

- [1] Braginsky V. B., Vorontsov Yu. I., Thorne K. S. Science, 1980, 209, p. 547. [2] Caves C. M. et al. Rev. Mod. Phys., 1980, 52, p. 341. [3] Унгх W. G. Phys. Rev. D, 1978, 18, p. 1764. [4] Додонов В. В., Манько В. И., Руденко В. Н. ЖЭТФ, 1980, 78, с. 881. [5] Люисел У. Излучение и шуму в квантовой электронике. М.: Наука, 1972, с. 210. [6] Воронцов Ю. И., Халили Ф. Я. ЖЭТФ, 1982, 82, с. 72. [7] Воронцов Ю. И., Халили Ф. Я. Радиотехн. и электроника, 1982, 27, с. 2392. [8] Брагинский В. Б., Воронцов Ю. И., Халили Ф. Я. Письма в ЖЭТФ, 1978, 27, с. 296. [9] Халили Ф. Я. Вестн. Моск. ун-та. Физ. Астрон., 1981, 22, № 1, с. 37.

Поступила в редакцию  
31.08.84

ВЕСТН. МОСК. УН-ТА. СЕР. 3. ФИЗИКА. АСТРОНОМИЯ, 1985, Т. 26, № 4

УДК 531.87

## ИЗЛУЧЕНИЕ РЕЛЯТИВИСТСКИХ ЧАСТИЦ С УЧАСТКА ТРАЕКТОРИИ

Р. Гонзалес Фелипе (Куба), Ю. Г. Парленко

(кафедра теоретической физики)

Хорошо известно, что спектр излучения ультррелятивистских частиц существенно зависит от соотношения между характерным углом отклонения  $\Delta\alpha$  частицы во внешнем поле и углом раствора  $\sim m/e$  конуса излучения [1—3]. Мы рассмотрим случай  $\Delta\alpha \gg m/e$ , когда частица излучает в данном направлении с небольшого участка траектории. Обычно для вычисления спектра спонтанного излучения используется приближение заданного тока, а исследование индуцированных процессов проводится в два этапа — необходимо найти закон движения частицы в поле волны, а затем вычислить работу, совершаемую волной над частицей [1, 4].

В этой работе мы используем каноническую теорию возмущений [5], универсальную в том смысле, что любые экспериментально измеряемые величины вычисляются единым образом, причем спонтанные и индуцированные процессы (как и в квантовой электродинамике) вычисляются одновременно.

1. **Каноническая теория возмущений.** Пусть  $z_\mu$  — фазовые координаты некоторой системы,  $H(z, \tau)$  — гамильтониан,  $F=F(z, \tau)$  — произвольная динамическая переменная,  $\tau$  — параметр. В работе [5] показано, что решение уравнения, которому удовлетворяет  $F(z, \tau)$ , можно представить в виде

$$F(\tau) = \int_{\tau_0}^{\tau} d\tau_1 \int_{\tau_0}^{\tau_1} d\tau_2 \dots \int_{\tau_0}^{\tau_{n-1}} d\tau_n \times \\ \times [\dots [F(z_0, \tau), H(z_0, \tau_1)] H(z_0, \tau_2)] \dots H(z_0, \tau_n)]. \quad (1)$$

Здесь скобки Пуассона (СП) вычисляются по переменным  $z_0 = z(\tau_0)$ . Доказательство единственности решения и оценки радиуса сходимости могут быть получены на основе метода мажорантных рядов Коши, принципа сжатых отображений и других методов.

В соответствии с [5] представим гамильтониан частицы, взаимодействующей с внешним полем  $A_\mu^{\text{ext}}(x)$  и свободным полем  $A_\mu(x)$  в виде

$$H = H_0 + H_I,$$

$$H_0 = -\frac{1}{2m} (p - eA^{ext})^2 + \frac{m}{2}, \quad (2)$$

$$H_1 = euA - \frac{e^2}{2m} A^2, \quad m\dot{u}_\mu = p_\mu - eA_\mu^{ext}, \quad (3)$$

$$A_\mu(x) = \frac{\sqrt{4\pi}}{(2\pi)^{3/2}} \int \frac{d^3k}{\sqrt{2\omega}} e_\mu^{(\lambda)} (a_\lambda e^{-ikx} + a_\lambda^* e^{ikx}),$$

где  $x^\mu$ ,  $a_\lambda$  — «координаты», а  $p_\mu$ ,  $ia_\lambda^*$  — «импульсы».

2. Интегрирование уравнений движения во внешнем поле. Полагая в (1)  $F = x^\mu$ ,  $H = H_0$ ,  $\tau_0 = 0$ , получим решение уравнений движения  $m\dot{x}_\mu = eF_{\mu\nu}x^\nu$ ,  $F_{\mu\nu} = \partial_\mu A_\nu^{ext} - \partial_\nu A_\mu^{ext}$  в виде

$$x_\mu = x'_\mu + u_\mu \tau + \dot{u}_\mu \frac{\tau^2}{2} + \ddot{u}_\mu \frac{\tau^3}{3!} + \dots, \quad (4)$$

$$x'_\mu = x_\mu(0), \quad u_\mu = \frac{1}{m} (p'_\mu - eA^{ext}(x'_\mu))_\mu, \quad \dot{u}_\mu = \frac{e}{m} F_{\mu\nu}(x') u^\nu,$$

$$\ddot{u}_\mu = \frac{e}{m} \partial^\alpha F_{\mu\nu}(x') u^\nu u_\alpha + \frac{e^2}{m^2} F_{\mu\nu}(x') F^{\nu\alpha}(x') u_\alpha.$$

Преобразование  $x, p \rightarrow x', p'$  соответствует переходу к представлению Фарри в квантовой теории. Теперь эволюция переменных  $x'^\mu$ ,  $a_\lambda$ ;  $p'_\mu$ ,  $ia_\lambda^*$  определяется гамильтонианом (3).

3. Вычисление 4-импульса излучения. Полагая в (1)  $H = H_1$ ,  $P_\mu = - \int d^3k \cdot k_\mu a_\lambda^* a^\lambda$ , получим приращение  $\Delta P_\mu$  в виде

$$\Delta P_\mu = -e \int_{\tau_0}^{\tau} d\tau_1 u_\alpha(\tau_1) \partial_\mu A^\alpha(x_1) - e^2 \int_{\tau_0}^{\tau} d\tau_1 \int_{\tau_0}^{\tau_1} d\tau_2 [u_\alpha(\tau_1) \partial_\mu A^\alpha(x_1), \quad (5)$$

$$u_\beta(\tau_2) A^\beta(x_2)] - e^2 \int_{\tau_0}^{\tau} d\tau_1 \int_{\tau_0}^{\tau_1} d\tau_2 u_\alpha(\tau_1) \partial_\mu D^{\alpha\beta}(x_1 - x_2) u_\beta(\tau_2) + \dots$$

Здесь  $D_{\alpha\beta}(x)$  — функция Паули [6, 7].

Спонтанное излучение. Последнее слагаемое в (5), не зависящее от полевых переменных, определяет 4-импульс спонтанного излучения. Используя фурье-представление  $D$ -функции [6, 7], найдем

$$\Delta P_\mu^{сп} = \frac{k'_\mu}{(2\pi)^2} \frac{d^3k'}{\omega'} \int_{\tau_0}^{\tau} d\tau_1 \int_{\tau_0}^{\tau} d\tau_2 \sum_{\lambda=1,2} e_\alpha^{*(\lambda)} e_\beta^{(\lambda)} j^\alpha(\tau_1) j^{*\beta}(\tau_2), \quad (6)$$

$$j_\alpha(\tau) = eu_\alpha(\tau) \exp[ik'x(\tau)].$$

После усреднения по фазам частицы получим, переходя к пределам  $\tau \rightarrow \infty$ ,  $\tau_0 \rightarrow -\infty$ , интенсивность излучения 4-импульса ( $\tau_{1,2} = \tau \pm \tau'/2$ ):

$$\frac{dP_\mu^{сп}}{dt} = \frac{k'_\mu}{(2\pi)^2} \frac{d^3k'}{\omega'} \frac{m}{\varepsilon} \int_{-\infty}^{\infty} d\tau' \sum_{\lambda=1,2} e_\alpha^{*(\lambda)} e_\beta^{(\lambda)} \langle j^\alpha(\tau_1) j^{*\beta}(\tau_2) \rangle. \quad (7)$$

Индукцированное излучение. Статистические свойства внешнего поля излучения определяются корреляционными функциями [8]. Важнейшая из них — тензор когерентности  $I_{\mu\nu}(k)$  первого порядка — возникает при вычислении средних по ансамблю реализаций внешнего поля излучения

$$\langle A_{\mu}^{(-)}(x_1) A_{\nu}^{(+)}(x_2) \rangle = \frac{4\pi}{(2\pi)^3} \int \frac{d^3k}{2\omega} J_{\mu\nu}(k) e^{-ik(x_1-x_2)}, \quad (8)$$

где  $A_{\mu}^{(\mp)}$  — положительно (отрицательно) частотная составляющая 4-потенциала. Два первых слагаемых в (5), содержащие полевые переменные, определяют 4-импульсы индуцированного излучения. Усредняя (5) с помощью (8), находим

$$\Delta P_{\mu}^{\text{инд}} = \frac{k'_{\mu}}{[(2\pi)^2] \omega'} \int_{\tau_0}^{\tau} d\tau_1 \int_{\tau_0}^{\tau} d\tau_2 \text{Im} [j_{\alpha}(\tau_1) j_{\beta}^*(\tau_2)] I^{\beta\alpha}(k). \quad (9)$$

После усреднения (9) по фазам частицы [9] и перехода к пределам  $\tau \rightarrow \infty$ ,  $\tau_0 \rightarrow -\infty$  получим 4-импульс индуцированного излучения в единицу времени

$$\frac{dP_{\mu}^{\text{инд}}}{dt} = \frac{k'_{\mu}}{(2\pi)^2} \frac{d^3k'}{\omega'} \frac{m}{\varepsilon}. \quad (10)$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} d\tau' \text{Im} \frac{\partial}{\partial \rho'_{\nu}} \langle j_{\alpha}(\tau_1) \frac{\partial j_{\beta}^*(\tau_2)}{\partial x'^{\nu}} \rangle I^{\beta\alpha}(k).$$

4. Излучение с участка траектории. При условии  $\Delta\alpha \gg m/\varepsilon$  вклад в излучение дает участок траектории, определяемый (4). В этом случае

$$\langle j_{\alpha}(\tau_1) j_{\beta}^*(\tau_2) \rangle = e^2 \Gamma_{\alpha\beta}(\tau') \exp \left[ ik'u\tau' + ik'u \frac{\tau'^2}{24} \right], \quad (11)$$

$$\Gamma_{\alpha\beta} = u_{\alpha}u_{\beta} + (u_{\alpha}u'_{\beta} - u'_{\alpha}u_{\beta}) \frac{\tau'}{2} + (u_{\alpha}u''_{\beta} - 2u'_{\alpha}u'_{\beta} + u''_{\alpha}u_{\beta}) \frac{\tau'^2}{8}.$$

В дальнейшем воспользуемся приближением, \*характерным для модели скрещенного поля [10], полагая  $u^2 = u\ddot{u} = 0$ . В этом приближении  $k'^{\mu}$  удобно представить в виде разложения по тетрадным векторам

$$k'^{\mu} = \frac{1}{u\ddot{u}} (k''u\ddot{u}^{\mu} - k''u' \dot{u}^{\mu} - k''u \dot{u}'^{\mu}) + \left( k'u - \frac{k''u}{u\ddot{u}} \right) \frac{\ddot{u}^{\mu}}{u\ddot{u}}, \quad (12)$$

где  $\dot{u}^{\mu} = \frac{e}{m} *F^{\mu\nu}u_{\nu}$ , \*F — тензор, дуальный F. Коэффициенты разложения связаны с тремя инвариантными переменными

$$v = \frac{k''u}{(u\ddot{u})^{3/2}}, \quad \delta = \sqrt{u\ddot{u}} \frac{k''u}{k'u}, \quad \rho = \sqrt{u\ddot{u}} \frac{k''u}{k'u}. \quad (13)$$

Представляя (11) в (7), суммируя по поляризации и интегрируя по  $\tau'$ , получим интенсивность спонтанного излучения

$$\frac{dP_0^{\text{сп}}}{dt} = -\frac{e^2}{2\pi\sqrt{\pi}} \frac{m}{\varepsilon} F(k') d^3k', \quad (14)$$

$$F(k') = \left( \frac{k''u}{8} \right)^{-1/3} \left( 1 - 4u\ddot{u} \frac{k''u}{k'u} \right) \Phi(y), \quad y = \left( \frac{k''u}{8} \right)^{-1/3} k'u.$$

Здесь  $\Phi(y)$  — функция Эйри [7, 10]. Учитывая соотношение

$$\frac{2k'u}{k''u} u\ddot{u} = 1 + \delta^2 + \rho^2,$$

функцию  $F$  представим в виде

$$F = -\frac{2}{\sqrt{u\ddot{u}}} \sigma^{-1/3} [1 + 2(\delta^2 + \rho^2)] \Phi(y), \quad y = v^{2/3} (1 + \delta^2 + \rho^2).$$

Интегрируя (14) по переменным  $\delta, \rho$ , можно получить распределение интенсивности по переменной  $v$  [7, 10, 11]. Проще, однако, произвести интегрирование по сферическому  $\theta$  и азимутальному  $\varphi$  углам вектора  $k'$  в системе координат с полярной осью в направлении скорости. Полагая в соответствии с (12)  $k'\ddot{u}/(u\ddot{u}) \sim (m/\varepsilon)\omega'$ , получим спектральное распределение интенсивности [2, 7, 10, 11]

$$\frac{dP_0^{\text{сп}}}{dt} = -\frac{e^2}{\sqrt{\pi}} \left(\frac{m}{\varepsilon}\right)^2 \omega' d\omega' \left[ \int_{z_0}^{\infty} \Phi(x) dx + \frac{2}{z_0} \Phi'(z_0) \right], \quad (15)$$

где  $z_0 = (\omega'/u_0 \sqrt{u\ddot{u}})^{2/3}$ .

Найдем теперь интенсивность индуцированного излучения (9). Учитывая (4), получим выражение

$$\frac{dP_0^{\text{инд}}}{dt} = -\frac{e^2}{(2\pi)^2} \frac{m}{\varepsilon} d^3k' \int_{-\infty}^{\infty} d\tau' \text{Im} ik'_\nu \frac{\partial \Gamma_{\alpha\beta}(\tau')}{\partial p_\nu} I_{\alpha\beta}(k'). \quad (16)$$

Предположим, что  $I_{\alpha\beta}(k') = -\frac{1}{2} g_{\alpha\beta\rho}(k')$ , т. е. внешнее излучение не поляризовано. Интегрируя (16) по  $\tau'$ , найдем

$$\frac{dP_0^{\text{инд}}}{dt} = -\frac{e^2}{4\pi\sqrt{\pi}} \frac{m}{\varepsilon} k'_\nu \frac{\partial F}{\partial p_\nu} \rho(k') d^3k'.$$

Для изотропного внешнего излучения

$$\frac{dP_0^{\text{инд}}}{dt} = -\frac{2}{3} \frac{e^2}{\sqrt{\pi}} \left(\frac{m}{\varepsilon}\right)^2 \omega' d\omega' \left[ z_0 \Phi(z_0) - \frac{2}{z_0} \Phi'(z_0) \right] \rho(\omega'). \quad (17)$$

Это выражение совпадает с полученным в работах [12, 13] на основе классической и квантовой теорий.

**5. Рассеяние во внешнем поле.** В нашем подходе для анализа процесса рассеяния следует учесть в правой части (5) члены  $\sim e^4$ , возникающие при вычислении четырехкратных СП. При этом слагаемые, не включающие полевых переменных, дают вклад в излучение двух независимых волн. Члены, содержащие  $a^*a$ , определяют спонтанное и индуцированное томсоновское рассеяние. Члены, содержащие биквадратные комбинации полевых переменных, соответствуют эффектам вынужденного излучения двух волн. Учет внешнего поля приводит к большим математическим трудностям. Мы ограничимся рассмотрением томсоновского рассеяния. Для упрощения вычислений сначала найдем закон движения частицы во внешнем поле, которое является суперпозицией статического поля и поля плоской волны. Затем, используя формулы (6), (9), найдем сечение спонтанного и индуцированного рассеяния.

4-потенциал внешнего поля выберем в виде

$$A_\mu^{\text{ext}}(x) = B_\mu(x) + \frac{m}{e} \xi e_\mu \sin kx. \quad (18)$$

Здесь  $k_\mu, e_\mu$  — 4-импульс и вектор поляризации волны,  $\xi$  — параметр интенсивности [10]. Для определения интенсивности излучения волны

с 4-импульсом  $k'_\mu$  необходимо найти по теории возмущений члены  $\sim \xi$  в разложении вектора,  $j_\mu(\tau) = e\dot{x}_\mu \exp[ik'x(\tau)]$ , где  $x(\tau)$  — решение уравнений движения в поле (18). Представим  $x_\mu(\tau)$  в виде ряда  $x_\mu = x_\mu^{(0)} + x_\mu^{(1)} + \dots$ , где  $x^{(0)}$  — решение (4) в статическом поле  $B(x)$ . Тогда  $j_\mu = j_\mu^{(1)} + j_\mu^{(2)} + \dots$ , где

$$j_\mu^{(1)} = e\dot{x}_\mu^{(0)} \exp[ik'x^{(0)}(\tau)],$$

$$j_\mu^{(2)} = e[x_\mu^{(1)} + ix_\mu^{(0)}k'x^{(1)}] \exp[ik'x^{(0)}(\tau)]. \quad (19)$$

Учитывая определение [7], получим сечение спонтанного

$$d\sigma^{\text{сп}} = \frac{2e^2}{\pi m \xi^2} \frac{d^3k'}{\omega'ku} \int_{-\infty}^{\infty} d\tau' \sum_{\lambda=1,2} \dot{e}_\alpha^{*\prime(\lambda)} e_\beta^{\prime(\lambda)} j_{(2)}^\alpha\left(\frac{\tau'}{2}\right) j_{(2)}^{\beta*}\left(-\frac{\tau'}{2}\right) \quad (20)$$

и индуцированного

$$d\sigma^{\text{инд}} = \frac{2e^2}{\pi m \xi^2} \frac{d^3k'}{\omega'ku} \int_{-\infty}^{\infty} d\tau' \text{Im} \left[ j_\alpha^{(2)}\left(\frac{\tau'}{2}\right), j_\beta^{(2)*}\left(-\frac{\tau'}{2}\right) \right] I^{\beta\alpha}(k') \quad (21)$$

рассеяния волны с 4-импульсом  $k'_\mu$ . Для вычисления  $j_\mu^{(2)}(\tau)$  положим в (1)  $F = e\dot{x}^{(0)} \exp[ik'x^{(0)}]$ ,

$$H = m\xi \dot{x}_\mu^{(0)} e^\mu \sin kx^{(0)} + \frac{m}{2} \xi^2 \sin^2 kx^{(0)}.$$

Ограничиваясь величинами  $\sim \xi$ , находим, что  $j_\mu^{(2)}$  имеет вид (19), где

$$x_\mu^{(1)} = m\xi \int_{-\infty}^{\infty} G_{\mu\nu}(\tau - \tau_1) f^{\nu\alpha} x_\alpha^{(0)}(\tau_1) \cos kx^{(0)}(\tau_1) d\tau_1, \quad (22)$$

$$G_{\mu\nu}(\tau - \tau_1) = \theta(\tau - \tau_1) [x_\mu^{(0)}(\tau), x_\nu^{(0)}(\tau_1)]. \quad (23)$$

Здесь  $f_{\alpha\beta} = k_\alpha e_\beta - k_\beta e_\alpha$ ,  $G_{\mu\nu}(\tau - \tau_1)$  — двухвременная запаздывающая релятивистская функция Грина.

Предположим, что выполняются неравенства  $|k\dot{u}| \ll u\ddot{u}$ ,  $|k\ddot{u}| \ll (u\ddot{u})^{3/2}$ , соответствующие применимости модели скрещенного поля [14]. В этом приближении можно положить  $kx^{(0)} = kz$ , где  $z_\mu = x_\mu' + u_\mu\tau$ .

С необходимой точностью СП в (23) равна

$$[x_\mu^{(0)}(\tau), x_\nu^{(0)}(\tau_1)] = \frac{1}{m} g_{\mu\nu}(\tau - \tau_1) + \frac{e}{2m^2} F_{\mu\nu}(\tau - \tau_1)^2 + \frac{1}{3!} \frac{e^2}{m^3} F_{\mu\alpha} F_\nu^\alpha(\tau - \tau_1)^3.$$

Вычисляя интеграл (22), находим

$$x_\mu^{(1)} = -\xi (ku)^{-2} f_{\mu\nu} u^\nu \cos kz + \xi (ku)^{-3} f_{\mu\nu} u^\nu (\sin kz - \tau ku \cos kz).$$

Представляя  $x^{(1)}$  в (19), получим

$$j_\mu^{(2)} = e\xi [M_\mu(k) e^{ik'x^{(0)} - ikz} + M_\mu(-k) e^{ik'x^{(0)} + ikz}], \quad (24)$$

$$M_\mu(k) = \frac{i}{2} \left[ \frac{f_{\mu\nu} x_\nu^{(0)}}{ku} - x_\mu^{(0)} \left( \frac{f_{\alpha\beta} k'^\alpha x_\beta^{(0)}}{(ku)^2} - \frac{if_{\alpha\beta} k'^\alpha u^\beta}{(ku)^3} \right) \right]. \quad (25)$$

Это выражение удобно записать в переменных (13).

Найдем теперь сечение спонтанного рассеяния (20), которое усредним и просуммируем по поляризациям и проинтегрируем по переменным  $\tau'$ ,  $\delta$ ,  $\rho$ . Учитывая, что  $d^3k' = \omega' u \nu d\nu d\delta d\rho$ , получим

$$d\sigma^{\text{сп}} = 4\sqrt{\pi} r_0^2 \frac{d\nu}{\eta} \left\{ \left[ 1 + \frac{2\nu}{\eta} \left( \frac{\nu}{\eta} - 1 \right) - 8 \frac{\nu^2}{\eta^4} \right] \int_z^{\infty} \Phi(y) dy + \right. \\ \left. + 8 \frac{\nu^{2/3}}{\eta^2} \left( 1 - \frac{\nu}{\eta} \right) \Phi(z) - \frac{16\nu^{4/3}}{\eta^4} \Phi'(z) + (\eta \rightarrow -\eta) \right\}, \quad (26)$$

где  $z = \nu^{2/3} (1 - \eta/\nu)$ ,  $\eta = 2ku/\sqrt{u\ddot{u}}$ ,  $r_0$  — электромагнитный радиус электрона. При рассеянии низкочастотных волн ( $\eta \ll \nu$ ) сечение (26) пропорционально интенсивности излучения (15) [14].

В отсутствие внешнего поля из (20), (24) найдем просуммированное по поляризациям сечение томсоновского рассеяния.

$$d\sigma^{\text{сп}} = r_0^2 \left[ 1 - \left( \frac{f_{\alpha\beta} k'_{\alpha} u_{\beta}}{(ku)^2} \right)^2 \right] \frac{d^3k'}{\omega' ku} \delta(k'u - ku). \quad (27)$$

Это выражение совпадает с сечением эффекта Комптона, вычисленным в классическом пределе [7, 10]. Усредняя по поляризациям падающей волны и интегрируя (27) по азимутальному углу вектора  $k'$ , получим

$$d\sigma^{\text{сп}} = 2\pi r_0^2 (1 - 2x + 2x^2) dx, \quad x = \frac{kk'}{2(ku)^2}.$$

Сечение индуцированного рассеяния следует из формул (21), (24).

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- [1] Соколов А. А., Тернов И. М. Релятивистский электрон. М.: Наука, 1974. [2] Байер В. Н., Катков В. М., Фадин В. С. Излучение релятивистских электронов. М.: Атомиздат, 1973. [3] Тернов И. М., Халилов В. Р., Родионов В. Н. Взаимодействие заряженных частиц с сильным электромагнитным полем. М.: Изд-во МГУ, 1982. [4] Соболев И. И., Тютин И. В. УФН, 1963, 79, с. 595. [5] Павленко Ю. Г. ТМФ, 1981, 49, с. 92. [6] Боголюбов Н. Н., Ширков Д. В. Введение в теорию квантованных полей. М.: Наука, 1976. [7] Соколов А. А., Тернов И. М., Жуковский В. Ч., Борисов А. В. Квантовая электродинамика. М.: Изд-во МГУ, 1983. [8] Перина Я. Когерентность света. М.: Мир, 1974. [9] Боголюбов Н. Н. Избранные труды. Т. 2. Киев, 1971, с. 14. [10] Ритус В. И. Тр. ФИАН, т. 111. М.: Наука, 1979. [11] Schwinger J. Phys. Rev., 1949, 75, N 12, p. 1912. [12] Цытович В. Н. ДАН СССР, 1962, 142, с. 319; Изв. вузов. Радиофизика, 1963, № 6, с. 841. [13] Павленко Ю. Г., Мусса А. Х. Ядерная физика, 1976, 24, с. 396. [14] Жуковский В. Ч., Херрманн И. Ядерная физика, 1971, 14, с. 150.

Поступила в редакцию  
03.09.84

УДК 530.145.7

#### ПОЛЯ МАТЕРИИ В ТЕОРИИ КАЛУЦЫ—КЛЕЙНА СО СПОНТАННЫМ НАРУШЕНИЕМ СИММЕТРИИ

А. П. Демичев, Н. Ф. Нелипа, М. Чайчиай (Финляндия)

(НИИЯФ)

1. В стандартном подходе к теории Калуцы—Клейна [1, 2, 3] для перехода к четырехмерному пространству-времени используется усреднение по дополнительным координатам. Мы предлагаем альтернатив-