ВЕСТН. МОСК. УН-ТА. СЕР. 3. ФИЗИКА. АСТРОНОМИЯ, 1984, т. 25, № 6

## УДК 537.311.322

## О СВЯЗИ ЧЕТНОГО ФОТОМАГНИТНОГО ЭФФЕКТА С ФОТО-ХОЛЛ-ЭФФЕКТОМ

## В. И. Николаев, Г. Н. Север, Т. В. Шилова

(кафедра общей физики для физического факультета)

Для определения подвижности носителей заряда в полупроводниковых материалах наряду с данными об эффекте Холла или фотохолл-эффекте (ФХ) в ряде случаев (особенно при биполярной проводимости) используется нечетный фотомагнитный эффект (ФМЭ) [1]. В настоящей работе показывается, что для тех же целей, что и ФХ, может быть использован также и четный ФМЭ. Возможность такого подхода к задаче связана с механизмом формирования четного ФМЭ: как было показано в [2] на примере *p*-Ge, одна из составляющих четного ФМЭ может быть интерпретирована как ЭДС ФХ, обусловленная валичием разности потенциалов нечетного ФМЭ.

Для сопоставления данных о четном  $\Phi M \ni$  и  $\Phi X$  необходимо рассмотреть их в одинаковых условиях наблюдения. Предположим, что одна из плоскостей образца освещается сильно поглощаемым светом, причем образец расположен в магнитном поле так, что вектор напряженности **H** составляет с освещаемой плоскостью угол  $\alpha \neq 0$ . Нечетный  $\Phi M \ni$  измеряют в направлении, перпендикулярном градиенту концентрации носителей и проекции вектора **H** на плоскость образца, а четный — вдоль этой проекции. Для измерений  $\Phi X$  используются контакты четного  $\Phi M \ni$ , а токовыми контактами служат контакты нечетного  $\Phi M \ni$ .

Будем считать, что форма образца и его размеры удовлетворяют обычным требованиям при измерении ФХ [3]. Для ЭДС ФХ справедлива тогда формула

$$V_{\Phi \mathbf{x}} = V \mu_H H \sin \alpha \, a/l, \tag{1}$$

где  $\mu_H$  — фотохолловская подвижность, V — падение напряжения между контактами, расположенными на расстоянии l друг от друга вдоль направления тока через образец, a — ширина образца (расстояние между измерительными контактами четного ФМЭ). В том случае, когда в кинетическом уравнении можно пренебречь членами, пропорциональными полю H во второй и более высоких степенях, для фотохолловской подвижности имеем (ср., например, с [4])

$$\mu_{H} = \int_{0}^{a} (n\mu_{n}\mu_{nH} - p\mu_{p'}\mu_{p'H}) dx / \int_{0}^{a} (n\mu_{n} + p\mu_{p'}) dx. \qquad (2)$$

Здесь  $n = n_0 + \Delta n$  и  $p = p_0 + \Delta p$  — концентрации электронов и дырок, равновесных и неравновесных,  $\mu_n$  и  $\mu_{nH}$  — дрейфовая и холловская подвижности электронов,  $\mu_{p'}$  и  $\mu_{p'H}$  — соответствующие подвижности дырок (учитывающие наличие легких и тяжелых носителей [5, 6]), d — толщина образца.

Подчеркнем, что формула (2) для фотохолловской подвижности, определяющей величину ЭДС ФХ, оказывается такой же, как и формула для величины  $\mu_H$ , определяющей одну из составляющих четного ФМЭ (см. формулы (4)—(6) в [5]). Это обстоятельство является до-

6 ВМУ, № 6, физика, астрономия

81

полнительным подтверждением интерпретации четного ФМЭ, данной в [2, 5]. Согласно [5],

$$\mu_{H} = (V_{\rm Hp} - V_{\rm H3}) l / (a V_{\rm HeH} H \sin \alpha), \qquad (3)$$

где  $V_{\rm up}$  и  $V_{\rm us}$  — ЭДС четного ФМЭ соответственно в режимах разомкнутой и замкнутой цепи нечетного эффекта,  $V_{\rm nev}$  — ЭДС нечетного ФМЭ.

Информация о свойствах полупроводника, связанная с величиной µ<sub>H</sub>, можот быть получена, таким образом, и в отсутствие данных о ФХ, если измерения нечетного ФМЭ дополнены измерениями четного ФМЭ.



Рис. 1. a — Зависимость произведения  $\mu_H$  (1+ $\Delta G/G$ ) от  $\Delta G/G$  для p= =Ge при 293 К: H=1 (1) и 16,1 (2) кЭ.  $\delta$  — Полевая зависимость  $\mu_{p'H}$  для p-Ge при 293 К: О — по данным ФХ и эффекта Холла (см. формулу (1)), Х — по данным ФМЭ (см. формулу (3)). На рис. 1,  $\delta$  данные ФМЭ соответствуют низкому уровню инжекции,  $\Delta G/G \sim 0,1$ 



Рис. 2. a — Зависимость произведения  $\mu_H(1+\Delta G/G)$  от  $\Delta G/G$  для *p*-Si при 293 К для H=16 кЭ. 6 — Полевая зависимость  $\mu_H$  для *p*-Si при 293 К:  $\Delta G/G=0.26$  (1) н 0.65 (2). О — по данным ФМЭ

(5)

Данные о  $\mu_H$  можно использовать, например, для определения подвижности носителей. Если эти подвижности, а также величина  $c = \Delta n / \Delta p$  одинаковы по толщине образца, величину  $\mu_H$  удобно выразить через относительное изменение проводимости при освещении  $\Delta G/G$ . Для образца *p*-типа, например, получим

$$\mu_H = -(\mu_{p'H} - \mu_i \Delta G/G)/(1 + \Delta G/G), \qquad (4)$$

где  $\mu_i$  — фотохолловская подвижность, соответствующая большому уровню инжекции ( $\Delta G/G \gg 1$ ). При c=1 величина  $\mu_i$  оказывается равной холловской подвижности для полупроводника с собственной проводимостью:

 $\mu_{i} = (\mu_{n}\mu_{nH} - \mu_{p'}\mu_{p'H})/(\mu_{n} + \mu_{p'}).$ 

Как видно из (4), по данным о зависимости  $\Phi X$  от  $\Delta G/G$  можно определить подвижности  $\mu_{\rho'H}$  и  $\mu_i$ , а значит, если известны отношения  $\mu_{nH}/\mu_n$  и  $\mu_{\rho'H}/\mu_{p'}$ , и подвижность  $\mu_{nH}$ .

В связи с вопросом об отмеченной выше аналогии между четным ФМЭ (точнее — одной из его составляющих) и ФХ мы провели экспе-

82

риментальные исследования зависимости ФМЭ и ФХ от уровня инжекции носителей в одинаковых условиях опыта с целью сопоставления значений µ<sub>H</sub>, получаемых двумя различными методами. Для измерений использовались образцы Ge и Si *p*-типа с удельным сопротивлением соответственно 29 и 13 Ом см.

Результаты измерений представлены на рис. 1 и 2 в виде зависимостей произведения  $\mu_H$  (1+ $\Delta G/G$ ) от  $\Delta G/G$ . В обоих случаях, как для *p*-Ge, так и для *p*-Si, измерения ФМЭ дают те же результаты, что и ФХ. Эти данные являются прямым доказательством возможности использования ФМЭ, в том числе и четного, для тех же целей, для которых используется обычно ФХ.

Экспериментальные данные о зависимости  $\mu_H(1+\Delta G/G)$  от  $\Delta G/G$ были обработаны нами, в соответствии с уравнением (4), методом наименьших квадратов с целью получения подвижностей  $\mu_{p'H}$  и  $\mu_i$ . Значения этих величин, найденные по данным измерений  $\Phi M$ Э и  $\Phi X$ , хорошо согласуются между собой. Так, для *p*-Ge при H=16,1 кЭ два сравниваемых метода дают  $\mu_{p'H}$  соответственно 2090 и 1980 см<sup>2</sup>/(B·c),  $\mu_i - 1390$  и 1330 см<sup>2</sup>/(B·c), что соответствует литературным данным [6]; при H=1 кЭ  $\mu_{p'H} - 3420$  и 3680 см<sup>2</sup>/(B·c),  $\mu_i - 1130$  и 1220 см<sup>2</sup>/(B·c) [6]. Обращает на себя внимание различие подвижностей, найденных для различных значений поля *H*, особенно большое для  $\mu_{p'H}$ . Такое расхождение естественно связывать с полевой зависимостью подвижности легких дырок [7]. На существенную роль легких дырок непосредственно указывают и результаты измерений холловской подвижности для того же образца (см. рис. 1, 6).

Аналогичные результаты были получены и для *p*-Si:  $\mu_{p'H}$  соответственно 360 и 355 см<sup>2</sup>/(B·c),  $\mu_i - 920$  и 915 см<sup>2</sup>/(B·c). Если учесть, что отношение холл-факторов электронов и дырок в Si равно 1,6 [8], то с помощью формулы (5) можно определить подвижность  $\mu_{nH}$ , которая, по данным о ФМЭ, оказывается равной 1420 см<sup>2</sup>/(B·c) [8, 9]. В опытах с *p*-Si не было замечено влияния поля *H* на подвижности как при низком, так и при высоком уровне инжекции (см. рис. 2, 6). Это связано с тем, что подвижности легких и тяжелых дырок в *p*-Si отли-чаются значительно меньше, чем в *p*-Ge.

Проведенные исследования показывают, таким образом, что физические причины, обусловливающие связь четного ФМЭ с ФХ, обеспечивают принципиальную возможность выбора любого из этих эффектов, в дополнение к нечетному ФМЭ, при изучении свойств полупроводниковых материалов.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

6\*

[1] Остробородова В. В., Рябова Л. И., Симакин М. И. ФТП, 1975, 9, с. 795. [2] Николаев В. И. и др. ФТП, 1980, 14, с. 1632. [3] Добровольский В. Н. ФТТ, 1962, 4, с. 329. [4] Vaitkus J. Phys. Stat. Sol. (a), 1976, 34, р. 769. [5] Николаев В. И., Север Г. Н. ФТП, 1976, 10, с. 468. [6] Willardson R. К., Нагтап Т. С., Веег А. С. Phys. Rev., 1954, 96, р. 1512. [7] Баран « ский П. И., Винецкий Р. М. ФТТ, 1962, 4, с. 289. [8] Реньян В. Р. Технология полупроводникового кремния. М.: Металлургия, 1969. [9] Электрофизические свойства германия и кремния. Под ред. А. В. Ржанова. М.: Сов. радно, 1956.

Поступила в редакцию 06.04.84