

ственного времени» де Витта — Швингера для функции Грина  $G_g$  [3], с учетом уравнения (1) получим для ренормированных членов в  $S_g$  выражение

$$a_0 k^2 \sigma_0^2 / 2 - k^2 \sigma_0 a_1 + k^2 a_2,$$

где  $a_0 = 1$ ,  $a_1 \sim R$ , а  $a_2$  представляет собой квадратичные комбинации тензора кривизны.

Если предположить, что затравочное гравитационное действие  $S_g$  не содержит неквадратичных по кривизне членов, чтобы не нарушать (не спонтанным образом) конформную симметрию поля  $\varphi$ , то космологический член  $\Lambda / (8\pi G) = k^2 \sigma_0^2 / 2$  и гравитационная постоянная  $(16\pi G)^{-1} \sim k^2 \sigma_0$  окажутся выраженными через плотность хиггсовского вакуума  $\sigma_0$ . Поскольку коэффициент перед квадратичными по кривизне членами  $a_2$  не зависит от  $\sigma_0$ , их можно рассматривать как описывающие квантовые гравитационные поля и не включать в лагранжиан для хиггсовского вакуумного гравитационного поля. Кроме того, космологический член в  $S_g$  сокращается с членом  $-k^2 \sigma_0^2 / 2$  в затравочном действии для поля  $\sigma$ , и окончательно эффективный лагранжиан для вакуумного гравитационного поля имеет вид

$$L = -k^2 \sigma_0 R + L_\sigma,$$

где  $L_\sigma$  — лагранжиан поля  $\sigma$ , обусловленный только поляризационными членами.

Таким образом, не ставя здесь задачу построения конкретной модели гравитационного хиггсовского вакуума, мы приходим к выводу, что, если он существует, в качестве его источника можно предположить хиггсовский вакуум материальных полей. На классическом уровне это означает существование фонового гравитационного поля, индуцируемого фоновой хиггсовской материей.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

[1] Иваненко Д. Д., Пронин П. И., Сарданашвили Г. А. Калибровочная теория гравитации. М.: Изд-во МГУ, 1985. [2] Adler S. Rev. Mod. Phys., 1982, 54, N 3, p. 729. [3] Биррел Н., Девис П. Квантованные поля в искривленном пространстве-времени. М.: Мир, 1984.

Поступила в редакцию  
23.04.85

ВЕСТН. МОСК. УН-ТА. СЕР. 3. ФИЗИКА. АСТРОНОМИЯ, 1986, т. 27, № 2

УДК 530.145

### ЧУВСТВИТЕЛЬНОСТЬ ПРОБНОГО ОСЦИЛЛЯТОРА ПРИ НЕПРЕРЫВНОМ СЛЕЖЕНИИ ЗА ЧИСЛОМ КВАНТОВ

Ф. Я. Халили

(кафедра физики колебаний)

Одним из возможных методов преодоления так называемого «стандартного квантового предела» чувствительности пробного осциллятора к классической внешней силе является использование неразрушающего измерения числа квантов  $n$  [1—3]. Предельная чувствительность этого метода определяется известным соотношением [1]

$$|f(\omega_0)| \geq \xi \sqrt{\frac{m\omega_0 \hbar}{n + 1/2}} \quad (1)$$

( $m$ ,  $\omega_0$  — масса и собственная частота пробного осциллятора,  $f(\omega)$  — спектральная компонента силы на частоте  $\omega$ ,  $\xi$  — коэффициент порядка единицы, зависящий от уровня достоверности обнаружения). Однако соотношение (1) не является универсальным, поскольку оно основывается на предположении, что воздействие силы на осциллятор и его взаимодействие с измерительным прибором разделены во времени. Более интересен случай, когда измерительный прибор непрерывно подключен к пробному осциллятору. Число квантов является интегралом движения, и поэтому в принципе неразрушающее слежение за числом квантов возможно [4]. В этом режиме возникает, однако, явление, названное в работе [5] эффектом «сторожевой собаки» (*watchdog effect*): взаимодействие с измерительным прибором нарушает когерентность воздействия обнаруживаемой силы, поскольку при непрерывном слежении за числом квантов фаза осциллятора непрерывно возмущается измерительным прибором. В [5] рассмотрен предельный случай, когда ошибка отслеживания числа кван-

тов и время усреднения прибора стремятся к нулю. Показано, что при этом пробный осциллятор «замораживается» на одном квантовом уровне и перестает отклоняться на внешнее силовое воздействие.

В настоящей работе проанализирован общий случай непрерывного слежения за числом квантов с конечной точностью и определены условия, при которых эффект «сторожевой собаки» не приводит к уменьшению чувствительности.

Непрерывное слежение обычно рассматривается как предел последовательности дискретных измерений [5—7]. Каждое измерение характеризуется операторнозначной вероятностной мерой  $\hat{\Pi}(\tilde{n})$  [8, 9] ( $\tilde{n}$  — результат измерения), определяющей распределение вероятностей результатов измерений

$$w(\tilde{n}) = \text{Sp}(\hat{\Pi}(\tilde{n})\hat{\rho}_{\text{in}}) \quad (2)$$

и состояние исследуемой системы после измерения

$$\hat{\rho}_{\text{fin}} = \frac{1}{w(\tilde{n})} \hat{\Pi}^{1/2}(\tilde{n})\hat{\rho}_{\text{in}}\hat{\Pi}^{1/2}(\tilde{n}) \quad (3)$$

( $\hat{\rho}_{\text{in}}, \hat{\rho}_{\text{fin}}$  — операторы плотности системы до и после измерения).

Неразрушающее измерение должно сохранять собственное состояние измеряемой величины, в данном случае числа квантов. Следовательно, мера  $\hat{\Pi}(\tilde{n})$  должна коммутировать с оператором числа квантов  $\hat{n}$ . Переходы с уровня на уровень при этом будут происходить только под действием внешней силы.

Вероятность перехода осциллятора с квантового уровня  $n$  на уровень  $n'$  после проведенных  $k$  измерений равна

$$w_{nn'} = \sum_{\tilde{n}_1 \dots \tilde{n}_k} |\langle n' | \hat{\Pi}^{1/2}(\tilde{n}_k) \hat{U}_k \dots \hat{\Pi}^{1/2}(\tilde{n}_1) \hat{U}_1 | n \rangle|^2, \quad (4)$$

где  $\tilde{n}_j$  — результат  $j$ -го измерения,  $\hat{U}_j$  — оператор эволюции осциллятора между измерениями  $j-1$  и  $j$  (явный вид оператора эволюции неавтономного осциллятора приведен в [10], формула (4.8)). Для определения предельной чувствительности достаточно вычислить первое по величине внешней силы не исчезающее приближение в (4). В этом приближении вероятность того, что сила изменит число квантов в осцилляторе, равна

$$1 - w_{nn} = \frac{n+1/2}{m\omega_0\hbar} \sum_{j,j'=1}^k \int_{t_{j-1}}^{t_j} F(t) e^{i\omega t} dt \int_{t_{j'-1}}^{t_{j'}} F(t') e^{-i\omega t'} dt' \exp\left(-\frac{|j-j'|}{8\sigma^2}\right), \quad (5)$$

где  $t_j$  — момент  $j$ -го измерения,  $\sigma$  — ошибка измерения. Переход к описанию непрерывного измерения в (5) осуществляется при  $\theta = t_j - t_{j-1} \rightarrow 0$ . Число измерений в единицу времени при этом стремится к бесконечности. Чтобы точность, достижимая за конечное время, оставалась конечной, необходимо, чтобы  $\sigma \rightarrow \infty$ . При этом

$$1 - w_{nn} = \frac{n+1/2}{m\omega_0\hbar} \int_{-\infty}^{\infty} F(t) F(t') \exp\left(i\omega(t-t') - \frac{|t-t'|}{2\tau_\varphi}\right) dt dt', \quad (6)$$

где

$$\tau_\varphi = \lim_{\substack{\theta \rightarrow 0 \\ \sigma \rightarrow \infty}} 4\sigma^2\theta.$$

Величина  $\tau_\varphi$  характеризует временное разрешение измерительного прибора, а также (в соответствии с соотношением неопределенностей для числа квантов и фазы) темп диффузии фазы в процессе измерения: при времени усреднения  $\tau$  ошибка измерения  $n$  будет равна  $\langle(\Delta n)^2\rangle = \frac{1}{4} \frac{\tau_\varphi}{\tau}$ , а случайный уход фазы за это же время —  $\langle(\Delta\varphi)^2\rangle = \tau/\tau_\varphi$ .

В спектральном представлении формула (6) имеет вид

$$1 - w_{nn} = \frac{n+1/2}{m\omega_0\hbar} \int_{-\infty}^{\infty} |f(\omega)|^2 G(\omega_0 - \omega) \frac{d\omega}{2\pi}, \quad (7)$$

где

$$G(\omega) = \frac{\tau_F^{-1}}{(2\tau_F)^{-2} + \omega^2}. \quad (8)$$

Как следует из формулы (7), степень влияния эффекта «сторожевой собаки» на чувствительность определяется соотношением между  $\tau_F$  и эффективной длительностью силы  $\tau_F$ :

$$\tau_F^{-1} = \frac{1}{|f(\omega_F)|^2} \int_{-\infty}^{\infty} |f(\omega)|^2 \frac{d\omega}{2\pi} \quad (9)$$

( $\omega_F$  — центральная частота спектра силы). Можно выделить два предельных случая.

1)  $\tau_F \gg \tau_F$ . В этом случае в (7) можно положить  $G(\omega_0 - \omega) = 2\pi\delta(\omega_0 - \omega)$ . Следовательно,

$$1 - \omega_{nn} = \frac{n + 1/2}{m\omega_0 \hbar} |f(\omega_0)|^2, \quad (10)$$

что приводит к выражению (1) для величины минимальной обнаружимой силы.

2)  $\tau_F \ll \tau_F$ . При этом в оптимальном случае  $\omega_F = \omega_0$

$$1 - \omega_{nn} = \frac{n + 1/2}{m\omega_0 \hbar} |f(\omega_0)|^2 \frac{4\tau_F}{\tau_F}. \quad (11)$$

При  $\tau_F \rightarrow 0$  вероятность перехода уменьшается как  $\tau_0/\tau_F$ . При  $\tau_F = 0$  пробный осциллятор полностью замораживается на начальном квантовом уровне (в (11)  $1 - \omega_{nn} = 0$ ), т. е. имеет место ситуация, описанная в работе [5].

Таким образом, эффект «сторожевой собаки» не влияет на чувствительность пробной системы, если время выделения  $\tau_F$  сигнала больше длительности силы  $\tau_F$ . Однако чувствительность падает, если  $\tau_F < \tau_F$ , т. е. делается попытка не только зарегистрировать факт воздействия силы, но и получить какую-то информацию о ее форме.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- [1] Брагинский В. Б., Воронцов Ю. И. УФН, 1974, 114, с. 41. [2] Брагинский В. Б., Воронцов Ю. И., Халили Ф. Я. ЖЭТФ, 1977, 73, с. 1340. [3] Braginsky V. B., Vorontsov Yu. I., Thorne K. S. Science, 1980, 209, p. 547. [4] Додонов В. В., Манько В. И., Руденко В. Н. ЖЭТФ, 1980, 78, с. 881. [5] Zurek W. H. Preprint OAR-651, CALTECH, 1982. [6] Халили Ф. Я. Вестн. Моск. ун-та. Физ. Астрон., 1980, 21, № 1, с. 37. [7] Менский И. Б. Группа путей. Измерения. Поля. Частицы, М.: Наука, 1983. [8] Хелстром К. Квантовая теория проверки гипотез и оценивания. М.: Мир, 1979. [9] Холево А. С. Вероятностные и статистические аспекты квантовой теории. М.: Наука, 1980. [10] Люиселл У. Излучение и шумы в квантовой электронике. М.: Наука, 1972.

Поступила в редакцию  
21.05.85

ВЕСТН. МОСК. УН-ТА. СЕР. 3. ФИЗИКА. АСТРОНОМИЯ, 1986, т. 27, № 2

#### АТОМНАЯ И ЯДЕРНАЯ ФИЗИКА

УДК 539.17

#### МЕТОД РАСЧЕТА ПАРАМЕТРОВ РЕЗОНАНСНЫХ СОСТОЯНИЙ В МНОГОКАНАЛЬНОЙ КУЛОНОВСКО-ЯДЕРНОЙ ЗАДАЧЕ РАССЕЯНИЯ

А. Н. Сафронов

(НИИЯФ)

1. Введение. Известно, что наиболее универсальное модельно-независимое определение резонансных параметров в теории рассеяния основано на аналитических свойствах  $S$ -матрицы: параметры резонансов в этом подходе связываются с положением полюсов  $S$ -матрицы