

## ОПТИКА И СПЕКТРОСКОПИЯ

УДК 621.373.826

### ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ВРЕМЕННОЙ КОГЕРЕНТНОСТИ ЛАЗЕРНОГО ИЗЛУЧЕНИЯ В НЕИНЕРЦИОННОЙ НЕЛИНЕЙНОЙ СРЕДЕ

В. А. Алешкевич, Г. Д. Кожоридзе, А. Н. Матвеев

(кафедра общей физики для физического факультета)

1. **Введение.** В последнее время интенсивно изучаются вопросы преобразования временной статистики при самовоздействии лазерного излучения. Методом интегрирования по траекториям было исследовано влияние слабого шума [1] и случайной фазовой модуляции [2] на нелинейное распространение сверхкоротких импульсов в средах с локальной нелинейностью. В работе [3] методом статистических испытаний исследовались флуктуации интенсивности при самомодуляции шумового импульса. Методом последовательных приближений нами анализировалось преобразование временной когерентности при тепловом самовоздействии лазерного излучения в подвижной и в неподвижной средах [4].

В данной работе исследовано распространение случайно модулированного дифрагирующего светового импульса, представляющего собой суперпозицию сигнала и шума, в среде с локальной неинерционной нелинейностью. Проанализировано взаимное влияние импульсов сигнала и шума, приводящее к изменению их длительностей и времен когерентности. Выявлены закономерности влияния флуктуаций диэлектрической проницаемости в канале распространения импульса на увеличение его длительности при одновременном уменьшении времени когерентности.

2. **Постановка задачи и ее решение.** Распространение светового импульса вдоль оси  $Z$  с комплексной амплитудой  $A$  в неинерционной нелинейной среде описывается уравнением квазиоптики

$$\left( \frac{\partial}{\partial z} + \frac{i}{2k} \frac{\partial^2}{\partial r^2} - \frac{ig}{2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} \right) A = - \frac{ik}{2\epsilon_0} \epsilon_2 |A|^2 A, \quad (1)$$

где  $g = \partial^2 k / \partial \omega^2$  характеризует дисперсию групповой скорости,  $\epsilon_2 |A|^2$  — отклонение диэлектрической проницаемости среды от равновесного значения  $\epsilon_0$ ,  $t$  — время в сопровождающей системе координат.

Будем считать, что на входе в нелинейную среду амплитуда световой волны имеет вид

$$A(r, t, z=0) = \sqrt{I_0} [1 + \xi(t)] \exp \left[ -\frac{t^2}{T_0^2} - \frac{r^2}{a_0^2} \right]. \quad (2)$$

Здесь  $a_0$  и  $T_0$  — ширина и длительность гауссова импульса соответственно,  $\xi(t)$  — стационарный случайный комплексный процесс с нормальным законом распределения, нулевым средним  $\langle \xi(t) \rangle = 0$ , дисперсией  $\sigma^2 < 1$  и корреляционной функцией

$$\langle \xi(t_1) \xi^*(t_2) \rangle = \sigma^2 \exp \left[ -\frac{(t_1 - t_2)^2}{\tau_0^2} \right], \quad (3)$$

где  $\tau_0$  — время корреляции.

В нулевом приближении полагаем, что возмущение диэлектрической проницаемости среды определяется интенсивностью световой волны на входе в нелинейную среду  $I(r, t, z) = I(r, t, z=0)$ . Это позволяет линеаризовать уравнение (1), решение которого в первом приближении имеет вид

$$\begin{aligned} A(r, t, z) = & \left( \frac{1}{2\pi z} \right)^{3/2} \frac{k}{(ig)^{1/2}} \int dt' \int dr' A(r', t', z=0) \times \\ & \times \exp \left\{ -\frac{ik}{2z} (r - r')^2 - \frac{i}{2gz} (t - t')^2 - \frac{ikz}{2\epsilon_0} \epsilon_2 I_0 \times \right. \\ & \left. \times \left[ 1 + \xi(t') + \xi^*(t') + \xi(t') \xi^*(t') \right] e^{-\frac{2t'^2}{T_0^2} - \frac{2r'^2}{a_0^2}} \right\}. \quad (4) \end{aligned}$$

Решение (4) позволяет рассчитать временную корреляционную функцию поля (КФП) световой волны, которая имеет достаточно простой вид, если при ее вычислении пренебречь слагаемыми, содержащими малые множители  $\sigma^3$  и  $\sigma^4$ . Опуская промежуточные выкладки, запишем выражение для модуля КФП для интервалов времени  $|t_2 - t_1| < \tau_0$ :

$$\begin{aligned} | \langle A(r, t_1, z) A^*(r, t_2, z) \rangle | &= I_0 T_0 \left( \frac{a_0}{a(z)} \right)^2 \times \\ &\times e^{-2r^2/a^2(z)} \left\{ \frac{1}{T_c(z)} \exp \left[ -\frac{t_1^2 + t_2^2}{T_c^2(z)} - \frac{(t_1 - t_2)^2}{\tau_c^2(z)} \right] + \right. \\ &\left. + \frac{\sigma^2}{T_{ш}(z)} \exp \left[ -\frac{t_1^2 + t_2^2}{T_{ш}^2(z)} - \frac{(t_1 - t_2)^2}{\tau_{ш}^2(z)} \right] \right\}, \end{aligned} \quad (5)$$

где

$$a(z) = a_0 \{ [1 - 2(1 + \sigma^2) z^2 / L_{нл}^2]^2 + z^2 / L_{д}^2 \}^{1/2} \quad (6)$$

— ширина импульсов сигнала и шума, а их длительности  $T$  и времена когерентности  $\tau$  имеют вид

$$T_c(z) = T_0 \left\{ \left[ 1 - 4(1 + \sigma^2) \frac{L_{д}}{L_{п}^k} \frac{z^2}{L_{нл}^2} \right]^2 + \frac{z^2}{L_{п}^{k^2}} + \sigma^2 \frac{L_{д}^2}{L_{п}^{нк^2}} \frac{z^4}{L_{нл}^4} \right\}^{1/2}, \quad (7)$$

$$\tau_c(z) = \tau_0 \left\{ \frac{\left[ 1 - 4(1 + \sigma^2) \frac{L_{д}}{L_{п}^k} \frac{z^2}{L_{нл}^2} \right]^2}{\sigma^2 \frac{L_{д}^2 z^2}{L_{нл}^4}} + \frac{z^2}{L_{п}^{k^2}} \right\}^{1/2}, \quad (8)$$

$$T_{ш}(z) = T_0 \left\{ \left[ 1 - 4(1 + \sigma^2) \frac{L_{д}}{L_{п}^{нк}} \frac{z^2}{L_{нл}^2} \right]^2 + \frac{z^2}{L_{п}^{к^2}} + \frac{z^2}{L_{п}^{нк^2}} + \sigma^2 \frac{L_{д}^2}{L_{п}^{нк^2}} \frac{z^4}{L_{нл}^4} \right\}^{1/2}, \quad (9)$$

$$\tau_{ш}(z) = \tau_0 \left\{ \frac{\left[ 1 - 4(1 + \sigma^2) \frac{L_{д}}{L_{п}^{нк}} \frac{z^2}{L_{нл}^2} \right]^2}{1 + \sigma^2 \frac{L_{д}^2 z^2}{L_{нл}^4}} + \frac{z^2}{L_{п}^{к^2}} + \frac{z^2}{L_{п}^{нк^2}} \right\}^{1/2}, \quad (10)$$

В выражениях (6)–(10)  $L_{д} = ka_0^2/2$  — дифракционная длина гауссова пучка,

$$L_{нл} = a_0 \left( \frac{\varepsilon_0}{2\varepsilon_2 I_0} \right)^{1/2}$$

— длина нелинейного самовоздействия,

$$L_{п}^k = \frac{T_0^2}{2|g|}, \quad L_{п}^{нк} = \frac{T_0 \tau_0}{2\sqrt{2}|g|}$$

— длины когерентного и некогерентного дисперсионного распыления импульса соответственно [5].

**3. Обсуждение и выводы.** Флуктуации интенсивности шума вызывают увеличение средней оптической силы наведенной линзы, при этом нелинейная рефракция, как это следует из (5) и (6), одинаковая для импульсов сигнала и шума, с ростом  $Z$  усиливается.

Из выражений (7)–(10) непосредственно следует, что на преобразование временных характеристик импульсов сигнала и шума в общем случае влияют четыре фактора: когерентный и некогерентный линейные эффекты дисперсионного распыления импульсов сигнала и шума и увеличения их времен когерентности на длинах  $L_{п}^k$  и  $L_{п}^{нк}$  соответственно; когерентный нелинейный эффект, приводящий к одинако-

вому уменьшению длительностей импульсов сигнала и шума и их времен когерентности (второе слагаемое в квадратных скобках формул (7)—(10)), и некогерентный нелинейный эффект, вызывающий увеличение длительностей импульсов сигнала и шума и уменьшение их времен когерентности независимо от знака нелинейности. Это увеличение длительности импульса сигнала (последнее слагаемое в (7)) и уменьшение его времени когерентности (знаменатель первого слагаемого в (8)), обусловлено влиянием шума на сигнал и находится в качественном согласии с результатами работы [1], где рассмотрено влияние квазинепрерывного шума на световой импульс.

Прослеживается и обратное влияние сигнала на шум, состоящее в том, что с увеличением интенсивного сигнала  $I_0$  (уменьшение  $L_{нл}$ ) усиливается когерентное нелинейное сжатие импульса шума (9) и одинаковое ему уменьшение времени когерентности (10).

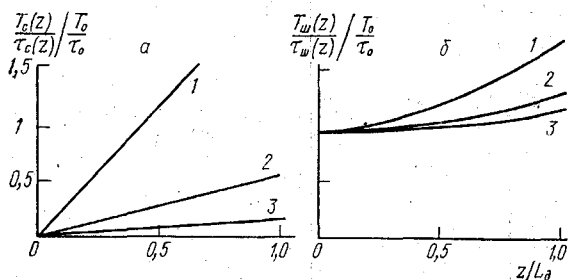
Достаточно просто удастся проследить за изменением временных параметров светового импульса с малым начальным временем когерентности  $\tau_0 \ll T_0$ . В этом случае  $L_p^k \gg L_p^{нк}$ , и определяющими становятся некогерентные эффекты, а когерентные можно пренебречь.

В отсутствие самовоздействия ( $L_{нл} = \infty$ ) импульс сигнала распространяется независимо от наличия импульса шума без изменения своей длительности  $T_c(z) = T_0$  и нарушения начальной временной когерентности:  $\tau_c(z) = \infty$ . Импульс шума подвержен некогерентному дисперсионному эффекту расплывания и увеличения времени когерентности  $\tau_{ш}(z)$ , а при этом отношение  $T_{ш}(z)/\tau_{ш}(z) = T_0/\tau_0 = \text{const}$  [6].

В нелинейной среде ( $L_{нл} < \infty$ ) импульс сигнала расплывается и становится частично когерентным во времени ( $\tau_c(z) < \infty$ ), а отношение

$$\frac{T_c(z)}{\tau_c(z)} = \frac{T_0}{\tau_0} \sigma \frac{L_d z}{L_{нл}^2} \quad (11)$$

увеличивается пропорционально  $z$ , что приводит к ухудшению его временной структуры (рисунок, а).



Зависимость временной структуры импульсов сигнала (а) и шума (б) от расстояния для  $L_{нл} = 0,5 L_d$  (1);  $L_{нл} = L_d$  (2);  $L_{нл} = 2 L_d$  (3) при  $\sigma^2 = 0,5$

Импульс шума с ростом  $z$  расплывается быстрее импульса сигнала, а его время когерентности в зависимости от результата конкуренции дисперсионного некогерентного расплывания и нелинейного некогерентного самовоздействия может как увеличиваться, так и уменьшаться. Однако отношение

$$\frac{T_{ш}(z)}{\tau_{ш}(z)} = \frac{T_0}{\tau_0} \left[ 1 + \sigma^2 \frac{L_d^2 z^2}{L_{нл}^4} \right]^{1/2} \quad (12)$$

с ростом  $z$  всегда возрастает, что указывает на ухудшение временной структуры импульса шума (рисунок, б).

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- [1] Фаттахов А. М., Чиркин А. С. Квант. электроника, 1983, 10, с. 1989.  
 [2] Фаттахов А. М., Чиркин А. С. Там же, 1984, 11, с. 2349. [3] Кандидов В. П., Шлёнов С. А. Вестн. Моск. ун-та. Физ. Астрон., 1984, 25, № 2, с. 51.  
 [4] Алешкевич В. А., Кожоридзе Г. Д., Матвеев А. Н., Терзиева С. И. В кн.: Тез. докл. 12-й Всесоюз. конф. по когерент. и нелинейн. оптике. Ч. 1. М., 1985, с. 129. [5] Ахманов С. А., Дьяков Ю. Е., Чиркин А. С. Введение в статистическую радиофизику и оптику. М.: Наука, 1981. [6] Дьяков Ю. Е., Никитин С. Ю. Задачи по статистической радиофизике и оптике. М.: Изд-во МГУ, 1985.

Поступила в редакцию  
22.04.85