

яние структурных особенностей волновых функций связанных электронов на величину сечений потери электрона при различных скоростях налетающих частиц. Выполнены расчеты сечений ионизации водородоподобных систем при соударении с атомными ядрами, а также атомами водорода и гелия (в первом борновском приближении). Установлена зависимость этих сечений от конкретного вида радиальных волновых функций. Результаты теоретических расчетов были подтверждены экспериментальными данными по ионизации внутренних оболочек, полученными в лаборатории атомных столкновений и в зарубежных научных центрах. Экспериментально исследовано образование метастабильных частиц в атомных столкновениях и их влияние на сечения перезарядки различных многозарядных ионов (лития, бора, азота). Было показано, что присутствие метастабильных частиц в пучке ионов повышает сечение захвата электронов для ионов с небольшим зарядом и резко снижает его для высокозарядных ионов. При исследовании двукратной перезарядки установлено

и оценено влияние последствий столкновительной автоинициации на сечения захвата двух электронов многозарядными частицами. На основе выполненных экспериментальных и теоретических исследований разработаны полуэмпирические методы расчета сечений потери и захвата одного и нескольких электронов ионами. Результаты расчетов были использованы при проектировании ускорителей тяжелых ионов.

Работы группы В.С. Николаева стали отправным пунктом для широких исследований в области физики ионно-атомных столкновений, проводимых в Московском университете и за его пределами.

### Литература

1. Николаев В.С., Дмитриев И.С., Теплова Я.А., Фатеева Л.Н. // Ускорители. М.: Атомиздат, 1960. С. 90.
2. Николаев В.С. // УФН. 1965. **85**. С. 679.
3. Николаев В.С. // Дис. ... д-ра физ.-мат. наук. М., 1967.

Поступила в редакцию  
19.12.01

УДК 539.12.04

## ВЛИЯНИЕ ПЕРЕЗАРЯДКИ ИОНОВ $^{14}\text{N}$ И $^{16}\text{O}$ С ЭНЕРГИЕЙ $30 \div 330$ кэВ/нукл. НА ИХ МНОГОКРАТНОЕ РАССЕЯНИЕ В МЕТАЛЛИЧЕСКИХ ПЛЕНКАХ

А.А. Бедняков, В.С. Николаев  
(НИИЯФ)

Измерены дифференциальные и интегральные угловые распределения ионов  $^{14}\text{N}$  и  $^{16}\text{O}$  с начальными энергиями  $\varepsilon_0 \approx 330, 110, 78$  и  $32$  кэВ/нукл., рассеянных в пленках Al, Cu, Ag и Au толщиной от  $\sim 0.3$  до  $2.3$  мкм. Получены универсальные зависимости полуширины этих распределений от толщины мишени. Из анализа угловых распределений рассеяния для наиболее тонких пленок найдены величина и зависимость от энергии «эффективного заряда»  $i_{sc}$ , введение которого в теорию Мольера–Бете позволяет учесть влияние перезарядки ионов в процессе рассеяния.

### Введение

При исследовании в области физики твердого тела, а также при получении и легировании различных материалов все большее применение находят пучки быстрых ионов с атомным номером  $Z_1 > 2$  и энергией порядка десятков–сотен кэВ/нукл. Прохождение таких ионов через твердое вещество сопровождается интенсивными процессами захвата и потери электронов (перезарядки) [1], что не может не влиять на различные, в том числе угловые, характеристики ионного пучка. Однако существующие теории многократного рассеяния заряженных частиц [2–6] влияние процессов захвата и потери электронов не учитывают, а имеющиеся для указанной области  $Z_1$  и энергий экспериментальные данные весьма скучны и получены они лишь для сравнительно тонких мишени [7, 8].

Настоящая работа посвящена экспериментальному изучению рассеяния ионов  $^{14}\text{N}$  и  $^{16}\text{O}$  в различных металлических мишениях при энергиях  $E/A_1 \approx 0.03 \div 0.33$  МэВ/нукл. ( $A_1$  — атомный вес иона), когда средний заряд ионов в веществе  $z_{in}$  существенно меньше их ядерного заряда  $Z_1$ . Определены зависимости параметров угловых распределений рассеянных частиц от их энергии, толщины мишени  $t$  и заряда ядер рассеивающих атомов  $Z_2$ . Из сопоставления результатов эксперимента с теорией многократного рассеяния Мольера–Бете [2–4] найдена величина эффективного заряда ионов  $i_{sc}$ , характеризующего их рассеяние в Al при указанных условиях.

### 1. Экспериментальная методика

Выведенный из 72-см циклотрона ионный пучок после прохождения через электромагнитный анали-

затор и систему коллимации в экспериментальную камеру имел угловую расходимость менее  $0.05^\circ$  и энергетический разброс не более 10 кэВ. Непосредственно перед мишенью устанавливалась диафрагма диаметром около 1 мм. Абсолютная величина средней начальной энергии ионов  $E_0$  определялась на основе градуировки поля магнита по пробегам отклоняемых им ионов  ${}^4\text{He}$  в фотоэмulsionии с точностью около 4%; сдвиг значений  $E_0$  при изменении магнитного поля находился с точностью  $\pm 5$  кэВ.

С помощью «лнейки» из восьми миниатюрных пропорциональных счетчиков с прямоугольными окнами, расположенных в 50 см от мишени и перекрывающих диапазон углов  $\theta$  от  $-2^\circ$  до  $+4^\circ$  (относительно оси пучка) [7], измерялись зависимости интенсивности потока рассеянных частиц от угла  $\theta$  — дифференциальные угловые распределения  $H(\theta)$ . Передвижные 2-мм щели перед окнами счетчиков обеспечивали разрешение по углу около  $\pm 0.1^\circ$ . Значения  $H(\theta)$  в максимуме распределения,  $H(\theta = 0)$ , принимались за единицу. Погрешность экспериментальных значений для полуширины распределений  $\theta_{1/2}^H$  (т.е. углов, при которых  $H(\theta_{1/2}^H) = 0.5$ ) с учетом неопределеностей в нормировке результатов разных серий измерений, углового разрешения и статистической точности измерений составляла (4–6)%.

Кремниевый поверхностно-барьерный детектор с диафрагмой диаметром 5.5 мм, который мог перемещаться вдоль оси рассеянного пучка в пределах расстояний  $l = 4.5 \div 170$  мм от мишени, использовался для измерений доли полного потока рассеянных

ионов в пределах конуса с углом раствора  $2\theta$  и получения интегральных угловых распределений  $G(\theta)$ ; при этом перекрывался диапазон углов  $\theta \cong 0.9^\circ \div 32^\circ$ . Точность установки детектора в наиболее важной области  $\theta \cong 1.5^\circ \div 6^\circ$  была не хуже  $\pm 0.01^\circ \div 0.06^\circ$  соответственно.

Мониторинг осуществлялся путем направления на тот же детектор части нерассеянного пучка через два сквозных отверстия диаметром 0.5 мм, расположенные на 1.5 мм выше и ниже рабочей диафрагмы [9]. Зависимости числа зарегистрированных детектором частиц ( $N$ ) от его расстояния до мишени ( $l$ ) экстраполировались к  $l = 0$ , и значения  $N(0) \equiv G(\pi/2)$  принимались за единицу. Значения полуширины интегральных распределений  $\theta_{1/2}^G$  (при  $G(\theta_{1/2}^G) = 0.5$ ) с учетом погрешностей установки детектора, статистической точности измерений величины  $N(l)$  и ошибок, вносимых при экстраполяции  $N(l)$  к  $l = 0$ , определялись с точностью 3–5%.

Мишнями служили свободные пленки из Al, Cu, Ag и Au толщиной от  $\sim 0.09$  до 2.3 мкм, полученные путем осаждения паров чистых металлов в вакууме на свежие сколы кристаллов каменной соли и последующего растворения подложки в дистиллированной воде. Толщина мишени  $t$  определялась по величине потерь энергии ионов  ${}^4\text{He}$  в ней с использованием таблиц тормозных способностей [10]. Без учета неточности табличных данных (которую можно оценить в 3–5%) погрешность находимых таким образом значений  $t$  в большинстве случаев составляла не более 1% и лишь для самых тонких мишней ( $t \leq 0.3$  мкм) она достигала 1.5–2%.

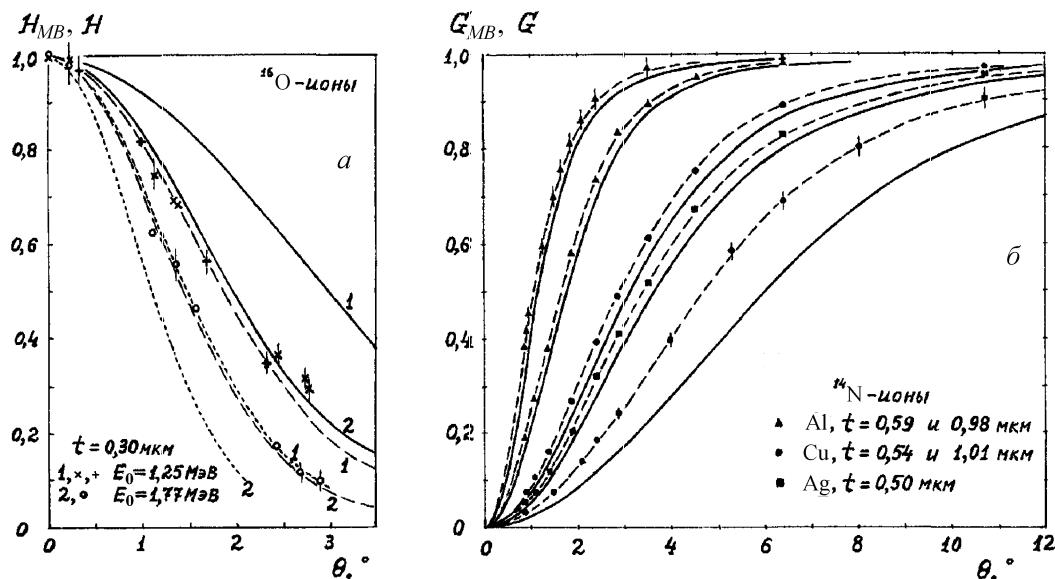


Рис. 1. Угловые распределения рассеянных ионов: *a* — дифференциальные распределения  $H(\theta)$  ионов  ${}^{16}\text{O}$  с энергиами  $E_0 = 1.25$  МэВ (+,  $\times$ , кривые 1) и 1.77 МэВ (○, кривые 2), прошедших через Al-пленки толщиной  $t = 0.3$  мкм; *b* — интегральные распределения  $G(\theta)$  ионов  ${}^{14}\text{N}$  с энергиями  $E_0 = 4.56\text{--}4.64$  МэВ, прошедших через пленки Al:  $t = 0.59$  ( $\blacktriangle$ ) и 0.98 мкм ( $\blacktriangleleft$ ), Cu:  $t = 0.54$  ( $\bullet$ ) и 1.01 мкм ( $\blacktriangleright$ ) и Ag:  $t = 0.50$  мкм ( $\blacksquare$ ). Знаки — экспериментальные данные, сплошные линии — расчетные функции  $H_{MB}(\theta)$  и  $G_{MB}(\theta)$ , точечные —  $H'_{MB}(\theta)$ , штриховые —  $H_{MB}(\theta^*)$  и  $G(\theta^*)$ , где  $\theta^* = \theta \cdot \theta_{1/2}/(\theta_{1/2})_{MB}$

## 2. Результаты экспериментов

Были измерены интегральные угловые распределения  $G(\theta)$  рассеянных ионов  $^{14}\text{N}$  с начальной энергией  $\varepsilon_0 = E_0/A_1 \cong 330$  кэВ/нукл. ( $v/v_0 \cong 3.64$ ;  $v_0 = 2.2 \cdot 10^8$  см·с $^{-1}$ ) после прохождения их через мишени из Al, Cu, Ag и Au толщиной от 0.33 до  $\sim 2.3$  мкм. В двух случаях энергия ионов была понижена до 240 и 283 кэВ/нукл. ( $v/v_0 \cong 3.11$  и 3.37 соответственно) с помощью Al-поглотителей. Дифференциальные угловые распределения  $H(\theta)$  получены для ионов  $^{14}\text{N}$  и  $^{16}\text{O}$  с начальными энергиями  $\varepsilon_0 \cong 111$  кэВ/нукл. ( $v/v_0 \cong 2.10$ ), а также для ионов  $^{16}\text{O}$  с  $\varepsilon_0 \cong 78$  и 32 кэВ/нукл. ( $v/v_0 \cong 1.76$  и 1.13) после прохождения их через мишени из Al толщиной  $\sim 0.1$ , 0.3 и 0.4 мкм. Примеры распределений  $H(\theta)$  представлены на рис. 1, *a*, а  $G(\theta)$  — на рис. 1, *б*. Полуширины  $\theta_{1/2}^G$  распределений  $G(\theta)$  для ионов  $^{14}\text{N}$  в зависимости от числа рассеивающих атомов,

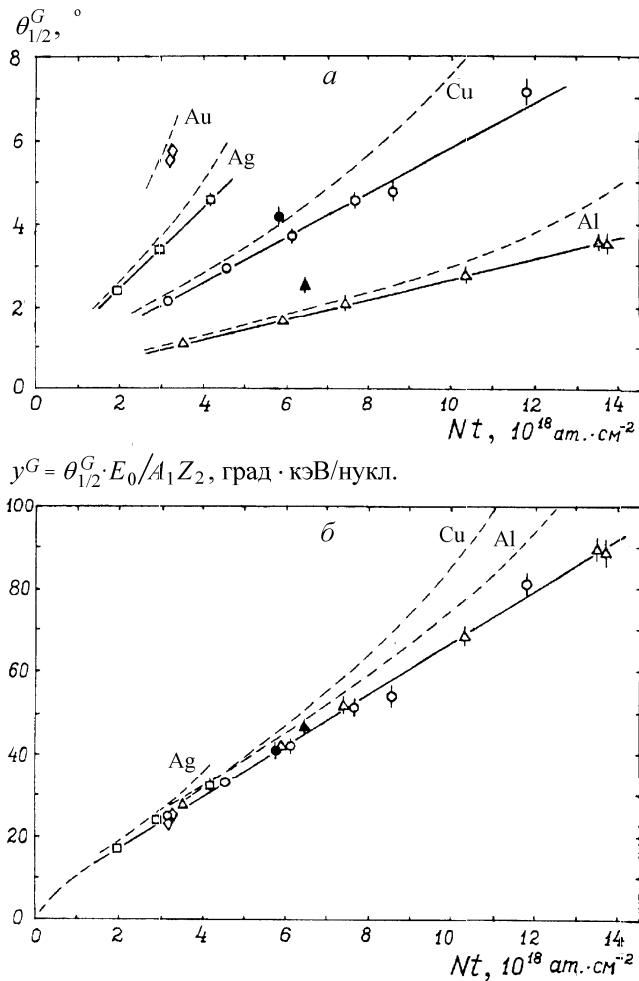


Рис. 2. Зависимости полуширин  $\theta_{1/2}^G$  угловых распределений  $G(\theta)$  рассеянных ионов  $^{14}\text{N}$  от толщин мишеней: *а* — для реальных значений  $\theta_{1/2}^G$ , *б* — для приведенных величин  $y^G = \theta_{1/2}^G E_0 / A_1 Z_2$ . Значки — экспериментальные данные ( $\triangle$  — Al,  $\circ$  — Cu,  $\square$  — Ag,  $\diamond$  — Au при  $E_0 = (4.60 \pm 0.04)$  МэВ;  $\blacktriangle$  — Al при  $E_0 = 3.37$  МэВ;  $\bullet$  — Cu при  $E_0 = 3.97$  МэВ), сплошные прямые линии — аппроксимация данных измерений, штриховые линии — результаты расчета по теории МБ ( $i_{sc} = Z_1$ )

приходящихся на единицу поверхности мишени ( $Nt$ ), приведены на рис. 2, *а*.

Полученные экспериментальные результаты обнаруживают следующие закономерности. Полуширины  $\theta_{1/2}^H$  дифференциальных распределений  $H(\theta)$  ионов  $^{14}\text{N}$  и  $^{16}\text{O}$ , рассеянных Al-мишенью, при одинаковых скоростях практически одинаковы и в два с лишним раза меньше, чем для протонов [11]. Полуширины  $\theta_{1/2}^G$  распределений  $G(\theta)$  ионов  $^{14}\text{N}$  с начальной энергией  $\varepsilon_0 \cong 330$  кэВ/нукл. линейно возрастают с увеличением толщины проходимого слоя вещества  $t$ , а при одинаковой величине  $Nt$  примерно пропорциональны атомному номеру материала  $Z_2$  (рис. 2); в области  $\varepsilon_0 \cong 240 \div 330$  кэВ/нукл. значения  $\theta_{1/2}^G$  примерно пропорциональны  $E^{-1}$ . В результате, если построить зависимость величины  $y^G = \theta_{1/2}^G \cdot E_0 / A_1 Z_2$  от  $Nt$ , то все экспериментальные точки будут укладываться с небольшим разбросом на одну прямую линию (см. рис. 2, *б*):

$$y^G = 4.5(1 + 1.38 \cdot 10^{-18} Nt), \quad (1)$$

где  $\theta_{1/2}^G$  — в градусах, а  $Nt$  — в ат./см $^2$ .

Форма угловых распределений — как  $H(\theta)$ , так и  $G(\theta)$  — практически не зависит от параметров ионов ( $Z_1, E_0$ ) и материала мишеней ( $Z_2$ ) и лишь при малых толщинах рассеивающего слоя ( $Nt < (4 \div 5) \cdot 10^{18}$  ат./см $^2$ ) заметно изменяется с изменением величины  $Nt$ .

## 3. Обсуждение результатов

Для анализа полученных результатов была использована теория Мольера–Бете (МБ) [2–4], которая хорошо описывает многократное рассеяние протонов и более тяжелых частиц при большой энергии (когда их средний равновесный заряд при движении в среде  $i_{in}$  близок к ядерному заряду  $Z_1$ ) в пределах углов до  $\sim 20^\circ$  в не слишком тонких слоях вещества с атомным номером  $Z_2 \geqslant 10$ . Результаты этой теории представлены в аналитическом виде и удобны для анализа влияния различных факторов на угловое распределение рассеянных частиц. В области своей применимости они практически совпадают с результатами последующих работ [5, 6], которые могут быть использованы в более широких пределах, но представлены в численном виде.

В теории МБ функция углового распределения рассеянных частиц с точечными зарядами  $Z_1 e$ , массой  $m$  и скоростью  $v$  после прохождения слоя однородного вещества с атомным номером  $Z_2$  и толщиной  $t$  имеет вид

$$F_{MB}(\theta) \theta d\theta = \\ = (\vartheta d\vartheta / 2\pi) [f^{(0)}(\vartheta) + B^{-1} f^{(1)}(\vartheta) + B^{-2} f^{(2)}(\vartheta) + \dots], \quad (2)$$

где  $\vartheta = \theta / (\chi_c \sqrt{B})$  — приведенный угол рассеяния,

$$\chi_c = (\pi Nt)^{1/2} (2Z_1 Z_2 e^2 / mv^2) = 2(\pi Nt)^{1/2} \alpha \lambda \quad (3)$$

$(\alpha = Z_1 Z_2 e^2 / \hbar v, \lambda = \hbar / mv)$ , а  $B$  — параметр формы, определяемый соотношением

$$B - \ln B = \ln \Omega_b - 0.1544 \dots, \quad (4)$$

$\Omega_b = \chi_c^2 / [(\lambda/a_2)^2 (A_\alpha + B_\alpha \alpha^2)]$  — эффективное число соударений,  $a_2$  — параметр экранирования поля ядра атома-рассеивателя собственными электронами,  $A_\alpha$  и  $B_\alpha$  — константы. (Для рассматриваемых в теории атомов Томаса-Ферми  $a_2 = 0.885 a_0 Z_2^{-1/3}$  ( $a_0 = 0.529 \cdot 10^{-8}$  см),  $A_\alpha = 1.17$  и  $B_\alpha = 3.72$  [4].) Универсальные функции  $f^{(n)}(\vartheta)$  табулированы в работах [2, 4].

Для сравнения с экспериментальными результатами были рассчитаны функции  $H_{MB}(\theta) = F_{MB}(\theta)/F_{MB}(0)$  и  $G_{MB}(\theta)$ ; последняя получена численным интегрированием выражения (2) и представлена в аналогичном виде:

$$G(\theta) = g^{(0)}(\vartheta) + B^{-1}g^{(1)}(\vartheta) + B^{-2}g^{(2)}(\vartheta) + \dots, \\ g^{(n)} = \int_0^\vartheta f^{(n)}(\vartheta') \vartheta' d\vartheta', \quad (5)$$

где  $B$  — тот же параметр, что и в (2), а функции  $g^{(n)}(\vartheta)$  рассчитаны для 30 значений  $\vartheta$  в интервале  $\vartheta = 0 \div 4$ .

При расчетах постоянная  $A_\alpha = 1.17$  в выражении для  $\Omega_b$  считалась пренебрежимо малой (во всех случаях выполнялось условие  $\alpha \gg 1$ ) и величина  $\Omega_b$  вычислялась по простой формуле:

$$\Omega_b \cong 4\pi a_2^2 Nt / B_\alpha = 2.65 a_0^2 Z_2^{-1/3} Nt. \quad (6)$$

Это означает, что эффективное число соударений  $\Omega_b$  и параметр  $B$ , а следовательно, форма функций  $F_{MB}(\theta)$  и  $G_{MB}(\theta)$  и их полуширины в приведенных углах  $\vartheta_{1/2}^H$  и  $\vartheta_{1/2}^G$  не зависят от параметров частиц и определяются только свойствами рассеивающего слоя.

Для того чтобы учесть замедление ионов в мишени и связанное с ним изменение их эффективного заряда, для вычисления параметра  $\chi_c$  вместо (3) было использовано выражение

$$\langle \chi_c^2 \rangle = \pi e^4 Z_2^2 N \int_0^t \frac{i_{sc}^2 dt}{E^2} = 0.03936 \frac{Z_2^2}{M_2} \int_{E_0}^{E_k} \frac{i_{sc}^2 dE}{E^2 (dE/dt)}, \quad (7)$$

в котором  $M_2$  — атомный вес материала мишени,  $t$  — в мкг/см<sup>2</sup>,  $E_0$  и  $E_k$  — начальная и конечная энергия ионов в кэВ, а  $i_{sc}$  — некоторый эффективный заряд, характеризующий рассеяние ионов в данной среде при энергии  $E$ . Данные об удельных потерях энергии ионов <sup>14</sup>N и <sup>16</sup>O в материалах мишеней были взяты из работ [10, 12].

Очевидно, что величина  $i_{sc}(E)$  в выражении (7) должна быть заключена в пределах  $\bar{i}_{in}(E) \leq i_{sc}(E) \leq Z_1$ . Выполненные для крайних

случаев  $i_{sc} = Z_1 = \text{const}$  («чистая» теория МБ) и  $i_{sc}(E) = \bar{i}_{in}(E)$  расчеты с использованием значений  $\bar{i}_{in}(E)$  из работы [13] показали, что угловые распределения в первом случае —  $H_{MB}(\theta)$  и  $G_{MB}(\theta)$  — оказываются шире, а во втором —  $H'_{MB}(\theta)$  и  $G'_{MB}(\theta)$  — уже экспериментальных (рис. 1).

Функции  $H_{MB}(\theta^*)$  и  $G_{MB}(\theta^*)$ , где  $\theta^* = \theta \times \sqrt{\theta_{1/2}/(\theta_{1/2})_{MB}}$  (штриховые линии на рис. 1), достаточно хорошо согласуются с измеренными не только по ширине, но и по форме. Следовательно, для каждого из распределений  $H(\theta)$  и  $G(\theta)$  должно быть справедливым соотношение между величинами  $\theta_{1/2}^H$  и  $\theta_{1/2}^G$ , рассчитанными по теории МБ для данного значения  $B$ :

$$\frac{\theta_{1/2}^H}{\theta_{1/2}^G} = \frac{(\theta_{1/2}^H)_{MB}}{(\theta_{1/2}^G)_{MB}} = \frac{\vartheta_{1/2}^H \chi_c \sqrt{B}}{\vartheta_{1/2}^G \chi_c \sqrt{B}} = \frac{\vartheta_{1/2}^H}{\vartheta_{1/2}^G}. \quad (8)$$

С помощью этого соотношения для измеренных распределений  $G(\theta)$  были найдены полуширины  $\theta_{1/2}^H$  соответствующих распределений  $H(\theta)$ , что дало возможность провести их анализ совместно с данными непосредственных измерений  $H(\theta)$ .

Зависимости величин  $\theta_{1/2}^H$  от толщины проходящего слоя в координатах  $Nt$  и  $y^H = \theta_{1/2}^H E_0 / A_1 Z_2$ , как и аналогичные зависимости для  $\theta_{1/2}^G$  (рис. 2), совпадают и в области  $Nt > 2 \cdot 10^{18}$  ат./см<sup>2</sup> могут быть аппроксимированы одной прямой линией

$$y^H = 2.3 (1 + 2.49 \cdot 10^{-18} Nt). \quad (9)$$

(Соответствующие зависимости, рассчитанные по «чистой» теории МБ, не совпадают и располагаются выше экспериментальной аналогично тому, как это показано пунктирными линиями для  $\theta_{1/2}^G$  на рис. 2.)

Для всех рассмотренных случаев найдены величины отношений  $\eta = \theta_{1/2}/(\theta_{1/2})_{MB}$  (согласно (8), они одинаковы для  $\theta_{1/2}^H$  и  $\theta_{1/2}^G$ ) в зависимости от энергии  $\bar{\varepsilon} = \bar{E}/A_1$ . В области  $\bar{\varepsilon} \sim 0.3$  МэВ/нукл. значения  $\eta$  составляют  $\sim 0.95$  и с уменьшением  $\bar{\varepsilon}$  до 0.03 МэВ/нукл. уменьшаются до  $\sim 0.5$ . Этот спад в тех случаях, когда величина  $\bar{\varepsilon}$  уменьшается за счет роста толщины мишени при неизменном значении  $\varepsilon_0$ , более крут, чем для тонких мишеней при уменьшении  $\varepsilon_0$  (см. рис. 3).

В работе [7] измерены распределения  $F(\theta)$  ионов <sup>14</sup>N и <sup>16</sup>O с начальной энергией  $\varepsilon_0 \approx 0.33$  МэВ/нукл., расеянных Al-пленками с толщинами  $t_1 \cong 0.46$  и  $t_2 \cong 0.95$  мкм. Найденные для них отношения  $\theta_{1/2}/(\theta_{1/2})_{MB}$  значительно меньше полученных в настоящей работе ( $\sim 0.63$  при  $\bar{\varepsilon} \approx 280$  и  $\sim 0.67$  при  $\bar{\varepsilon} \approx 260$  кэВ/нукл.). Причина этого неясна; более узкие распределения  $H(\theta)$  в [7], возможно, объясняются наличием микроотверстий в мишенях (которые тогда не отбирались под микроскопом). В пользу этого предположения говорит

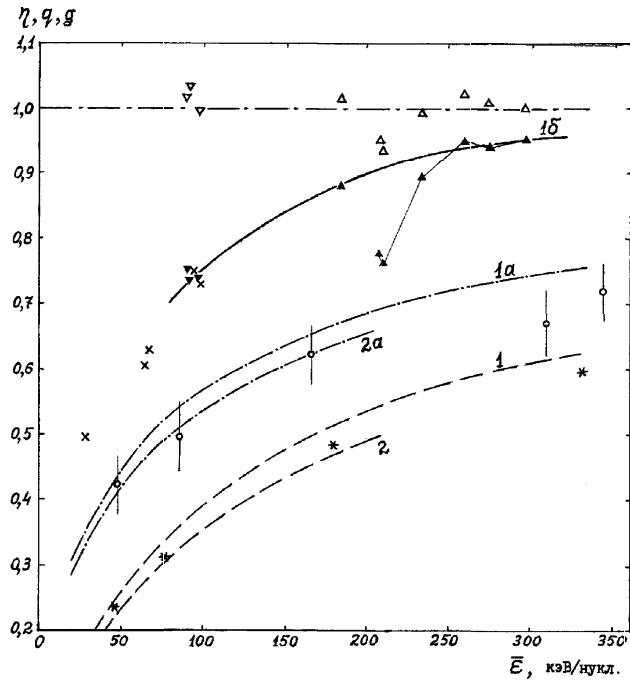


Рис. 3. Эффективные степени ионизации для различных процессов, сопровождающих прохождение ионов  $^{14}\text{N}$  и  $^{16}\text{O}$  через вещество. Экспериментальные величины  $\eta$  для ионов  $^{14}\text{N}$  в Al:  $\blacktriangle\blacktriangle\blacktriangle$  —  $\varepsilon_0 \approx 330$  кэВ/нукл. и  $t$  от 0.58 мкм ( $\eta \approx 0.95$ ) до 2.28 мкм ( $\eta \approx 0.76$ );  $\blacktriangle$  —  $\varepsilon_0 = 271$  кэВ/нукл. и  $t = 1.07$  мкм ( $\eta \approx 0.87$ );  $\nabla$  —  $\varepsilon_0 = 110$  кэВ/нукл. и  $t = 0.3-0.4$  мкм ( $\eta \approx 0.76$ ); тоже для ионов  $^{16}\text{O}$  в Al:  $x$  —  $\varepsilon_0 = 111$  кэВ/нукл. и  $t = 0.3-0.4$  мкм ( $\eta \approx 0.75$ ),  $\varepsilon_0 = 78$  кэВ/нукл. и  $t = 0.30$  и  $0.31$  мкм ( $\eta \approx 0.62$ ) и  $\varepsilon_0 = 32$  кэВ/нукл. и  $t = 0.09$  мкм ( $\eta \approx 0.5$ ). Значки  $\circ$  —  $\bar{q}_{in} = \bar{t}_{in}/Z_1$  [13] и  $*$  —  $\bar{q}_\infty = \bar{t}_\infty/Z_1$  [18] — для ионов  $^{14}\text{N}$  в твердой пленке (целлюлоза). Расчетные кривые: 1 (пунктир) и 1a (штрих-пунктир) —  $q_1^* = Z_1^*/Z_1$  и  $g_1^* = (q_1^*)^{0.6}$  для ионов  $^{14}\text{N}$  в Al; 2 и 2a — то же для ионов  $^{16}\text{O}$  в Al.

Значки  $\Delta$  и  $\nabla$  — величины  $\tilde{\eta}$  для ионов  $^{14}\text{N}$  в Al

то, что для более толстой мишени ( $t_2$ ) величина  $\eta$  больше, чем для тонкой ( $t_1$ ), хотя  $\bar{\varepsilon}_2 < \bar{\varepsilon}_1$ .

В работе [8] были измерены угловые распределения ионов  $^{14}\text{N}$ , рассеянных в тонких ( $\Omega_b \leq 25$ ) пленках из тех же материалов (Al, Cu, Ag и Au), и сделано общее заключение об удовлетворительном согласии с теориями МБ и Кайля и др. [14] (последняя — для случаев рассеивателей с  $\Omega_b < 20$ ). Сравнение с результатами работы [8] затруднительно, поскольку в ней не приведены величины начальных энергий ионов  $E_0$  и полуширина ( $\theta_{1/2})_{MB}$ ; оцененные по данным [8] для наиболее толстых мишеней ( $\Omega_b \cong 15 \div 25$ ) величины  $\eta$  имеют большой разброс даже при близких значениях  $\bar{\varepsilon}$  ( $\sim 0.98 \div 0.73$  в интервале  $\bar{\varepsilon} \approx 320 \div 290$  кэВ/нукл.), так что можно лишь отметить, что в общем результаты этой работы не противоречат нашим.

Отклонения величин  $(\theta_{1/2})_{MB}$  от  $\theta_{1/2}$  естественно попытаться объяснить уменьшением эффективного заряда  $i_{sc}$  ионов при уменьшении их энергии. Если зависимость  $i_{sc}(E)$  известна, то рассчитанная с применением формулы (7) полуширина углового распределения  $(\tilde{\theta}_{1/2})_{MB} = \vartheta_{1/2} \sqrt{B} \langle \chi_c \rangle$  должна сов-

падать с измеренной:  $(\tilde{\theta}_{1/2})_{MB} = \theta_{1/2}$ . Чтобы найти зависимость  $i_{sc}(E)$ , рассмотрим соотношение между  $\theta_{1/2}$  и  $(\theta_{1/2})_{MB}$  для тонкой мишени, когда изменение энергии  $E$  и заряда  $i_{sc}$  ионов невелико. В этом случае в формуле (7) интеграл можно заменить его средним значением:  $t[\bar{i}_{sc}(\bar{E})/\bar{E}^2]$  при вычислении  $(\tilde{\theta}_{1/2})_{MB}$  и значением  $tZ_1/\bar{E}^2$  при вычислении  $(\theta_{1/2})_{MB}$ . В результате получим

$$\eta = \frac{\theta_{1/2}}{(\theta_{1/2})_{MB}} = \frac{(\tilde{\theta}_{1/2})_{MB}}{(\theta_{1/2})_{MB}} = \frac{\langle \chi_c \rangle}{\chi_c} \approx \frac{i_{sc}(\bar{E})}{Z_1} \equiv q_{sc}(\bar{E}), \quad (10)$$

т. е. средняя степень ионизации  $q_{sc}(\bar{E}) = i_{sc}(\bar{E})/Z_1$ , характеризующая рассеяние ионов при энергии  $E = \bar{E}$ , определяется отношением экспериментальной и рассчитанной по теории МБ полуширин их углового распределения после прохождения тонкой мишени, в которой их средняя энергия равна  $\bar{E}$ .

Рассмотрим теперь результаты, полученные для алюминия, с которым выполнено наибольшее число измерений. Величины  $\eta(\bar{\varepsilon})$  для ионов  $^{14}\text{N}$  и  $^{16}\text{O}$  во всех Al-мишениях приведены на рис. 3. Сплошная линия (16) проведена через точки, полученные для самых тонких мишеней; согласно (10) она должна представлять зависимость  $q_{sc}(E)$  для ионов  $^{14}\text{N}$  в данной среде. Вычисленные с ее помощью величины  $\tilde{\eta} = \theta_{1/2}/(\tilde{\theta}_{1/2})_{MB}$  даны светлыми значками. Видно, что они близки к единице как для тонких (кривая 16), так и для толстых (ломаная линия) мишеней, в которых энергия ионов уменьшается в 2–3 раза, а величина  $i_{sc}$  изменяется от  $\sim 0.95Z_1$  до  $\sim 0.75Z_1$ . С учетом некоторого произвола проведения гладкой линии  $q_{sc}(\varepsilon)$  по немногим точкам и точности измерений  $\theta_{1/2}$  (3–5%) отклонения значений  $\tilde{\eta}$  от единицы в пределах от +0.03 до –0.07 свидетельствуют о достаточно хорошем согласии рассчитанных  $(\tilde{\theta}_{1/2})_{MB}$  с измеренными  $\theta_{1/2}$ .

Для сравнения на рис. 3 приведены также величины средних степеней ионизации, характеризующих торможение ( $q_1^*$  и  $g_1^*$ ) и перезарядку ( $\bar{q}_\infty$  и  $\bar{q}_{in}$ ) ионов  $^{14}\text{N}$  и  $^{16}\text{O}$ , движущихся в веществе. Значения  $q_1^* = Z_1^*/Z_1$ , где  $Z_1^*$  — «эффективный тормозной заряд» иона, найдены с помощью соотношения  $Z_1^*/Z_p^* = (S_1/S_p)^{1/2}$ , в котором  $S_1$  и  $S_p$  — тормозные способности для ионов  $^{14}\text{N}$  и  $^{16}\text{O}$  [12] и протонов [15] с одинаковыми скоростями, а  $Z_p^*$  — «эффективный тормозной заряд» протона [16]. Зависимости  $q_1^*(\varepsilon)$  изображены на рис. 3 кривыми 1 (ионы  $^{14}\text{N}$ ) и 2 (ионы  $^{16}\text{O}$ ). Для учета отклонения зависимости  $S_1(Z_1)$  от квадратичной в работе [17] введен «реальный тормозной заряд»  $(Z_1^*)_{real} = g_1^* Z_1$ , где  $g_1^* \approx (q_1^*)^{0.6}$ ; функции  $g_1^*(\varepsilon)$  соответствуют кривым 1a (ионы  $^{14}\text{N}$ ) и 2a (ионы  $^{16}\text{O}$ ). Видно, что величины средних степеней ионизации в равновесном пучке ионов  $^{14}\text{N}$  внутри мишени ( $\bar{q}_{in}$ ) и после выхода из

нее ( $\bar{q}_\infty$ ) близки к значениям  $g_1^*$  и  $q_1^*$  соответственно (кружки [13] и звездочки [18] на рис. 3).

Как видно из рис. 3, в интервале энергий  $\sim 70 \div 320$  кэВ/нукл. эффективный заряд  $i_{sc}$  превышает тормозной заряд  $(Z_1^*)_{real}$  и близкий к нему равновесный  $\bar{i}_{in}$  в  $\sim 1.3\text{--}1.5$  раза, а тормозной заряд  $Z_1^*$  и близкий к нему  $\bar{i}_\infty$  — в  $\sim 1.5\text{--}3$  раза. Это свидетельствует о том, что основной вклад в многократное рассеяние вносят более близкие столкновения по сравнению с теми, которые определяют величину энергетических потерь.

### Заключение

В результате исследования многократного рассеяния ионов  $^{14}\text{N}$  и  $^{16}\text{O}$  в металлических пленках при энергиях  $\varepsilon \approx 0.03 \div 0.3$  МэВ/нукл. показано, что полуширины угловых распределений рассеянных частиц  $\theta_{1/2}$  можно связать с параметрами, характеризующими частицы и рассеиватель, универсальной зависимостью в координатах  $y = \theta_{1/2}\varepsilon_0/Z_2$  и  $x = Nt$  ( $\varepsilon_0$  — начальная энергия ионов,  $Z_2$  — заряд ядер атомов мишени и  $Nt$  — их число на единицу площади), которая в области  $Nt \geq 2 \cdot 10^{18}$  ат./см<sup>2</sup> практически линейна.

Показано, что для описания многократного рассеяния ионов  $^{14}\text{N}$  может быть применена теория Мольера–Бете, если вместо зарядов их ядер  $Z_1$  использовать «эффективный заряд», характеризующий рассеяние ( $i_{sc}$ ), который при изменении энергии  $\varepsilon$  от  $\sim 0.3$  до  $0.03$  МэВ/нукл. меняется от  $\sim 0.95Z_1$  до  $\sim 0.5Z_1$  и превышает их средний заряд в равновесном пучке внутри мишени ( $\bar{i}_{in}$ ) соответственно в  $\sim 1.3\text{--}1.5$  раза. Зависимость  $i_{sc}(\varepsilon)$  найдена в результате анализа угловых распределений рассеяния в тонких ( $\Omega_b \approx 20 \div 30$ ) мишениях; рассчитанные с ее помощью угловые распределения рассеянных частиц достаточно хорошо согласуются не только по ширине, но и по форме.

Авторы приносят благодарность В.П. Собакину и В.Л. Чернову за большую помощь в подготовке эксперимента и участие в его проведении.

### Литература

1. Николаев В.С. // УФН. 1965. **86**. С. 679.
2. Moliere G. // Z. Naturforsch. 1948. **3a**. S. 78.
3. Bethe H. // Phys. Rev. 1953. **89**. P. 1256.
4. Scott W.T. // Rev. Mod. Phys. 1963. **35**. P. 231.
5. Meyer L. // Phys. Stat. Solidi (b). 1971. **44**. P. 253.
6. Sigmund P., Winterbon K.B. // Nucl. Instrum. and Meth. 1974. **119**. P. 541.
7. Бедняков А.А., Николаев В.С., Рудченко А.В., Тулинин А.Ф. // ЖЭТФ. 1966. **50**. С. 589.
8. Yamazaki T., Takasaki M., Sakisaka M. // J. Phys. Soc. Japan. 1974. **36**. P. 1643.
9. Бедняков А.А., Булгаков Ю.В., Кошевой И.Д., Николаев В.С., Собакин В.П. // Тр. VIII Всесоюз. конф. по физике взаимодействия заряженных частиц с монокристаллами. М.: Изд-во Моск. ун-та, 1977. С. 128.
10. Ziegler J.F. Stopping Cross Sections for Energetic Ions in All Elements. N.Y.: Pergamon Press, 1980.
11. Бедняков А.А., Дворецкий В.Н., Савенко И.А., Тулинин А.Ф. // Вестн. Моск. ун-та. Физ. Астрон. 1965. № 1. С. 55 (Moscow University Phys. Bull. 1965. No. 1).
12. Porat D.I., Ramavataram K. // Proc. Phys. Soc. 1961. **77**. P. 97; **78**. P. 1134.
13. Zaikov V.P., Kralkina E.A., Nikolaev V.S., Sirotinin E.I. // Nucl. Instrum. and Meth. in Phys. Res. 1988. **B33**. P. 202.
14. Keil E., Zeitler E., Zinn W. // Z. Naturforsch. 1960. **15a**. P. 1031.
15. Janni J.F. // Atomic Data and Nucl. Data Tables. 1982. **27**. P. 341.
16. Yarlagadda B.S., Robinson J.E., Brandt W. // Phys. Rev. 1978. **B17**. P. 3743.
17. Николаев В.С. Исследование ионизации, перезарядки и торможения быстрых многозарядных ионов при прохождении их через вещество: Дис. ... д-ра физ.-мат. наук. М. (МГУ), 1967.
18. Николаев В.С., Фатеева Л.Н., Дмитриев И.С., Теплов Я.А. // ЖЭТФ. 1957. **32**. С. 965.

Поступила в редакцию  
19.12.01