#### АСТРОНОМИЯ

### УДК 550.34.052

### МНОГОКАНАЛЬНЫЙ ОБНАРУЖИТЕЛЬ НИЗКОЧАСТОТНЫХ ГВ-ВСПЛЕСКОВ НА БАЗЕ ЛАЗЕРНОГО ДЕФОРМОГРАФА

А. В. Гусев, В. К. Кравчук

(ГАИШ)

Рассматривается возможность использования лазерного деформографа как приемника низкочастотных ГВ-всплесков при активной фильтрации сейсмических помех в условиях неполной априорной информации.

Геофизическая программа поиска низкочастотных ГВ-всплесков в диапазоне  $f_g \leq 10^{-1}$  Гц не имеет разумной альтернативы [1, 2]. Стимулирующим фактором подобных исследований оказывается благоприятный астрофизический прогноз для величины амплитуды изменений метрики  $h \leq 10^{-16} \div 10^{-17}$  против  $h \leq 10^{-19} \div 10^{-22}$  в килогерцевом диапазоне. Принципиальная возможность подавления микросейсмических низкочастотных шумов приемной системой из N однородных элементов (сейсмометров) основана на различии пространственных спектров случайных полей и акустической волны, генерируемой ГВ-всплеском в длинноволновом приближении [3].

Настоящая работа посвящена анализу помехозащищенности многоканального обнаружителя низкочастотных ГВ-всплесков на основелазерного деформографа с базой *L*.

### 1. Реакция плоской (xy) неоднородной среды ( $y \ge 0$ ) на ГВ-всплеск в длинноволновом приближении

В соответствии с результатами работы [1] компоненты вектора: смещения  $\mathbf{u}(x, y, \boldsymbol{\omega})$  в поле ГВ определяются следующим образом:

$$u_n = z_n + (1/2) h_{mn} x^m, \tag{1}$$

где *z<sub>n</sub>* — решение системы однородных уравнений:

$$-\rho\omega^2 z_n = \partial\sigma_{mn}/\partial x^m \tag{2}$$

с граничными условиями на свободной поверхности y=0: ( $\sigma_{yn}+$ + $\mu h_{yn}$ ) y=0=0.

Здесь использованы следующие обозначения:  $\rho$  — плотность среды;  $\sigma_{mn} = \delta_{mn} \lambda z_{ll} + 2m z_{mn}$  — тензор напряжений,  $\lambda$  и  $\mu$  — параметры. Ламе.

Решение подобной краевой задачи приводит к следующему результату:

$$z_{x} = -(j/k_{t}) k_{xy}, \ z_{y} = -(j/k_{t}) \left[ (1 - 2\sigma)/2 \ (1 - \sigma) \right]^{1/2} h_{yy}, \tag{3}$$

где  $k_t = \omega/v_t$ ,  $v_t = (\mu/\rho)^{\nu_t}$  — скорость поперечной волны,  $\sigma$  — коэффициент Пуассона. В длинноволновом приближении

$$h_{xy} = h_{xy}(j\omega), \ h_{yy} = h_{yy}(j\omega), \ h_{xx} = h_{xx}(j\omega).$$

Пусть  $s(x, 0, j\omega)$  — поверхностная сейсмическая волна. Тогда, принимая во внимание (1), (3), для горизонтальной составляющей вектора смещения  $u_x$  запишем при y=0

$$\mu_{\mathbf{x}}(x, 0, j\omega) = z_{\mathbf{x}}(j\omega) + (1/2) h_{\mathbf{x}\mathbf{x}}(j\omega) + s_{\mathbf{x}}(x, 0, j\omega).$$
(4)

Если  $(x_{1,2}, 0)$  — координаты зеркал лазерного интерферометра с аппаратной функцией (АФ)  $k_0(j\omega)$ , то для выходного сигнала подобного устройства можем записать

$$\xi_{0} = k_{0} \left[ \left( u_{x} \left( x_{2} \right) - u_{x} \left( x_{1} \right) \right] + \eta_{0} = k_{0} \left[ \left( \frac{1}{2} \right) h_{xx} + \left( \frac{\partial s_{x}}{\partial x} \right)_{x} L \right] + \eta_{0}, \tag{5}$$

где  $L = x_2 - x_1$ , и  $\eta_0$  — база и собственные флуктуации интерферометра соответственно.

В дальнейшем предполагаем, что АФ интерферометра известна приближенно:

$$k_0 = \hat{k}_0 + \tilde{k}_0. \tag{6}$$

Здесь использованы следующие обозначения:  $\hat{k}_0(j\omega)$  — ожидаемая **АФ**,  $\tilde{k}_0(j\omega)$  — возможная погрешность в ее определении, априорная информация о которой минимальна:

$$\frac{1}{\pi}\int_{0}^{\infty}|\widetilde{k}_{0}|^{2}d\omega \leqslant \Delta.$$
(7)

Реакция сейсмометров с координатами  $(x_{1,2}, 0)$  на упругую волну (4) может быть представлена в виде [1]

$$\xi_{i} = H_{i} \left[ u_{x}(x_{i}) - \frac{1}{2} h_{xx}x_{i} + s_{x}(x_{i}) \right] + \eta_{i} = k_{i} \left[ -\frac{i}{k_{i}} h_{xy} + s_{x}(x_{i}) \right] + \eta_{i},$$
  

$$i = 1, 2, \qquad (8)$$

где  $k_i(j\omega)$  — АФ сейсмометров,  $\eta_i$  — их внутренние флуктуации. С целью упрощения АФ  $k_{1,2}(j\omega)$  предполагаем известными.

# 2. Активная фильтрация сейсмических помех в многоканальном приемном устройстве

Анализ выходных откликов лазерного деформографа (5) и сейсмометров (8) показывает, что при коррелированных шумовых составляющих, обусловленных поверхностной сейсмической волной, сигнальные компоненты принципиально различны:  $\xi_0 \sim h_{xx}$ ,  $\xi_i \sim h_{xy}$  при i=1,2. Это позволяет осуществить активную фильтрацию мощных сейсмических помех на выходе лазерного деформографа, используя выходные отклики сейсмометров в качестве «обучаемого» генератора помехи. Действительно, из (8), (5) при инверсной фильтрации имеем

$$k_{i}^{-1}\xi_{i} = -\frac{j}{k_{i}}h_{xy} + s_{x}(x_{i}) + f_{i}, \quad i = 1, 2,$$

$$\hat{k}_{0}\xi_{0} \approx (1 + \hat{k}_{0}^{-1}\tilde{k}_{0})\left(\frac{\partial s_{x}}{\partial x}\right)_{x_{1}}L + \frac{1}{2}h_{xx}L + f_{0},$$
(9)

где  $f_0 = \hat{k}_0^{-1} \eta_0$ ,  $f_{1,2} = k_{1,2}^{-1} \eta_{1,2}$ — внутренние шумы отдельных элементов приемной системы, пересчитанные ко входу. Интенсивность этих флуктуаций предполагается малой.

Из (9) находим

$$k_{1}^{-1}\xi_{1} - k_{2}^{-1}\xi_{2} + \hat{k}_{0}^{-1}\xi_{0} = F \approx \left[\frac{1}{2}h_{xx} + \hat{k}_{0}^{-1}\tilde{k}_{0}\left(\frac{\partial s_{x}}{\partial x}\right)_{x_{1}}\right]L + (f_{0} + f_{1} - f_{2}).$$
(10)

79



Левая часть соотношения (10) определяет алгоритм обработки выходных данных в (5), (8) в многоканальном приемном устройстве (МПУ), блок-схема которого приведена на рисунке, где РУ — решающее устройство. 3. Оценка помехозащищенно-

# сти многоканального приемного устройства

При расчете предельной разрешающей способности приемной системы из трех элементов (лазерный деформограф и два сей-

смометра) рассмотрим две предельные ситуации.

1. АФ лазерного деформографа точно известна,  $\Delta = 0$ . Из (10) при  $\tilde{k}_0 = 0$  находим

$$F_1 \approx \frac{1}{2} h_{xx} L + (f_0 + f_1 - f_2). \tag{11}$$

Таким образом, в ситуации 1 разрешающая способность МПУ зависит только от интенсивности достаточно слабых внутренних флуктуаций отдельных элементов. При широкополосных сторонних источниках шума в (11) потенциальную чувствительность МПУ можно выразить через разрешающую способность отдельных элементов приемной системы  $\delta_i$  (см  $\cdot \Gamma q^{-4}$ ):

$$h_{\min} \ge 2 \left[ \frac{2}{\widehat{\tau}} \sum_{i=0}^{3} \in \left[ \left( \delta_i \frac{1}{L} \right)^2 \right]^{1/2}, \tag{12}$$

где є<sub>і</sub> — символ Неймана, т — длительность ГВ-всплеска.

Основным источником шума в лазерном деформографе оказывается нестабильность частоты накачки  $\omega_0: f_0 \approx L(\Delta \omega / \omega_0)$ . Тогда  $(\delta_0/L)^2 \approx N_{\omega}(\omega_g) \omega_0^{-2}$ , где  $N_{\omega}(\omega)$  — энергетический спектр технических флуктуаций частоты [4]:  $N_{\omega} \approx A[(\omega / \omega_0)^{\dagger} \omega_0]^{-1}$ , A и  $\gamma$  — характерные параметрые фликкерных шумов.

Близкие к (12) результаты дает расчет разрешающей способности активных сейсмометров типа модулятор—демодулятор, где основным источником шума оказываются флуктуации параметра реактивного элемента — переменной емкости [5].

2. Противоположная ситуация: f<sub>i</sub>=0, Δ≠0 — доминирует специфическая мультипликативная помеха, обусловленная отсутствием необходимой априорной информации о АФ интерферометра:

$$F_2 = \left[\frac{1}{2}h_{xx} + \widehat{k}_0^{-1}\widetilde{k}\left(\frac{\partial s_x}{\partial x}\right)_{x_1}\right]L.$$

При известной зависимости  $\tilde{k}$  от частоты  $\omega$  отношение сигнал/шум при оптимальной фильтрации дается формулой [6]:

$$\frac{S}{N} = \frac{1}{\pi} \int_{0}^{\infty} \frac{(1/2)^2 |h_{xx}|^2 d\omega |\hat{k}_0|^2}{|\hat{k}|^2 N_x}, \qquad (13)$$

где  $N_x = \left\langle \left| \left( \frac{\partial s_x}{\partial x} \right)_{x_i} \right|^2 \right\rangle$  — энергетический спектр упругой волны деформации (в символической записи). Задача минимального обнаружения полезного сигнала в МПУ при отсутствии точной априорной информации о АФ интерферометра состоит в отыскании минимума функционала (13), как целевой функции,

при дополнительном условии  $\frac{1}{\pi}\int |\tilde{k}_0|^2 d\omega = \Delta.$ 

Используя метод неопределенных коэффициентов Лагранжа [7], можем получить

$$\left(\frac{S}{N}\right)_{\min\max} \approx \frac{1}{\Delta} \left[\frac{1}{2\pi} \int_{0}^{\infty} \frac{|h_{xx}\hat{k}_{0}|d\omega}{N_{x}^{1/2}}\right]^{2}.$$
(14)

АФ двухлучевого интерферометра Майкельсона может быть записана в виде  $\hat{k}_0 = 2\pi\lambda_0^{-1}\Gamma$ , где  $\lambda_0 = 2\pi c/\omega_0$  — длина волны накачки, c скорость света,  $\Gamma = \Gamma(j\omega)$  — АФ системы регистрации. Тогда из (14) для широкополосных помех при  $|\Gamma| = 1$  находим

$$(S/N)_{\min\max} \approx (h_0/\lambda_0)^2 \left[\Delta N_{\star}(\omega_g)\right]^{-1}.$$
(15)

При съеме полезной информации только с интерферометра отношение сигнал/шум в соответствии с (5) при  $\eta_0=0$  равно

$$(S/N)_{0} = \frac{1}{\pi} \int_{0}^{\infty} \frac{(1/2)^{2} |h_{xx}|^{2} d\omega}{N_{x}} \approx \frac{1}{8\pi} h_{0}^{2} \widehat{\tau} N_{x}^{-1} (\omega_{g}).$$
(16)

Сравнение полученных формул (15) и (16) позволяет определить выигрыш в чувствительности МПУ по сравнению с одноканальной схемой на основе лазерного деформографа:

$$q = \frac{(S/N)_{\min\max}}{(S/N)_0} \approx 8\pi \left(\lambda_0^2 \widehat{\tau} \Delta\right)^{-1}.$$
 (17)

### 4. Выводы

1. Использование многоканальной приемной системы из трех элементов (лазерный деформограф и два сейсмометра) при сейсмографическом детектировании низкочастотных ГВ-всплесков позволяет значительно ослабить влияние мощных поверхностных сейсмических помех на чувствительность. Коэффициент подавления q зависит от погрешности в определении АФ интерферометра с базой  $L \approx 100$  м (15). В пределе достижимая чувствительность определяется только разрешающей способностью отдельных элементов (12).

2. Важным преимуществом подобной приемной системы по сравнению с приемной системой из *n* однородных элементов — сейсмометров [3] — оказывается независимость разрешающей способности МПУ от АФ упругой среды и априорной информации об источниках сейсмических помех.

## ЛИТЕРАТУРА

[1] Ashby N., Dreitlein J.//Phys. Rev. 1975. D12, N 2. P. 336. [2] Брагинский В. Б., Гусев А. В., Митрофанов В. П., Руденко В. Н.//УФН. 1985. 147. С. 4227. [3] Gusev A. V., Кгаvсhuk V. К., Rudenko V. N.//Nuovo Cim. 1990. N. 6. P. 1221. [4] Малахов А. Н. Флуктуации в автоколебательных системах. М., 1974 [5] Гусев А. В., Кравчук В. К., Рытик И. Ф.//Вестн. Моск. ун-та. Физ. Астрон. 1990. 31, № 2. С. 38. [6] Тихонов В. И. Оптимальный прием сигналов. М., 1983. [7] Корн Г., Корн Т. Справочник по математике. М., 1978.

Поступила в редакцию 25.06.91.