Скорость убывания интенсивности в прожекторной зоне при нелинейном распространении выше, чем в линейном случае. Это объясняется следующим: дифракция низких частот существенно сильнее дифракции высокочастотной области спектра. Нелинейность процесса вызывает растекание энергии по всему спектру, и, следовательно, часть энергии переходит в низкочастотную область. Эта энергия практичечски мгновенно дифрагирует, т. е. появляется дополнительный канал низкочастотных потерь.

При N < 0.33 (рис. 4) максимум слектра смециается не вправо, как это происходит в линейном и слабонелицейном случаях, а влево, в сторону низких частот. Продолжая интерпретировать характер эволю-



ции спектра конкуренцией дифракции и нелинейной генерации, это изменение объясним превышением перекачки энергии в низкочастотную область спектра над соответствующими дифракционными потерями.

Существует два возможных сценария окончания нелинейной фазы распространения пучков при сильной начальной

нелинейности процесса (N < 0.33). Если пучок переходит в область сферической дифракции до того, как убывание интенсивности ограничит нелинейное растекание энергии по спектру, то произойдет стабилизация положения спектра на оси частот ($z \ge 1$ на рис. 4). В противном случае будет наблюдаться изменение направления частотного «дрейфа» и спектр будет сдвигаться в высокочастотную область, пока не будет остановлен наступлением сферической дифракции.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

[1] Бахвалов Н. С., Жилейкин Я. М., Заболотская Е. А. Нелинейная теория звуковых шучнов. М., 1982. [2] Васильева О. А., Карабутов А. А., Лапшин Е. А., Руденко О. В. Взаимодействие одномерных воли в средах без дисперсии. М., 1983. [3] Лапидус Ю. Р., Руденко О. В.//Акуст. журн. 1984. 30, № 6. С. 797—802.

1.1.1.1

Поступила в редакцию 03.10.85

ВЕСТН. МОСК. УН-ТА. СЕР. 3, ФИЗИКА. АСТРОНОМИЯ. 1986. Т. 27, № 6

УДК 53:51

11/14/11

- 941

ОБРАТНАЯ ЗАДАЧА: РАССЕЯНИЯ ДЛЯ ТВЕРДОГО ТЕЛА В Борновском приближении

В. А. Буров, Т. А. Тихонова

(кафедра акустики)

Решение обратной задачи рассеяния для твердого тела представляет большой интерес прежде всего для дефектоскопии. Методы обработки данных о рассеянии акустических води на неоднородностях в твердом теле, разработанные на основе решения обратной задачи рас-

сеяния, должны позволить преодолеть многие проблемы, связанные с определением внутренней структуры твердого тела. В настоящей работе будет рассмотрена обратная задача рассеяния звука на слабых неоднородностях в изотропной упругой среде.

Волновое уравнение для упругих изотропных сред имеет вид [1]

$$[(\lambda(\mathbf{x}) + \mu(\mathbf{x})) \nabla \nabla + \mu(\mathbf{x}) \nabla^{2}] u(\mathbf{x}, \omega) + \rho(\mathbf{x}) \omega^{2} u(\mathbf{x}, \omega) = -\rho(\mathbf{x}) f(\mathbf{x}, \omega), \qquad (1)$$

где $\rho(\mathbf{x})$ — плотность среды, $\lambda(\mathbf{x})$, $\mu(\mathbf{x})$ — параметры Ламе, $\mathbf{f}(\mathbf{x}, \omega)$ — функция, описывающая источники излучения, $\mathbf{u}(\mathbf{x}, \omega)$ — векторное звуковое поле, ω — циклическая частота. В уравнение (1) входят три, вообще говоря, зависящих от координат параметра, описывающих свойства среды. Под обратной задачей рассеяния в этом случае понимается определение этих параметров по замеренному рассеянному полю в некоторой совокупности экспериментов.

В этой работе мы ограничимся рассмотрением рассеяния на неоднородности среды плоских волн. Причем рассеянное поле будет регистрироваться в дальней зоне. Будем считать, что приемники излу-

чения позволяют определять выбранную компоненту смещения в любом направлении, определяемом углами в и ф (рис. 1), т. е. мы будем регистрировать в дальней зоне плоские (продольные либо поперечные) рассеянные волны. Такую схему измерений трудно осуществить в реальном эксперименте, однако, разложив по плоским волнам первичные поля и поле смещений, замеренное на некоторой поверхности, мы придем к описанному выше случаю. Такая схема эксперимента является в сущности дифракционной томографией для твердого тела [2-4]. Реализация такого эксперимента может оказаться полезной для определения слабых изменений параметров упругой среды, вызванных, например, внутренними напряжениями, усталостью металла и Т. П.



Рис. 1. Схема эксперимента по рассеянию плоских воли на неоднородности в твердом теле (k_p — волновой вектор падающей волны, \mathcal{R} — область рассеяния)

В настоящей работе предложен один из возможных способов обработки данных эксперимента по рассеянию звука на слабых неоднородностях в твердом теле с целью получения информации о неоднородных параметрах ρ(x), λ(x), μ(x) упругой среды и указано, при каких условиях эти параметры можно разрешить. Запишем уравнение (1) в тензорной форме [1]:

$$\partial_{i}(\Gamma_{ijkl}\partial_{k}u_{l}) + \rho\omega^{2}u_{j} = -\rho f_{j}, \quad i, j, k, l = 1, 2, 3,$$
(2)

где Γ_{ijkl} — тензор упругости. Для изотропной среды $\Gamma_{ijkl} = \lambda \delta_{il} \delta_{kl} + \mu (\delta_{ik} \delta_{jl} + \delta_{il} \delta_{kj})$. Представим полное поле $u_j(\mathbf{x})$ как сумму падающего $u_j^0(\mathbf{x})$ и рассеянного $u_j^{sc}(\mathbf{x})$ полей:

$$u_{i}(\mathbf{x}) = u_{i}^{sc}(\mathbf{x}) + u_{i}^{0}(\mathbf{x}), \qquad (3)$$

а неоднородность среды в виде

$$\Gamma_{ijkl}(\mathbf{x}) = \Gamma_{ijkl}^{0} + \Delta \Gamma_{ijkl}(\mathbf{x}); \ \rho(\mathbf{x}) = \rho^{0} + \Delta \rho(\mathbf{x}), \tag{4}$$

где Γ_{ijkl} и ρ^0 соответствуют однородной среде. Будем считать, что источников в области рассеяния нет: $f_j(\mathbf{x}) = 0$, $\forall \mathbf{x} \in \mathcal{R}$, где $\mathcal{R} \subset \mathcal{R}_3 - of$ -

ласть, содержащая рассеиватели звука. Тогда из уравнения (2) получим следующие два уравнения:

$$\Gamma^{0}_{jklm}\partial_{k}\partial_{l}u^{0}_{m}(\mathbf{x}) + \rho^{0}\omega^{2}u^{0}_{j}(\mathbf{x}) = -\rho^{0}f_{j}(\mathbf{x}), \quad \mathbf{x} \in \mathcal{R};$$
⁽⁵⁾

$$\Gamma_{jklm}^{0}\partial_{k}\partial_{l}u_{m}^{s}(\mathbf{x}) + \rho^{\bullet}\omega^{2}u_{j}^{s}(\mathbf{x}) = -\rho^{0}q_{j}(\mathbf{x}), \quad j, \ k, \ l, \ m = 1, \ 2, \ 3, \tag{6}$$

где

$$\rho^{0}q_{i}(\mathbf{x}) = \begin{cases} \partial_{k} \left\{ \Delta \Gamma_{jklm}(\mathbf{x}) \left[\partial_{l}u_{m}(\mathbf{x}) \right] \right\} + \Delta \rho(\mathbf{x}) \omega^{2} u_{i}(\mathbf{x}), \quad \mathbf{x} \in \mathcal{R}; \\ 0, \quad \mathbf{x} \in \mathcal{R}. \end{cases}$$
(7)

Запишем уравнение (6) в интегральной форме:

$$u_{j}^{sc}(\mathbf{x}) = \rho^{0} \int_{\mathcal{R}} q_{k}(\mathbf{x}') G_{kj}^{0}(\mathbf{x}/\mathbf{x}') d\mathbf{x}', \qquad (8)$$

где $G_{k,j}^{0}(\mathbf{x}/\mathbf{x}')$ — тензор смещения Грина для однородной упругой среды, который является решением уравнения

$$[(\lambda + \mu) \nabla \nabla + \mu \nabla^{2}] G^{0}(\mathbf{x}/\mathbf{x}') + \rho \omega^{2} G^{0}(\mathbf{x}/\mathbf{x}') = -\delta(\mathbf{x}-\mathbf{x}') I, \qquad (9)$$

где I — единичный тензор, х — точка наблюдения, х' — координаты источника. Для неограниченной области [1]:

$$G_{ki}(\mathbf{x}/\mathbf{x}') = \frac{1}{4\pi\rho\omega^2} \left[\delta_{kj}k_s^2 \frac{\exp\left(ik_s r\right)}{r} - \frac{\partial}{\partial x_k} \frac{\partial}{\partial x_j} \left(\frac{\exp\left(ik_p r\right)}{r} - \frac{\exp\left(ik_s r\right)}{r} \right) \right], \quad (10)$$

где $k_s^2 = \omega^2/c_s^2$, $k_p^2 = \omega^2/c_p^2$ (c_s, c_p — скорость распространения соответственно поперечной и продольной волн), $r = |\mathbf{x} - \mathbf{x}'|$, j, k = 1, 2, 3.

Поскольку мы рассматриваем рассеяние звука на слабых неодностях среды, то можно считать, что поле в области рассеяния равно падающему полю $u_i^{0}(\mathbf{x})$, т. е. мы переходим к борновскому приближению в рассмотрении обратной задачи рассеяния. Уравнение (8) в этом случае примет вид

$$u_{j}^{sc}(\mathbf{x}) = \rho_{0} \int_{\mathcal{R}} G_{nj}(\mathbf{x}/\mathbf{x}') \left\{ \partial_{i} \left[\Delta \Gamma_{nl/m}(\mathbf{x}') \left(\partial_{l} u_{m}^{0}(\mathbf{x}') \right) \right] + \Delta \rho \left(\mathbf{x}' \right) \omega^{2} u_{n}^{0}(\mathbf{x}') \right\} d\mathbf{x}'.$$
(11)

Перейдем в левой и правой части (11) к фурье образам, т. е. будем рассматривать задачу в k-пространстве:

$$\widetilde{u}_{j}^{sc}(\mathbf{k}) = \rho^{0} \widetilde{G}_{nj}(\mathbf{k}) \left[k_{l} \int \Delta \widetilde{\Gamma}_{r,lm}(\mathbf{k} - \mathbf{k}') k_{l} \widetilde{u}_{m}^{0}(\mathbf{k}') d\mathbf{k}' + \omega^{2} \int \Delta \widetilde{\rho}(\mathbf{k} - \mathbf{k}') \widetilde{u}_{n}^{0}(\mathbf{k}') d\mathbf{k}' \right],$$
(12)

где *i*, *j*, *n*, *l*, m=1, 2, 3, а волнистая черта над символом означает фурье-преобразование соответствующей функции Фурье-преобразование тензора Грина имеет вид [5]

$$\widetilde{G}_{nj}(\mathbf{k}) = \frac{1}{4\pi\rho_0\omega^2} \left\{ P\left[\frac{\delta_{nj}k_s^2 - k_nk_j}{k^2 - k_s^2} + \frac{k_nk_j}{k^2 - k_p^2} \right] \right\} + \frac{i\pi}{2|k|} \left[\left(\delta_{nj}k_s^2 - k_nk_j \right) \left(\delta\left(|k| - k_s \right) - \delta\left(|k| + k_s \right) \right) + k_nk_j \left(\delta\left(|k| - k_p \right) - \frac{\delta\left(|k| + k_p \right) \right)}{-\delta\left(|k| + k_p \right)} \right],$$
(13)

-где *Р* — главное значение, а |·| — модуль вектора.

Физически это означает, что в дальней зоне рассеянное на неоднородностях среды поле $u_j^{sc}(\mathbf{x})$ «несет» информацию о тех фурье-точках векторнозначного фурье-образа вторичных источников $\mathcal{I}_n(\mathbf{k})$, воз-

буждаемых падающим полем $u_n^{0}(\mathbf{x})$ в области рассеяния \mathscr{R} , которые лежат на сферах $k^2 = k_p^2$ и $k^2 = k_s^2$ (соответственно продольная и поперечные компоненты рассеянного поля в дальней зоне) (рис. 2). Для каждого направления наблюдения в дальней зоне мы можем получить информацию о точках 1 и 2 векторнозначного фурье-образа вторичных источников $I_n(\mathbf{k})$, измерив соответственно продольную и поперечную компоненты вектора смещений в плоскости, перпендикулярной выбранному направлению k.

Распространение поперечной составляющей рассеянного поля в дальнюю зону описывается уравнением



Рис. 2. Фурье-образ вторичных источников $I_n(\mathbf{k})$, лежащих на сферах Эвальда

$$(u_{j}^{sc})_{s}(\mathbf{k}) = \frac{\rho_{0}\pi}{2|\mathbf{k}|} \left[(\delta_{nj}k_{s}^{2} - k_{n}k_{j}) \delta(|\mathbf{k}| - k_{s}) \right] \left\{ k_{i} \int \Delta \widetilde{\Gamma}_{nilm}(\mathbf{k} - \mathbf{k}') k_{i}'\widetilde{u}_{m}^{0}(\mathbf{k}') d\mathbf{k}' + \omega^{2} \int \Delta \widetilde{\rho}(\mathbf{k} - \mathbf{k}') \widetilde{u}_{n}^{0}(\mathbf{k}') d\mathbf{k}' \right\},$$
(14)

а продольной составляющей —

$$(u_{j}^{sc})_{p}(\mathbf{k}) = \frac{\rho_{0}\pi}{2|\mathbf{k}|} \left[k_{n}k_{j}\delta\left(|\mathbf{k}|-k_{p}\right)\right] \left\{k_{i}\int\Delta\widetilde{\Gamma}_{nil\,m}\left(\mathbf{k}-\mathbf{k}'\right)k_{i}'\widetilde{u}_{m}^{0}\left(\mathbf{k}'\right)d\mathbf{k}' + \omega^{2}\int\Delta\widetilde{\rho}\left(\mathbf{k}-\mathbf{k}'\right)\widetilde{u}_{n}^{0}\left(\mathbf{k}'\right)d\mathbf{k}'\right\},$$
(15)

В выражениях (14) и (15) в фигурных скобках содержится векторнозначный фурье-образ вторичных источников $\mathcal{I}_n(\mathbf{k})$. Эта функция зависит от параметров среды $\Delta\lambda(\mathbf{x})$, $\Delta\mu(\mathbf{x})$, $\Delta\rho(\mathbf{x})$. Поэтому, чтобы определить эти параметры, мы должны решить системы линейных уравнений (14) и (15), матрицами которых являются выражения, заключенные в квадратные скобки, относительно неизвестных компонент вектора $\mathcal{I}_n(\mathbf{k})$. Очевидно, что, измеряя только одну составляющую вектора смещений рассеянного поля в дальней зоне (либо продольную, либо любую из поперечных), решить уравнения (14) и (15) относительно $\mathcal{I}_n(\mathbf{k})$, а следовательно, и относительно $\Delta\lambda$, $\Delta\mu$, $\Delta\rho$ нельзя, так как определители матриц det $||k_nk_j||$ и det $||\delta_{nj}k_s^2 - k_nk_j||$ равны нулю.

То же самое можно сказать об использовании в качестве облучающего поля лишь одной плоской (продольной или поперечной) волны. Допустим, мы решили системы (14) и (15) относительно $I_n(\mathbf{k})$. Далее нам следует решить систему уравнений вида

$$\mathcal{I}_{n}(\mathbf{k}) = \mathcal{I}_{n}(\bar{k}, \Delta \tilde{\lambda}, \Delta \mu, \Delta \tilde{\rho})$$
(16)

относительно параметров неоднородности среды $\Delta \tilde{\lambda}$, $\Delta \tilde{\mu}$, $\Delta \tilde{\rho}$. После подстановки в уравнения (16) выражёний для плоской (продольной или поперечной) волны в качестве облучающего поля $\tilde{u}_{j}^{0}(\mathbf{k})$ получится система из трех уравнений относительно $\Delta \tilde{\lambda}(\mathbf{k})$, $\Delta \tilde{\mu}(\mathbf{k})$, $\Delta \tilde{\rho}(\mathbf{k})$, определитель которой равен нулю. Анализ выражений (14) и (15) показывает, что определить значения $\Delta \tilde{\lambda}(\mathbf{k})$, $\Delta \tilde{\mu}(\mathbf{k})$, $\Delta \rho(\mathbf{k})$, описывающие рассенвающую неоднородность упругой среды, можно, проводя два эксперимента, а именно: 1) облучающее поле — плоская продольная волва с частотой ω_1 , измеряется продольная составляющая рассеянного поля; 2) облучающее



Рис. 3. Совмещение двух сфер Эвальда $(k^2 = k_{\vec{p}}^2)$ и $k^2 = k_s^2$ при соответствующем выборе частот облучающего поля

поле — плоская поперечная волна с частотой ω2, регистрируется поперечная составляющая рассеянного поля с той же поляризацией, что и у облучающей волны*. Частоты w1 и w2 должны удовлетворять соотношению $\omega_1/c_p =$ =ω₂/c_s (рис. 3). Результаты этих экспериментов обрабатываются совместно. Полученный результат можно проиллюстрировать следующим образом. Для каждого направления наблюдения k в уравнения (14) и (15) входят значения фурье-образов функций $\Delta\lambda(\mathbf{k})$. $\Delta \mu(\mathbf{k}), \Delta \rho(\mathbf{k})$ в некоторой точке фурье-пространства, которая определяется частотой, типом и направлением падения облучающей волны, а также положением сферы Эвальда $(k^2 = k_s^2$ или $k^2 = k_p^2$), которая соответствует измеряемой компоненте рассеянного поля. Система уравнений, полученная в результате проведения двух экспериментов по рассеянию звукового поля на неоднородности среды, бу-

дет иметь однозначное решение относительно $\Delta\lambda(\mathbf{k})$, $\Delta\mu(\mathbf{k})$, $\Delta\rho(\mathbf{k})$ только в том случае, если выбором частот ω_1 и ω_2 облучающего поля мы совместим сферы Эвальда, соответствующие двум экспериментам.

Система уравнений, получающаяся в результате проведения таких биспериментов, имеет вид

(0)

 $(\widetilde{u}_{2}^{sc})_{T} = \frac{u\rho_{0}\pi}{2k^{2}\omega^{2}} (\Delta\widetilde{\mu}_{k0}^{sc}\cos\theta \sinh\phi(\widetilde{k}_{0}^{(1)}) 2k_{0}^{2}\cos^{2}\theta\cos^{2}\phi) +$

 $(u_2)_{\pi} = \frac{(u_2)_{\pi}}{(u_2)_{\pi}} = \frac{(\Delta \mu \alpha_0 \cos 0 \sin \psi (\pi c \cos 0 \sin \psi)_{\pi}}{(u_2)_{\pi}} = \frac{(u_2)_{\pi}}{(u_2)_{\pi}} = \frac{(u$

°**5**6

 $(\widetilde{u_3}^{**})_T = \frac{u\rho_0\pi}{2|k_0|\omega_2^2} \left[-\Delta\widetilde{\mu}k_0^*\cos^2\theta\sin\theta\sin\varphi\cos\varphi - \Delta\widetilde{\rho}\omega_2^2k_0^2\cos\theta\sin\theta\cos\varphi\right],$

где $(\widetilde{u}_1^{sc})_T$, $(\widetilde{u}_2^{sc})_L$, $(\widetilde{u}_3^{sc})_L$, $(\widetilde{u}_1^{sc})_T$, $(\widetilde{u}_2^{sc})_T$, $(\widetilde{u}_3^{sc})_T$ - компоненты измеренных векторов соответственно продольной и поперечной составляющих рассеянного поля в некотором направлении, определяемом углами в и ф (см. рис. 1), $k_0 = \omega_1/c_p = \omega_2/c_s$, u — амплитуда падающего поля (для простоты считаем, что амплитуды облучающих продольной и поперечных плоских волн равны). Аргументы при Δλ, Δμ, Δο — вида $k_0 \cos \theta \sin \phi - k_0$, $k_0 \cos \theta \cos \phi$, $k_0 \sin \theta$, т. е. для каждой пары значений θ и ф система уравнений (17) определяет значения фурье-образов функций, описывающих неоднородность среды, в точке, лежащей на сфере Эвальда $k^2 = k_0^2$. Решив систему уравнений (17) для всех значений θ и σ , мы получим значения фурье-образов функций $\Delta\lambda$, $\Delta\mu$, $\Delta\rho$ на всей сфере Эвальда, соответствующей данным частотам ω_1 и ω_2 и данному направлению падения облучающих плоских продольной и поперечной волн. (Система уравнений (17) соответствует падающим плоским продольной и поперечной волнам, распространяющимся вдоль оси Ox.) Информацию о полном фурье-образе функций $\Delta\lambda$, $\Delta\mu$, $\Delta\rho$ можно получить путем сканирования как по частоте, так и по направлению распространения облучающих плоских волн (или комбинируя эти два вида сканирования). Восстановить значения функций Δλ(x), $\Delta \mu(\mathbf{x})$, $\Delta \rho(\mathbf{x})$ можно, сделав обратное преобразование Фурье функций $\Delta\lambda(\mathbf{k}), \Delta\mu(\mathbf{k}), \Delta\rho(\mathbf{k}).$

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

[1] Yih-Hsing Pao, Vasundara Varatharajulu.//J. Acoust. Soc. Am. 1976. 59, N. 6. P. 1361-1371. [2] Kaveh M., Soumekh M., Mueller R. K.// //Acoustical Imaging, Plenum Press. N. Y., 1982. V. 11. P. 325-335. [3], Adams M. H., Anderson A. P.//Acoustical Imaging, Plenum Press. N. Y., 1982. V. 10. P. 365-380. [4]. Devaney A. J.//Ultrasonic Imaging, Academic Press. N. Y., 1982. V. 4, P. 336-350. [5] Bojarski N. N.//Acoustical Imaging, Plenum Preess. N. Y., 1982. V. 4, P. 336-350. [5] Bojarski N. N.//Acoustical Imaging, Plenum Preess. N. Y., 1982. V. 11. P. 399-408. [6] Richardson J. M.//Ultrasonic Symposium Proc. New Orlean, 1979. N. Y., 1979. P. 356-360.

Поступила в редакцию 16.10.85

ВЕСТН. МОСК. УН-ТА. СЕР. 3, ФИЗИКА. АСТРОНОМИЯ. 1986. Т. 27, № 6

ФИЗИКА ТВЕРДОГО ТЕЛА

УДК 539.211

ИССЛЕДОВАНИЕ ЭЛЕКТРОННО-СТИМУЛИРОВАННОЙ ДЕСОРБЦИИ Неитральных молекул с поверхности золота и палладия

Г. Г. Федоров

(кафедра общей физики для химического факультета)

При исследовании электронно-стимулированной десорбции (ЭСД) молекул СО и СО₂ с поверхности окислов никеля, меди и алюминия в области энергий бомбардирующих электронов U=13 эВ нами были обнаружены [1] максимумы ЭСД, которые связаны с окислением молекул окиси углерода при возбуждении бомбардирующими электронами молекул кислорода, находящихся на поверхности окисла. Присутствие атомов хрома [2] на поверхности никеля приводит к исчез-