрежимо малой. В области высоких температур, где возможно сравнение с известными результатами рент-

генографических исследований, значение параметра u, рассчитанное по разности $\Delta \delta^{BA}$, согласуется с ними $(u=0.380\pm0.005$ [9]).

На рис. З показана расчетная зависимость $T_{\mathcal{C}}(T)$ для медного феррита, полученная с помощью формулы (2) с использованием экспериментальных значений $\Delta \delta^{BA}$. Значение константы в (2) было определено на основании данных о температурной зависимости эффективных магнитных полей H_{n}^{A} и H_{n}^{B} в области расноложения ядер 57 Fe в подрешетках феррита. По

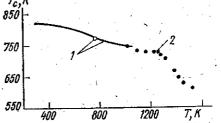


Рис. 3. Сравнение расчетной зависимости $T_{\mathcal{C}}(T)$ (кривая) для медного феррита с экспериментальными данными: I— наши данные, 2— данные работы [11] (значения $T_{\mathcal{C}}$ соответствуют температурам $T = T_{3a_K}$)

нашим данным для медленно охлаждаемого феррита магнитное упорядочение появляется при $T\!\approx\!770~{\rm K}$ (в согласии с [10]). На том же рисунке показаны экспериментальные значения T_C , полученные Мексменом [11] при исследовании магнитных свойств образцов медного феррита, закаленных от различных температур $T_{\rm зак}$. Как видно из рис. 3, расчетные значения T_C хорошо согласуются с результатами непосредственных магнитных измерений. Такое согласие тем более заслуживает внимания, что при изменении α меняется не только α , но и относительное число обменных связей ${\rm Fe}^{3+}-{\rm O}^{2-}-{\rm Fe}^{3+}$, ${\rm Fe}^{3+}-{\rm O}^{2-}-{\rm Cu}^{2+}$, ${\rm Cu}^{2+}-{\rm Cu}^{2+}$.

Проведенные нами исследования подтверждают, таким образом, существенное влияние изменения кислородного параметра на точку Кюри феррита (T_C тем выше, чем меньше u). Это обстоятельство может оказаться важным при изыскании путей улучшения магнитных свойств ферритов, кристаллизующихся в структуру шпинели.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

[1] Смит Я., Вейн Х. Ферриты. М.: ИЛ, 1962. [2] Бляссе Ж. Криксталло-химия феррошпинелей М., 1968. [3] Van der Woude F., Sawatzky G. А. Ргос. оf Mössbauer spectrometry conference. Dresden, 1971, 1, р. 335. [4] Крупичка С. Физика ферритов и родственных им магнитных окислов. М.: Мар, 1976, т. 1. [5] Николаев В. И., Русаков В. С., Чистякова Н. И. Вести Моск. ун-та. Сер. Физ. Астрон., 1983, 24, № 1, с. 74. [6] Николаев В. И. и др. В кн.: Тез. докл. V Всесоюз. конф. «Термодинамика и технология ферритов». Ивано-Франковск, 1981, с. 133. [7] Николаев В. И., Русаков В. С., Чистякова Н. И. Там же, с. 133. [8] Онпівні Н., Тегапівні Т. J. Phys. Soc. Japan, 1961, 16, N 1, р. 35. [9] Verwey E. J. W., Нааутап Р. W. Physica, 1941, 8, N 9, р. 979. [10] Evans B. J., Hainer S. S. J. Phys. Chem. Solids, 1968, 29, р. 1573. [11] Мех-таі п. J. Ann. Chim., 1969, 4, р. 429.

Поступила в редакцию 10.06.82

ВЕСТН. МОСК. УН-ТА. СЕР. 3. ФИЗИКА. АСТРОНОМИЯ, 1989, Т. 24, № 3

УДК 531.18

КОВАРИАНТНАЯ МЕХАНИКА И ФОРМЫ РЕЛЯТИВИСТСКОЙ ДИНАМИКИ

Н. Л. Клепиков, А. Н. Шатний

(кафедра теоретической физики)

1. Введение. В последнее время интенсивно развивается релятивистская ковариантная классическая механика (РКМ) систем прямо взаимодействующих частиц с целью прояснения пространственной интерпретации прямого взаимодействия и применения этой теории к решению конкретных задач. Явная ковариантность в РКМ [1—3] достигается ценой введения дополнительного числа степеней свободы: на одну частицу системы N частиц приходится 4 степени свободы. Динамика системы задается N пуанкаре-инвариантными связями f_a =0, где функции f_a зависят от инвариантных комбинаций внутренних коллективных переменных [3]. Эти функции генерируют канонические преобразования движения в 8N-мерном фазовом пространстве Φ . Генераторы группы Пуанкаре действуют в пространстве Φ и не зависят от наличия взаимодействия в системе.

Другой подход к описанию релятивистской системы частиц [4, 5] не является явно ковариантным и формулируется в терминах дираковских форм релятивистской динамики (ФД) [6], в которых наличие взаимодействия в системе описывается включением членов взаи-