

[1] Matsui T., Satz H.//Phys. Lett. 1986. 178B. P. 416. [2] Tannenbaum M.//Nucl. Phys. 1988. A488. P. 511. [3] Karsh F., Mehr M., Satz H.//Z. Phys. C. 1988. 37. P. 617. [4] Kapusta J.//Phys. Rev. 1988. D36. P. 2857. [5] Satz H.//Nucl. Phys. 1988. A488. P. 555. [6] Bussiere A.//Z. Phys. C. 1988. 38. P. 117. [7] Ftáčnik J., Lichard P., Pisutová N., Pisút J. Preprint CERN-TH. 5090/88. June 1988. [8] Faustov R. N.//Ann. of Phys. (N. Y.). 1973. 78. P. 176. [9] Hannson T. H., Su H. Lee, Zahed J.//Phys. Rev. 1988. D37. P. 2672.

Поступила в редакцию  
29.01.90

ВЕСТН. МОСК. УН-ТА. СЕР. 3, ФИЗИКА. АСТРОНОМИЯ. 1990. Т. 31. № 4

## РАДИОФИЗИКА

УДК 621.385

### ОПРЕДЕЛЕНИЕ ДИСПЕРСИИ ВОЛН ОТКРЫТЫХ ПЕРИОДИЧЕСКИХ СТРУКТУР МЕТОДОМ ПРОБНОГО ИСТОЧНИКА

В. И. Канавец, А. И. Слепков, А. В. Федоров

(кафедра радиофизики)

Изложен метод теоретического определения дисперсии волн в открытых периодических структурах, не требующий решения дисперсионного уравнения. Данный метод может быть использован при рассмотрении физических процессов в системах, характерных для релятивистской СВЧ-электроники.

Наиболее мощные СВЧ-усилители и генераторы на трубчатых релятивистских электронных потоках создаются на основе низкодобротных периодических электродинамических структур с высокой степенью пространственного развития [1]. Для дальнейшего увеличения мощности и перехода в коротковолновый диапазон необходимо изучить дисперсию волн в системах с предельно большим диаметром, когда цилиндрическую систему можно считать плоской, и малой высотой неоднородности:  $h < \lambda/4$  ( $\lambda$  — длина волны).

Традиционно задача нахождения дисперсионных характеристик сводится к определению собственных значений  $\omega_s$  оператора Лапласа с учетом условий на границе периодической структуры. Приравнивание нулю детерминанта системы уравнений относительно амплитуд собственных волн приводит к дисперсионному уравнению, решение которого дает искомую зависимость частоты от продольного волнового числа  $\omega(k_z)$  [2]. Однако найти дисперсионные характеристики можно посредством изучения реакции системы на возбуждение пробными источниками при следующей постановке задачи.

Пусть периодическая структура представляет собой идеально проводящую поверхность, расположенную в плоскости  $yOz$ , является однородной в направлении оси  $Oy$ , имеет период  $l$  в направлении оси  $Oz$ . В качестве пробного источника возьмем либо плоскую волну

$$E_z = \exp\{-ik_{x0}x\} \cdot \exp\{ik_{z0}z\},$$

$$k_{x0} = (\omega/c) \cos \alpha, \quad k_{z0} = (\omega/c) \sin \alpha,$$

либо промодулированный электронный поток с плотностью тока

$$j_z = \exp\{ik_{z0}z\} \cdot \delta(x-b), \quad k_{z0} = \omega/v_0,$$

где  $\alpha$  — угол падения между осью  $Ox$  и вектором  $\mathbf{k}_0$ ,  $|\mathbf{k}_0| = \omega/c$ ,  $v_0$  — скорость электронного потока,  $b$  — расстояние от потока до структуры. Такой выбор пробных источников позволяет изучить реакцию системы при различных значениях  $\omega$  и  $k_z$ . Электромагнитное поле в полупространстве над структурой является суперпозицией пространственных гармоник:

$$E_z = \sum_{n=-\infty}^{\infty} E_{zn} \exp\{k_{xn}(x-h)\} \cdot \exp\{ik_{zn}z\},$$

$$k_{xn} = i \sqrt{\frac{\omega^2}{c^2} - k_{zn}^2}, \quad k_{zn} = k_{z0} + \frac{2\pi n}{l},$$

$E_{zn}$  — комплексная амплитуда гармоник.

Пусть известны величины  $E_{zn}$  как функции параметров возбуждения  $\omega$ ,  $k_{z0}$  и геометрических параметров  $l$ ,  $h$ ,  $d$ , где  $d$  характеризует заполнение периода системы. При неизменных  $l$ ,  $h$ ,  $d$  и  $k_{z0}$  зависимость  $E_{zn}(\omega)$  определяет реакцию системы на заданное возбуждение во всей полосе частот, а собственное значение проявляется как резонансная частота  $\omega_{res}$ . Значение  $\omega_{res}$  определяется по известной аналитической или числовой зависимости  $E_{zn} = A_n(\omega) \cdot \exp\{i\varphi_n(\omega)\}$  как соответствующее характерному увеличению амплитуды  $A_n$  и изменению на  $\pi$  фазы  $\varphi_n$ . Набор частот  $\omega_{res} \equiv \omega_s$ , получаемых при различных  $k_{z0}$  (для пробной волны — при параметрическом изменении  $\alpha$ , для пробного электронного потока — при изменении  $v_0$ ), представляет собой дисперсионную характеристику  $\omega(k_z)$  волн данной системы. Отметим, что полученные таким образом зависимости  $\omega(k_z)$  характеризуют «холодную» систему, наличие пробного электронного потока не приводит к «горячим» сдвигам частот, поскольку отсутствует взаимное влияние между полем структуры и потоком.

Типичные дисперсионные кривые, полученные описанным методом, представлены на рис. 1 в безразмерных координатах. Расчет проводился численно на ЭВМ БЭСМ-6 для конкретной периодической структуры типа дифракционной решетки прямоугольного профиля в соответствии с алгоритмом, изложенным в [3]. Резонансные зависимости  $A_n(\omega)$  для области малых частот  $0 < \omega l / (c\pi) < 1$  приведены в работе [4]. Численный расчет показал, что во всем интервале значений  $\omega$  и  $k_{z0}$  резонансные зависимости  $E_{zn}(\omega)$  имеют место только для пространственных гармоник с волновыми числами  $k_{zn}^2 > \omega^2/c^2$ , т. е. для поверхностных волн. Следовательно, собственным значениям  $\omega_s$  соответствуют поверхностные волны и в этом смысле только они являются собственными полями открытой периодической структуры. Гармоники с волновыми числами  $k_{zn}^2 < \omega^2/c^2$  по дисперсионным свойствам не отличаются от плоских волн в свободном пространстве.

Рассмотрим особенности полученной дисперсионной кривой (см. рис. 1) в сравнении с предельным случаем линии, соответствующей плоской волне, распространяющейся в свободном пространстве вдоль оси  $Oz$  (рис. 2, кривая 1). При помещении периодической поверхности в плоскости  $x=0$  плоская волна превращается в поверхностную с дисперсионной характеристикой, приведенной на рис. 2 (кривая 2). Появляются выделенные значения волнового числа  $k_{zn} = \pi n/l$ , соответствующие ситуации, когда на периоде структуры укладывается целое число полуволн. Физически это связано с отражением волны от неоднородностей и появлением локальных резонансов на каждом периоде струк-

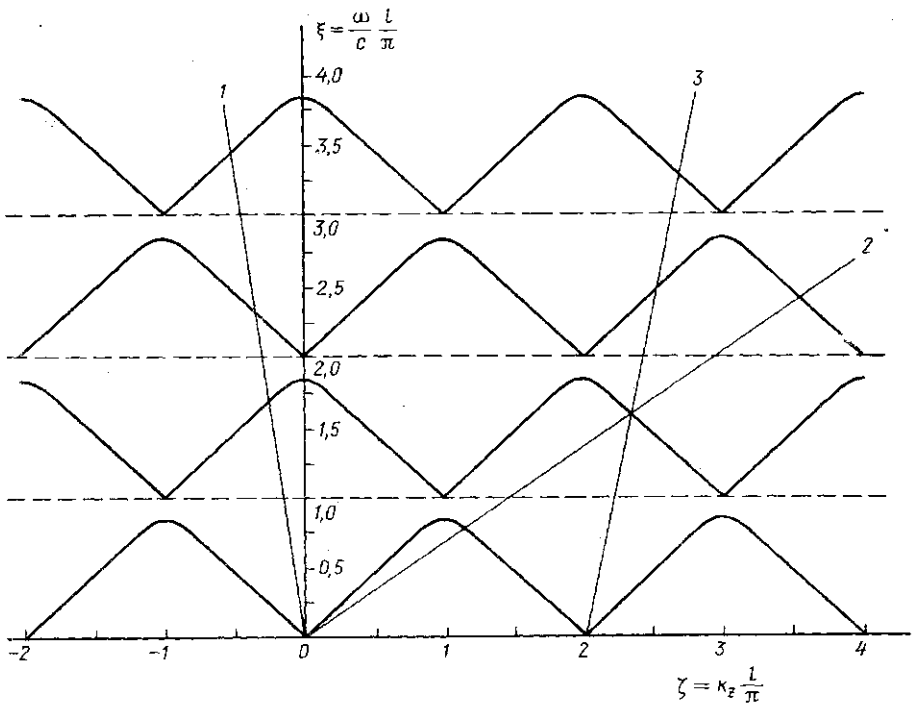


Рис. 1. Дисперсионная зависимость для поля открытой периодической структуры ( $h/l = 0,25$ ,  $d/l = 0,70$ ); 1 — линия пробной волны, 2 — линия пробного электронного потока, 3 — линия одной из гармоник, являющейся плоской волной

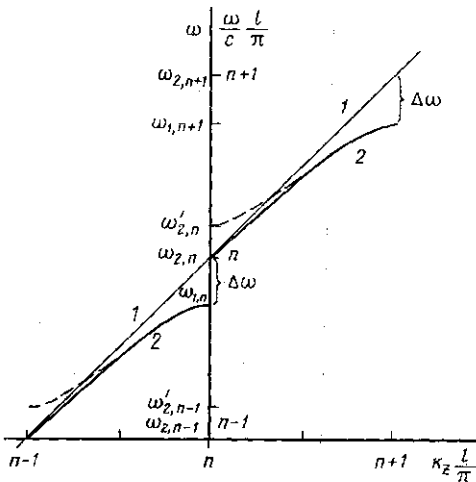


Рис. 2. Дисперсионные зависимости поверхностной волны открытой периодической структуры (кривая 2) и плоской волны в свободном пространстве (прямая 1,  $\omega = ck_z$ )

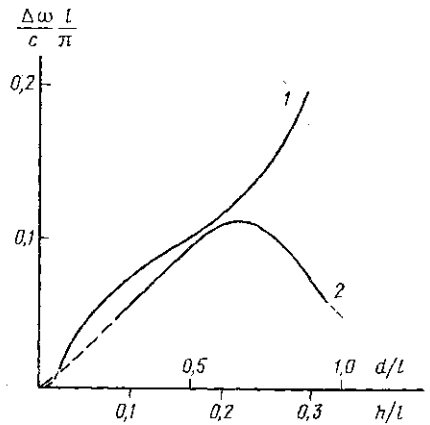


Рис. 3. Зависимость ширины полосы непрозрачности  $\Delta\omega$  от геометрических параметров  $d/l$  (при  $h/l = 0,2$ , кривая 2) и  $h/l$  (при  $d/l = 0,67$ , кривая 1)

туры. Возникает область частот  $\Delta\omega$  (полоса непрозрачности), в которой отсутствуют собственные волны. В конечных электродинамических системах в интервале  $\Delta\omega$  имеет место реактивное затухание полей. Нижняя граница  $\omega_{1,n}$  полосы непрозрачности, таким образом, определяется характеристиками поверхностного резонатора, следовательно, геометрическими параметрами  $h, d$ . Характерным для открытых структур является фиксированное положение верхней границы  $\omega_{2,n}$  полосы непрозрачности при значении частоты  $(c\pi/l)n$ . Это объясняется отсутствием обратного влияния плоских волн на структуру. Если рассмотрим систему дополнить периодической поверхностью, расположенной в плоскости  $x=D$ , то для гармоник — плоских волн возможно появление поперечных резонансов, когда на расстоянии  $D$  укладывается целое число полувольт, что приводит к реактивному затуханию в полосе  $(c\pi/l)n < \omega < \omega'_{2n}$ . Верхняя граница  $\omega'_{2n}$  определяется величиной  $D$  и соответствует критической частоте для замкнутых волноведущих систем. При этом изменение дисперсионных характеристик показано качественно на рис. 2 пунктиром.

Рассмотрим смещение нижней границы  $\omega_{1,n}$  полосы непрозрачности при изменении геометрии плоской решетки. На рис. 3 представлены зависимости ширины полосы непрозрачности  $\Delta\omega$  от  $d/l$  (при фиксированном  $h$ ) и от  $h/l$  (при неизменном расстоянии между брусками  $d$ ). В предельных случаях  $d/l \rightarrow 0, h/l \rightarrow 0$  ширина  $\Delta\omega \rightarrow 0$ , а частота  $\omega_{1,n} \rightarrow \omega_{2,n}$ , поскольку периодическая поверхность превращается в плоскость, а дисперсионные кривые (см. рис. 1) вырождаются в сетку прямых  $\omega = \pm c(k_z + 2\pi n/l)$ . При  $d/l \rightarrow 1$   $\omega_{1,n}$  стремится к значению для структуры с бесконечно тонкими ламелями. Как показал численный расчет, наименьшее значение  $\omega_1$  достигается при значениях  $d/l \approx 2/3$ . Зависимость  $\Delta\omega$  от  $h/l$  является нарастающей в выбранном интервале значений  $h/l$ , соответствующем малой высоте неоднородности.

В заключение отметим, что изложенный метод определения дисперсии волн пригоден при изучении локального взаимодействия электронного потока и поля у поверхности структур, характерных для устройств релятивистской СВЧ-электроники, таких как многоволновые черенковские генераторы (рис. 1,  $0 < \zeta < 2, 0 < \xi < 1$ ), релятивистские дифракционные генераторы ( $1 < \zeta < 3, 1 < \xi < 2; 2 < \zeta < 4, 2 < \xi < 3$ ) и др.

#### ЛИТЕРАТУРА

- [1] Канавец В. И. // Генераторы и усилители на релятивистских электронных потоках. М., 1987. С. 5. [2] Тараненко Э. И., Трохименко Я. К. Замедляющие системы. Киев, 1965. [3] Шестопалов В. П., Литвиненко Л. Н., Масалов С. А., Сологуб В. Г. Дифракция волн на решетках. Харьков, 1973. [4] Канавец В. И., Слепков А. И., Федоров А. В., Черепнин В. А. // Вестн. Моск. ун-та. Физ. Астрон. 1987. 28, № 5. С. 79.

Поступила в редакцию  
03.05.89