

где

$$\Phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_x^\infty \exp\left\{-\frac{\xi^2}{2}\right\} d\xi$$

— интеграл ошибок. В нашем случае аргумент функции $\Phi(x)$ стремится к бесконечности:

$$\lim_{\sigma_2 \rightarrow 0} \frac{E_2 - \varepsilon_1}{\sigma_2} = \lim_{\sigma_2 \rightarrow 0} \frac{\varepsilon_2 - E_2}{\sigma_2} \rightarrow \infty.$$

Интеграл ошибок $\Phi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ можно аппроксимировать выражением

$$\Phi(x) \simeq \frac{1}{x\sqrt{2\pi}} \exp\left\{-\frac{x^2}{2}\right\}.$$

Учитывая это и вводя обозначения

$$\Delta \equiv \frac{E_2 - E_1}{\sigma_1}, \quad \delta \equiv \frac{\sigma_2}{\sigma_1} \ll 1,$$

из (8) получим

$$\begin{aligned} P_{12} &= p_2 \left[\Phi\left(\frac{-\Delta\delta + \sqrt{\Delta^2 + 2\ln[p_2/(p_1\delta)]}(1-\delta^2)}{1-\delta^2}\right) + \right. \\ &\quad \left. + \Phi\left(\frac{\Delta\delta + \sqrt{\Delta^2 + 2\ln[p_2/(p_1\delta)]}(1-\delta^2)}{1-\delta^2}\right) \right] \simeq \\ &\simeq 2p_2\Phi\left(\sqrt{\Delta^2 + 2\ln[p_2/(p_1\delta)]}\right) \simeq \\ &\simeq \sqrt{\frac{2}{\pi}} \exp\left\{-\frac{\Delta^2}{2}\right\} p_1\delta \frac{1}{\sqrt{2\ln[p_2/(p_1\delta)] + \Delta^2}}. \end{aligned} \quad (9)$$

Формулу (5) для вероятности ошибки P_{21} тоже можно упростить. Так как $\sigma_2 \ll \sigma_1$, то функция $p_1 w(E|E_1)$ в промежутке от ε_1 до ε_2 меняется слабо, поэтому можно записать

$$\begin{aligned} P_{21} &= p_1 \int_{\varepsilon_1}^{\varepsilon_2} w(E|E_1) dE \simeq \\ &\simeq \frac{p_1}{\sqrt{2\pi}\sigma_1} \exp\left\{-\frac{(E_2 - E_1)^2}{2\sigma_1^2}\right\} (\varepsilon_2 - \varepsilon_1) = \\ &= \frac{p_1}{\sqrt{2\pi}} \exp\left\{-\frac{\Delta^2}{2}\right\} \frac{2\sigma_1\delta}{1-\delta^2} \sqrt{\Delta^2 + 2(1-\delta^2)\ln[p_2/(p_1\delta)]} \simeq \\ &\simeq \sqrt{\frac{2}{\pi}} \exp\left\{-\frac{\Delta^2}{2}\right\} p_1\delta \sqrt{2\ln[p_2/(p_1\delta)] + \Delta^2}. \end{aligned} \quad (10)$$

Видно, что формулы (9) и (10) совпадают с формулами (6) и (7).

Литература

1. Haroche S., Raimond J.-M. // Phys. Today. 1996. **51**. P. 51.
2. Braginsky V.B., Khalili F.Ya. Quantum Measurement / Ed. K. S. Thorne. Cambridge University Press, 1992.
3. Braginsky V.B., Khalili F.Ya. // Rev. Mod. Phys. 1996. **68**, No. 1. P. 1.
4. Брагинский В.Б. Физические эксперименты с пробными телами. М.: Наука, 1970.

Поступила в редакцию
24.06.98

АТОМНАЯ И ЯДЕРНАЯ ФИЗИКА

УДК 530.145

ВЫЧИСЛЕНИЕ ПОЛНОГО СЕЧЕНИЯ ВЫСОКОЭНЕРГЕТИЧЕСКОГО РАССЕЯНИЯ ИОНА НА АТОМЕ В ЭЙКОНАЛЬНОМ ПРИБЛИЖЕНИИ

В. А. Билык^{*)}, В. Л. Шаблов^{*)}, Ю. В. Попов

(НИИЯФ)

Предложен вариант расчета полных сечений ион-атомных столкновений с помощью оптической теоремы. Трудности, возникающие при проведении подобных расчетов в эйкональном приближении, связанные с бесконечностью амплитуды упругого рассеяния на нулевой угол, устранены путем явного учета многочастичного характера процесса столкновения.

Как известно, эйкональное приближение в традиционной форме [1] может быть применено для расчета амплитуд упругого рассеяния и мягко неупругих процессов, когда составляющей переданного импульса, параллельной импульсу налетающей частицы, можно пренебречь. Однако в случае столкновения заряженного фрагмента с нейтральным атомом амплитуда упругого рассеяния, полученная в рамках эйконального приближения, не может использоваться для расчета полного сечения на основе оптической теоремы, поскольку эйкональная упругая амплитуда

рассеяния на нулевой угол в этом случае бесконечна [2].

Указанную трудность можно преодолеть, используя модификацию эйконального приближения, в которой явно учитывается многочастичный характер столкновения. Обозначая канал рассеяния, отвечающий рассеянию быстрой частицы на связанной системе α , тем же индексом, запишем для волновой функции рассеяния $|\Psi_\alpha^+(\mathbf{k}_\alpha)\rangle$ уравнение Липпмана–Швингера:

$$|\Psi_\alpha^+(\mathbf{k}_\alpha)\rangle = |\Phi_\alpha \mathbf{k}_\alpha\rangle + \hat{G}_\alpha(E_\alpha + i0)V^\alpha |\Psi_\alpha^+(\mathbf{k}_\alpha)\rangle, \quad (1)$$

^{*)} Обнинский институт атомной энергетики, г. Обнинск.

где $|\Phi_\alpha\rangle$ — волновая функция связанной системы, $\hat{G}_\alpha(Z)$ — канальная функция Грина, $E_\alpha = k_\alpha^2/2n_\alpha - \varepsilon_\alpha$ ($k_\alpha = n_\alpha v$, v — относительная скорость столкновения), $(-\varepsilon_\alpha)$ — энергия начального состояния атома мишени. Решим уравнение (1) приближенно, используя для канальной функции $\hat{G}_\alpha(Z)$ аппроксимацию вида [3]

$$\hat{G}_\alpha(E_\alpha + i0) \approx (E_\alpha - \bar{\varepsilon} - \frac{\hat{p}_\alpha^2}{2n_\alpha} + i0)^{-1}, \quad (2)$$

где $\bar{\varepsilon}$ — некий средний потенциал ионизации подсистемы α (приближение Джоашена). Традиционный вариант эйконоального приближения получается из (2) при $\bar{\varepsilon} = 0$. Записывая (2) в эйконоальном приближении, получим

$$\langle \mathbf{r}, \mathbf{R} | \Psi_\alpha^+(\mathbf{k}_\alpha) \rangle = (2\pi)^{-3/2} \exp(i\mathbf{k}_\alpha \mathbf{r}) \Phi_\alpha(\mathbf{R}) F(\mathbf{r}, \mathbf{R}) \quad (3)$$

($\mathbf{r} = (\mathbf{b}, z)$ — координата налетающей частицы относительно центра масс частицы-мишени), где функция F удовлетворяет уравнению

$$F(\mathbf{b}, z, \mathbf{R}) = 1 + \frac{n_\alpha}{ik_\alpha} \times \int_{-\infty}^z dz' \exp(-i\Delta(z-z')) V^\alpha(\mathbf{b}, z', \mathbf{R}) F(\mathbf{b}, z', \mathbf{R}). \quad (4)$$

В (3), (4) через $\mathbf{R} = \{\mathbf{r}_j\}$ обозначен набор радиус-векторов положения атомных электронов относительно ядра. Параметр Δ равен

$$\Delta = k_\alpha - \sqrt{2n_\alpha \left(\frac{k_\alpha^2}{2n_\alpha} - \bar{\varepsilon} \right)} \approx \frac{n_\alpha \bar{\varepsilon}}{k_\alpha} = \frac{\bar{\varepsilon}}{v}$$

и в условиях применимости метода (см. далее) может считаться малым. Решение уравнения (4), удовлетворяющее очевидному начальному условию $\lim_{z \rightarrow -\infty} F(\mathbf{b}, z, \mathbf{R}) = 1$ и получаемое путем сведения его к дифференциальному уравнению первого порядка, имеет вид

$$F(z) = 1 + \frac{n_\alpha}{ik_\alpha} \exp(-i\Delta z) \times \int_{-\infty}^z dz' \exp(i\Delta z') V^\alpha(z') \exp \left\{ \frac{in_\alpha}{k_\alpha} \int_{z'}^z dz'' V^\alpha(z'') \right\}, \quad (5)$$

где для краткости опущены все переменные, кроме z .

Решение (5) позволяет построить теперь выражения для амплитуд реакций в системе. Например, амплитуда упругого рассеяния имеет вид

$$t(\mathbf{q}) = (2\pi)^{-3} \int d\mathbf{R} \int d\mathbf{r} \exp(i\mathbf{q}\mathbf{r}) V^\alpha(\mathbf{r}, \mathbf{R}) \times \left[1 + \frac{n_\alpha}{ik_\alpha} \exp(-i\Delta z) \int_{-\infty}^z dz' \exp(i\Delta z') V^\alpha(\mathbf{b}, z', \mathbf{R}) \times \right.$$

$$\left. \times \exp \left\{ \frac{n_\alpha}{ik_\alpha} \int_{z'}^z dz'' V^\alpha(\mathbf{b}, z'', \mathbf{R}) \right\} \right] |\Phi_\alpha(\mathbf{R})|^2, \quad (6)$$

где $\mathbf{q}$ — переданный импульс.

Сохранение в (6) величины $\Delta \sim v^{-1}$, как будет показано ниже, может приводить к появлению в сечении членов типа $\ln \Delta$. Если же сразу положить $\Delta = 0$, получится известное выражение для амплитуды рассеяния в эйконоальном приближении, которое в случае рассеяния иона на атоме приводит к бесконечному значению амплитуды при нулевом угле.

Поскольку

$$\operatorname{Re} \int_{-\infty}^{\infty} dz f(z) \int_{-\infty}^z dz' f^*(z') = \frac{1}{2} \left| \int_{-\infty}^{\infty} dz f(z) \right|^2,$$

то для полного сечения можно получить формулу вида

$$\sigma_{\text{tot}} = -\frac{2(2\pi)^3 n_\alpha}{k_\alpha} \operatorname{Im} t(\mathbf{q} = 0) = \quad (7)$$

$$= \left(\frac{n_\alpha}{k_\alpha} \right)^2 \int d\mathbf{R} |\Phi_\alpha(\mathbf{R})|^2 \int d\mathbf{b} |W(\mathbf{b}, \mathbf{R})|^2,$$

где $W(\mathbf{b}, \mathbf{R}) = \int_{-\infty}^{\infty} dz \exp(-i\Delta z) V^\alpha(\mathbf{b}, z, \mathbf{R}) \times$

$\times \exp \left\{ \frac{n_\alpha}{ik_\alpha} \int_{-\infty}^z dz' V^\alpha(\mathbf{b}, z', \mathbf{R}) \right\}$. Отметим, что эйконоальная экспонента в выражении для $W(\mathbf{b}, \mathbf{R})$, в отличие от $\exp(-i\Delta z)$, не влияет на сходимость интегралов в формуле (7).

Чтобы выделить в (7) член, лидирующий по $1/v$, проинтегрируем выражение для $W(\mathbf{b}, \mathbf{R})$ по частям, вводя в рассмотрение функцию $Y(\mathbf{b}, z, \mathbf{R}) = \int_{-\infty}^z dz' \exp(-i\Delta z') V^\alpha(\mathbf{b}, z', \mathbf{R})$. Тогда

$$W(\mathbf{b}, \mathbf{R}) = Y(\mathbf{b}, \infty, \mathbf{R}) \exp \left\{ \frac{n_\alpha}{ik_\alpha} \int_{-\infty}^{\infty} dz V^\alpha(\mathbf{b}, z, \mathbf{R}) \right\} + \frac{n_\alpha}{ik_\alpha} \int_{-\infty}^{\infty} dz V^\alpha(\mathbf{b}, z, \mathbf{R}) Y(\mathbf{b}, z, \mathbf{R}) \times \exp \left\{ \frac{n_\alpha}{ik_\alpha} \int_{-\infty}^z dz' V^\alpha(\mathbf{b}, z', \mathbf{R}) \right\}.$$

Последнее соотношение показывает, что в случае рассеяния бесструктурной заряженной частицы на нейтральном атоме лидирующий по $1/v$ член асимптотического разложения полного сечения по-прежнему определяется формулой (7), в которой функция $W(\mathbf{b}, \mathbf{R})$ заменена на

$$Y(\mathbf{b}; \mathbf{R}) = 2Q \left(NK_0(\Delta b) - \sum_{j=1}^N K_0(\Delta |\mathbf{b} - \mathbf{b}_j|) \exp(-i\Delta z_j) \right), \quad (8)$$

где Q — заряд налетающей частицы, N — число электронов атома-мишени, а $K_\nu(x)$ — функции Макдональда. Используя соотношения

$$\int d\mathbf{b} K_0^2(\Delta b) = \frac{\pi}{\Delta^2},$$

$$\int d\mathbf{b} K_0(\Delta b) K_0(\Delta |\mathbf{b} - \mathbf{b}_1|) = \frac{\pi}{\Delta} b_1 K_1(\Delta b_1)$$

и учитывая поведение функции Макдональда $K_1(x)$ при $x \rightarrow 0$,

$$K_1(x) \sim \frac{1}{x} + \frac{x}{2} \ln \frac{x}{2} - \frac{x}{4} (\psi(2) + \psi(1)),$$

где $\psi(x)$ — пси-функция, получаем в пределе больших скоростей столкновения ($\Delta \rightarrow 0$)

$$\sigma_{\text{tot}} = \frac{4\pi Q^2}{v^2} \left(a \ln \frac{1}{\Delta} + b \right). \quad (9)$$

Коэффициенты a и b задаются соотношениями

$$a = \langle \Phi_\alpha | \mathbf{d}_-^2 | \Phi_\alpha \rangle,$$

$$b = N^2 \int d\mathbf{b} \rho(\mathbf{b}) b^2 \left(\frac{1}{2} + \psi(1) - \ln \frac{b}{2} \right) -$$

$$- \frac{1}{2} N(N-1) \int d\mathbf{b}_1 \int d\mathbf{b}_2 f(\mathbf{b}_1, \mathbf{b}_2) \times \quad (10)$$

$$\times \left(\frac{1}{2} + \psi(1) - \ln \frac{|\mathbf{b}_1 - \mathbf{b}_2|}{2} \right),$$

где $\mathbf{d}_-$ есть проекция вектора дипольного момента атома на плоскость, перпендикулярную вектору $\mathbf{k}_\alpha$. В (10) введены следующие обозначения:

$$\rho(\mathbf{b}_1) = \int_{-\infty}^{\infty} dz_1 \int d\mathbf{r}_2 \dots \int d\mathbf{r}_N |\Phi_\alpha(\mathbf{r}_1, \dots, \mathbf{r}_N)|^2,$$

$$f(\mathbf{b}_1, \mathbf{b}_2) = \int_{-\infty}^{\infty} dz_1 \int_{-\infty}^{\infty} dz_2 \int d\mathbf{r}_3 \dots$$

$$\dots \int d\mathbf{r}_N |\Phi_\alpha(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \dots, \mathbf{r}_N)|^2.$$

Постоянная b несет в себе информацию о корреляционных эффектах в атоме-мишени. В последних соотношениях, следуя методике выделения лидирующего по $1/v$ члена асимптотического разложения, опущен экспоненциальный множитель $\exp(-i\Delta z_j)$, фигурирующий в (8).

Полученный результат (9)–(10) напоминает выражение для полного сечения рассеяния в первом борновском приближении. Этот факт не удивителен, поскольку в рассматриваемой ситуации условия применимости первого борновского и эйконального приближений совпадают: $v \gg N$ [4]. Однако при этом необходимо иметь в виду следующие два обстоятельства. Во-первых, с точки зрения строгой теории

многочастичного кулоновского рассеяния выражение для амплитуды процесса ионизации в первом борновском приближении не корректно, так как оно не содержит необходимых кулоновских сингулярностей [5–6]. Полученный результат показывает, что, как и в случае рассеяния частицы на кулоновском потенциале, отсутствие этих сингулярностей в амплитуде первого борновского приближения не влияет (или слабо влияет) на величину сечения рассеяния. Во-вторых, в (9)–(10) явно выписана поправка к члену с $\ln v$, т. е. в этих формулах полностью учтены переходы всех мультипольностей.

Для рассеяния заряженной частицы на атоме водорода формула для полного сечения приобретает вид

$$\sigma_{\text{tot}} = \frac{8\pi}{v^2} \left(-\ln \frac{\Delta}{2} - \frac{3}{4} \right). \quad (11)$$

Записывая средний потенциал ионизации атома водорода в виде $(1/2)\beta$ (а. е.) с $\beta \approx 1$, получим окончательную формулу для полного сечения с логарифмической по скорости столкновения точностью:

$$\sigma_{\text{tot}} = \frac{8\pi}{v^2} \left(\ln v - \ln \beta + \ln 4 - \frac{3}{4} \right).$$

Проведенные выше вычисления показывают, что эйкональное приближение может использоваться для расчета полного сечения рассеяния заряженной частицы на атоме при больших энергиях столкновения. Недостатком этих расчетов является присутствие в формулах для сечений величины средней энергии ионизации сложной мишени $\bar{\epsilon}$, которая по существу является подгоночным параметром. Обойти эту трудность можно, применяя вместо приближения Джоаннана более аккуратный подход с использованием поляризационного потенциала взаимодействия в системе атом – налетающий ион (электрон).

Запишем для упругой компоненты разложения волновой функции системы по состояниям мишени $|\Psi_{\text{el}}^+(\mathbf{k}_\alpha)\rangle$ уравнение [7]

$$|\Psi_{\text{el}}^+(\mathbf{k}_\alpha)\rangle = |\mathbf{k}_\alpha\rangle + g_0 \left(\frac{k_\alpha^2}{2n_\alpha} + i0 \right) V_{\text{eff}} |\Psi_{\text{el}}^+(\mathbf{k}_\alpha)\rangle, \quad (12)$$

где $g_0(Z) = (Z - \hat{p}^2/2n_\alpha)^{-1}$, а статическая и поляризационная части оптического потенциала V_{eff} имеют вид [5]

$$V_{\text{st}} = \langle \Phi_\alpha | V^\alpha | \Phi_\alpha \rangle,$$

$$V_{\text{pol}} = \langle \Phi_\alpha | V^\alpha \left[\left(I - \hat{G}_\alpha(E_\alpha + i0) \hat{Q} V^\alpha \right)^{-1} - I \right] | \Phi_\alpha \rangle.$$

Здесь $\hat{Q} = I - \hat{P}$, $\hat{P} = |\Phi_\alpha\rangle\langle\Phi_\alpha|$.

При высоких энергиях столкновения уравнение (12) можно решать в эйкональном приближении, как и ранее, сохраняя во всех соотношениях только лидирующие по $1/v$ члены. Учитывая, что влияние

поляризационного потенциала в этом случае мало, приближенное решение можно представить в виде

$$\langle \mathbf{r} | \Psi_{\text{el}}^+(\mathbf{k}_\alpha) \rangle \approx (2\pi)^{-3/2} \exp(i\mathbf{k}_\alpha \mathbf{r}) \times \\ \times \exp \left\{ \frac{n_\alpha}{ik_\alpha} \int_{-\infty}^z dz' V_{\text{st}}(\mathbf{b}, z') \right\},$$

где $\mathbf{r} = (\mathbf{b}, z)$. Подставляя этот результат в (12) и вычисля координатную асимптотику волновой функции, найдем приближенное выражение для амплитуды рассеяния:

$$t_{\text{el}}(\mathbf{p}, \mathbf{k}_\alpha) = t_{\text{st}}(\mathbf{q}) + \langle \mathbf{p} | V_{\text{pol}} | \Psi_{\text{el}}^+(\mathbf{k}_\alpha) \rangle,$$

где

$$t_{\text{st}}(\mathbf{q}) = (2\pi)^{-3/2} \int d\mathbf{r} \exp(i\mathbf{q}\mathbf{r}) V_{\text{st}}(\mathbf{b}, z) \times \\ \times \exp \left\{ \frac{n_\alpha}{ik_\alpha} \int_{-\infty}^z dz' V_{\text{st}}(\mathbf{b}, z') \right\}$$

и $\mathbf{q} = \mathbf{k}_\alpha - \mathbf{p}$ — переданный импульс.

Поскольку величина $\text{Im } t_{\text{st}}(\mathbf{q} = 0)$ не содержит логарифмических членов, то полное сечение столкновения при высоких энергиях в основном определяется свойствами поляризационного потенциала. К тому же вклад от $\text{Im } t_{\text{st}}(\mathbf{q} = 0)$ в пределе больших скоростей столкновения полностью компенсируется вкладом от части поляризационного потенциала, содержащей проектор $\hat{\mathbf{P}}$:

$$V_{\text{pol}} \sim \langle \Phi_\alpha | V^\alpha \hat{G}_\alpha(E_\alpha + i0) \hat{\mathbf{Q}} V^\alpha | \Phi_\alpha \rangle.$$

Используем для $\hat{G}_\alpha(Z)$ разложение по состояниям мишени:

$$\hat{G}_\alpha(Z) = \sum_i \frac{|\varphi_{\alpha i}\rangle \langle \varphi_{\alpha i}|}{Z - \varepsilon_{\alpha i} - \hat{p}_\alpha^2/2n_\alpha},$$

где $\{|\varphi_{\alpha i}\rangle\}$ — полный ортонормированный набор состояний атома-мишени, $(-\varepsilon_{\alpha i})$ — соответствующие им энергии, причем $|\Phi_\alpha\rangle \equiv |\varphi_{\alpha 0}\rangle$, $\varepsilon_\alpha \equiv \varepsilon_{\alpha 0}$. Подставляя это разложение в выражение для V_{pol} , найдем:

$$\text{Im } t_{\text{el}}(\mathbf{k}_\alpha, \mathbf{k}_\alpha) = -(2\pi)^{-3} \frac{n_\alpha}{2k_\alpha} \times \\ \times \sum_i \int d\mathbf{R} \int d\mathbf{R}' \Phi_\alpha^*(\mathbf{R}) \varphi_{\alpha i}(\mathbf{R}) \Phi_\alpha(\mathbf{R}') \varphi_{\alpha i}^*(\mathbf{R}') \times \\ \times \int d\mathbf{b} W_i(\mathbf{b}; \mathbf{R}) W_i^*(\mathbf{b}; \mathbf{R}'),$$

где $W_i(\mathbf{b}; \mathbf{R}) = \int_{-\infty}^{\infty} dz \exp(-i\Delta_i z) V^\alpha(z, \mathbf{b}; \mathbf{R})$, $\Delta_i = |\varepsilon_\alpha - \varepsilon_{\alpha i}|/v$.

В случае рассеяния бесструктурной заряженной частицы на нейтральном атоме, когда

$$W_i(\mathbf{b}; \mathbf{R}) = \\ = 2Q \left(N K_0(\Delta_i b) - \sum_{j=1}^N K_0(\Delta_i |\mathbf{b} - \mathbf{b}_j|) \exp(-i\Delta_i z_j) \right), \quad (13)$$

для полного сечения получим

$$\sigma_{\text{tot}} = \frac{4\pi Q^2}{v^2} (a \ln 2v + b). \quad (14)$$

Коэффициенты a и b имеют вид

$$a = \langle \Phi_\alpha | \mathbf{d}_-^2 | \Phi_\alpha \rangle, \\ b = \frac{1}{2} N^2 (\psi(2) + \psi(1)) \int d\mathbf{b} \rho_{00}(\mathbf{b}) b^2 - \\ - N \int d\mathbf{b} \rho_{00}(\mathbf{b}) b^2 \ln b - \frac{1}{2} N(N-1) \times \\ \times \int d\mathbf{b}_1 \int d\mathbf{b}_2 f_{00}(\mathbf{b}_1, \mathbf{b}_2) |\mathbf{b}_1 - \mathbf{b}_2|^2 \ln |\mathbf{b}_1 - \mathbf{b}_2| + \\ + N^2 \sum_{i \neq 0} \ln \varepsilon_{\alpha i} \int d\mathbf{b}_1 \int d\mathbf{b}_2 \rho_{0i}(\mathbf{b}_1) \rho_{0i}^*(\mathbf{b}_2) |\mathbf{b}_1 - \mathbf{b}_2|^2. \quad (15)$$

Функции $\rho_{0i}(\mathbf{b}_1)$ и $f_{0i}(\mathbf{b}_1, \mathbf{b}_2)$ определены согласно равенствам

$$\rho_{0i}(\mathbf{b}_1) = \int_{-\infty}^{\infty} dz_1 \int d\mathbf{r}_2 \dots \\ \dots \int d\mathbf{r}_N \Phi_\alpha(\mathbf{r}_1, \dots, \mathbf{r}_N) \varphi_{\alpha i}^*(\mathbf{r}_1, \dots, \mathbf{r}_N), \\ f_{0i}(\mathbf{b}_1, \mathbf{b}_2) = \int_{-\infty}^{\infty} dz_1 \int_{-\infty}^{\infty} dz_2 \int d\mathbf{r}_3 \dots \\ \dots \int d\mathbf{r}_N \Phi_\alpha(\mathbf{r}_1, \dots, \mathbf{r}_N) \varphi_{\alpha i}^*(\mathbf{r}_1, \dots, \mathbf{r}_N).$$

Сопоставление формул (15), (16) и (9), (10) дает возможность вычислить постоянную $\bar{\varepsilon}$ в приближении Джоашена, которая, как и предполагалось, оказывается не зависящей от энергии.

Заметим, наконец, что формулу, аналогичную (15), можно получить для рассеяния заряженного атомного остатка на атоме и для столкновения двух атомов, причем, как и следовало ожидать, в первом случае выражение для сечения отличается от (15) лишь константой b , а во втором случае отсутствует логарифмическое слагаемое.

Литература

1. Ситенко А.Г. Ядерные реакции. М.: Энергоатомиздат, 1983.
2. Thomas B.K., Gerjuoy E. // J. Math. Phys. 1971. 12. P. 1567.

3. Joachain C.J. Quantum Collision Theory. New York: North Holland, 1975.
4. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Квантовая механика. М.: Наука, 1984.
5. Меркурьев С.П., Фаддеев Л.Д. Квантовая теория рассеяния для систем нескольких частиц. М.: Наука, 1985.

6. Комаров В.В., Попова А.М., Шаблов В.Л. Динамика нескольких квантовых частиц. М.: Изд-во Моск. ун-та, 1996.
7. Тейлор Дж. Теория рассеяния. М.: Мир, 1969.

Поступила в редакцию
15.12.97

УДК 539.12

ЭФФЕКТЫ ВЗАИМОДЕЙСТВИЙ В НАЧАЛЬНОМ И КОНЕЧНОМ СОСТОЯНИЯХ В ПРОЦЕССАХ РОЖДЕНИЯ ЧАСТИЦ $\pi^- \Delta^{++}$ НА ПРОТОНЕ РЕАЛЬНЫМИ И ВИРТУАЛЬНЫМИ ФОТОНАМИ

Е. Н. Головач, В. С. Замиралов, Б. С. Ишханов, В. И. Мокеев, М. В. Осипенко,
Д. А. Родионов, Г. В. Федотов, М. Батгальери^{*)}, А. Лонги^{*)}, Дж. Рико^{*)},
М. Рипани^{*)}, М. Таиути^{*)}

(НИИЯФ)

Проведен анализ эффектов поглощения в начальном и конечном состояниях в реакции $\gamma p \rightarrow \pi^- \Delta^{++}$ с реальными и виртуальными фотонами. Параметры поглощения получены из условия наилучшего воспроизведения экспериментальных данных.

Введение

Процессы рождения пар пионов на протоне реальными и виртуальными фотонами могут эффективно использоваться для исследования структуры нуклонных резонансов с массами свыше 1,5 ГэВ, а также для поиска missing-резонансов, предсказываемых конституентными кварковыми моделями, но не обнаруженных в эксперименте. Измерения эксклюзивных ($e, e' \pi^+ \pi^- p$)- и ($\gamma, \pi^+ \pi^- p$)-сечений являются важной частью обширной программы изучения нуклонных резонансов, осуществляемой международной коллаборацией CLAS в TJNAF [1–3].

В работах [1, 4] развита модель описания процессов рождения пар пионов на протоне реальными и виртуальными фотонами, позволяющая из экспериментальных данных по эксклюзивным сечениям этих процессов определить электромагнитные форм-факторы нуклонных резонансов, возбуждаемых во взаимодействии фотонов с протоном. Используется феноменологический подход, в котором параметризуются основные механизмы рождения пар пионов, а параметры определяются из всей совокупности данных, полученных в экспериментах на пучках фотонов и адронов.

Рождение пар пионов на протоне описывается совокупностью двух квазидвухчастичных механизмов:

$$\begin{aligned} \gamma_{r,v} p &\rightarrow \pi^- \Delta^{++}, \\ \gamma_{r,v} p &\rightarrow \rho^0 p \end{aligned} \quad (1)$$

и фазового объема.

При описании реакции (1) важную роль играют эффекты взаимодействия в начальном и конечном состояниях. Учет этих эффектов выполнен феноме-

нологически [5] с использованием определяемых из экспериментальных данных параметров: коэффициентов связи с неупругими каналами в начальном и конечном состояниях C_{in} , C_{out} , склонов дифракционного конуса для упругого pp - и $\pi^- \Delta^{++}$ -рассеяния, а также фазы ϕ между амплитудами резонансных и нерезонансных процессов в реакции (1).

В настоящей работе перечисленные выше параметры определены из данных [6–10], полученных в экспериментах с реальными и виртуальными фотонами. Исследовано влияние взаимодействий в начальном и конечном состояниях на сечения реакции (1) как в фотонной точке, так и в зависимости от квадрата 4-импульса виртуального фотона Q^2 .

1. Описание взаимодействий в начальном и конечном состояниях

В модели [1, 4] реакция (1) описывается совокупностью амплитуд возбуждения нуклонных резонансов и нерезонансных процессов, представляемых минимальным набором диаграмм, удовлетворяющим требованиям градиентной инвариантности. Как известно [10], дифференциальные сечения рождения пионов фотонами, рассчитанные в подобных приближениях, завышены по сравнению с их измеренными значениями. При этом расхождение возрастает при увеличении полной энергии W сталкивающихся частиц и угла эмиссии пиона θ^* в системе центра масс реакции и может достигать 100–200%. Это обусловлено тем, что по мере увеличения W и θ^* возрастает вклад неупругих каналов во взаимодействие частиц в начальном и конечном состояниях, не учитываемый минимальным набором механизмов [4, 10]. Несмотря на то что реакция (1) происходит под действием фо-

^{*)} Istituto Nazionale di Fisica Nucleare, Sez. di Genova, Italia.