молекулы и фрагментов диссоциации полиатомной молекулы, входящей в мишень.

Как пример, была рассчитана вероятность  $P_M^K(v)$ возбуждения K = 30 эксимолей как функция скорости в подструктуре молекулы, содержащей диполи вида С—Н, для M = 70, 80, 90. Интервал скоростей движения полиатомной молекулы был выбран равным  $v = (1-2) \cdot 10^6$  см/с. Предполагалось, что молекула скользит на расстоянии около 1 Å вдоль поверхности, представляющей собой пленку, формируемую молекулами перфлюорина. Результаты расчета приведены на рисунке.

Выбор K = 30 эксимолей соответствует разрыву одной связи-ловушки в цепи молекулы при



Функция вероятности  $P_M^K$  возбуждения K = 30 эксимолей в цепи молекулы, содержащей диполи вида С—Н для M = 70 (1), 80 (2) и 90 (3)

 $E_d = 2.5$  эВ. Как видно из рисунка, вероятность разрыва такой связи является резонансной функцией скорости относительного движения молекул.

Кроме того, проведенный анализ показал, что значение скорости скольжения  $v_{||}$ , при которой происходит разрыв определенной связи-ловушки с максимальной вероятностью, зависит от числа диполей M в подструктуре молекулы. Это означает, что существует зависимость вероятности фрагментации полиатомных молекул от числа эквивалентных степеней свободы при их низкоэнергетичном рассеянии.

### Литература

- Schmidt L., Popova A.M., Komarov V.V., Jungclas H. // Z. Naturforsch. 1996. A51. P. 1144.
- 2. Wu Q., Hanley L. // J. Phys. Chem. 1993. 97. P. 2677.
- Pradeep T., Ast T., Cooks R.G., Feng B. // J. Phys. Chem. 1994. 98. P. 9301.
- Jungclas H., Wieghaus A., Schmidt L., Popova A.M., Komarov V.V. // J. Am. Soc. Mass Spectrom. 1999. 10. P. 471.
- Jungclas H., Komarov V.V., Popova A.M., Schmidt L. // Eur. Phys. J. 1998. D1. P. 193.
- Комаров В.В., Попова А.М., Юнеклас Х. и др. // Вестн. Моск. ун-та. Физ. Астрон. 1998. № 3. С. 3 (Moscow University Phys. Bull. 1998. No. 3. P. 1).
- Fritsch H.W., Jungclas H., Komarov V.V., Schmidt L. // J. Phys. II France. 1994. 4. P. 567.

Поступила в редакцию 19.09.01

# ВЛИЯНИЕ ШЕРОХОВАТОСТЕЙ РАЗЛИЧНЫХ МАСШТАБОВ НА КОЭФФИЦИЕНТ ОТРАЖЕНИЯ ОТ ГРАНИЦЫ РАЗДЕЛА ДВУХ СРЕД

## А.Н. Боголюбов, А.А. Тихонравов

(кафедра математики) E-mail: atikhonravov@rbcmail.ru

Проведено качественное исследование вопроса о влиянии шероховатостей различных масштабов на спектральные свойства коэффициентов отражения и пропускания для шероховатой границы раздела двух сред. Рассмотрены предельные случаи крупномасштабных и мелкомасштабных шероховатостей.

### Введение

УДК 539.2:535.3

Создание многослойных оптических покрытий [1-3] является важным элементом современных оптоэлектронных технологий. В последнее время возрастает интерес к оптическим покрытиям, предназначенным для работы в дальней ультрафиолетовой области (длина волны более 120–150 нм). Это связано, в частности, с потребностями полупроводниковой литографии, а именно со стремлением достигнуть пространственного разрешения существенно лучшего, чем 100 нм. Для этой цели могут использоваться эксимерные лазеры с длиной волны 157 и 193 нм. Эффективность применения подобных лазеров непосредственно зависит от качества многослойных диэлектрических покрытий, являющихся компонентами лазеров. Для создания таких компонентов используются наиболее совершенные технологические процессы, тем не менее в коротковолновой области спектра эффекты, связанные с рассеянием света на границах диэлектрических слоев, могут оказаться чрезвычайно существенными.

Исследованию рассеяния на шероховатостях поверхностей посвящено огромное количество работ. Хороший обзор по данной тематике можно найти в монографии [4]. В ряде работ исследовалось и рассеяние на многослойных оптических покрытиях [5–7], однако полученные соотношения оказались громоздкими и неудобными для эффективного анализа влияния рассеяния на спектральные характеристики реальных оптических покрытий. Важным для практики является качественное понимание влияния шероховатостей различных масштабов на спектральные свойства коэффициентов отражения и пропускания для шероховатой границы. Этому вопросу посвящена данная работа.

# 1. Постановка задачи. Нахождение рассеянных мод

Рассмотрим две непоглощающие среды с диэлектрическими проницаемостями  $\varepsilon_1$  и  $\varepsilon_2$ . Будем предполагать, что возмущение границы раздела двух сред описывается периодической функцией одной переменной h(x):

$$h(x+2a) = h(x).$$

Пусть ось OY направлена перпендикулярно невозмущенной границе раздела сред, совпадающей с плоскостью y = 0 (рис. 1).



Рис. 1. К постановке задачи: нормальное падение плоской волны на шероховатую границу

Из условия периодичности следует, что функция h(x) разлагается в ряд Фурье. Предположим, что число гармоник этого ряда конечно и не превосходит N. Тогда

$$h(x+2a) = h(x) = \sum_{n=-N}^{N} h_n e^{i\lambda_n x},$$

где  $\lambda_n=\pi n/lpha,\ h_0=0.$ 

Рассмотрим случай нормального падения плоской ТЕ-поляризованной электромагнитной волны из верхней среды с  $\varepsilon = \varepsilon_1$  на границу раздела сред.

Обозначим амплитуды электрического поля в верхней и нижней средах соответственно  $E_u$  и  $E_l$ . Тогда из уравнений Максвелла следует, что в верхней среде амплитуда электрического поля E удовле-

творяет уравнению

$$\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E}{\partial y^2} + k^2 \varepsilon_1 E = 0, \qquad (1)$$

а в нижней — уравнению

$$\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E}{\partial y^2} + k^2 \varepsilon_2 E = 0.$$
 (2)

Поскольку электрическое поле для ТЕ-волны имеет только тангенциальную составляющую, на границе имеет место равенство

$$E_u|_{\Gamma} = E_l|_{\Gamma}.\tag{3}$$

Условие равенства тангенциальных составляющих поля *H* приобретает вид

$$\frac{\partial E_u}{\partial n}\Big|_{\Gamma} = \frac{\partial E_l}{\partial n}\Big|_{\Gamma},\tag{4}$$

где **n** — единичный вектор, направленный по нормали к границе раздела в некоторой ее точке.

Функции, удовлетворяющие граничным условиям (3), (4), вычисляются при аргументах (x, h(x)). Удобно преобразовать эти граничные условия так, чтобы в них входили значения функций на невозмущенной границе, т. е. при y = 0.

В первом порядке малости по h(x) граничное условие (3) можно записать в виде

$$E_u(x,0) + h(x)\frac{\partial E_u}{\partial y}(x,0) = E_l(x,0) + h(x)\frac{\partial E_l}{\partial y}(x,0).$$
(5)

Преобразуем также граничное условие (4).

Пренебрегая членами порядка h(x)h'(x), получим

$$\frac{\partial E_u}{\partial y}(x,0) + h(x)\frac{\partial^2 E_u}{\partial y^2}(x,0) - h'(x)\frac{\partial E_u}{\partial x}(x,0) = 
= \frac{\partial E_l}{\partial y}(x,0) + h(x)\frac{\partial^2 E_l}{\partial y^2}(x,0) - h'(x)\frac{\partial E_l}{\partial x}(x,0).$$
(6)

Заметим, что граничные условия (5), (6) — приближенные, причем точность аппроксимации имеет порядок малости h(x).

Поля в верхней и нижней средах будем искать соответственно в виде

$$E_{u}(x,y) = e^{-ik\sqrt{\varepsilon_{1}}y} + \sum_{n=-N}^{N} u_{n} e^{i\lambda_{n}x} e^{i\gamma_{n,1}y} \quad (y > 0),$$
(7)

$$E_l(x,y) = \sum_{n=-N}^{N} v_n e^{i\lambda_n x} e^{-i\gamma_{n,2}y} \quad (y < 0), \qquad (8)$$

где  $u_0$  является амплитудой волны, отраженной в обратном направлении в верхней среде, а  $v_0$  амплитудой проходящей волны. Остальные члены рядов в (7), (8) представляют собой распространяющиеся и затухающие рассеянные моды в верхней и нижней средах. Подставляя (7), (8) в уравнения (1), (2), получим, что эти уравнения выполняются при условиях

$$(\gamma_{n,1})^2 + \lambda_n^2 = k^2 \varepsilon_1, \quad (\gamma_{n,2})^2 + \lambda_n^2 = k^2 \varepsilon_2$$

Систему линейных уравнений для определения коэффициентов  $u_n, v_n$  получим, подставляя (7), (8) в граничные условия (5), (6), умножая полученные уравнения на  $e^{-i\lambda_m x}$  и интегрируя по периоду.

В результате приходим к следующим уравнениям:

$$1 + u_0 - v_0 + \sum_{n=-N}^{N} h_{-n} \left( i \gamma_{n,1} u_n + i \gamma_{n,2} v_n \right) = 0, \quad (9)$$

$$-ik\sqrt{\varepsilon_{1}} + ik\sqrt{\varepsilon_{1}} u_{0} + ik\sqrt{\varepsilon_{2}} v_{0} + \sum_{n=-N}^{N} h_{-n} \left(-k^{2} \varepsilon_{1} u_{n} + k^{2} \varepsilon_{2} v_{n}\right) = 0, \qquad (10)$$

 $u_m - v_m - ik\varepsilon_1 h_m + \sum_{n=-N}^N h_{m-n} \left( i\gamma_{n,1}u_n + i\gamma_{n,2}v_n \right) = 0,$ (11)

$$i\gamma_{m,1}u_m + i\gamma_{m,2}v_m - k^2\varepsilon_1h_m + \sum_{n=-N}^N h_{m-n} \left[ \left( -\gamma_{n,1}^2 + \lambda_n\lambda_{m-n} \right) u_n + \left( \gamma_{n,2}^2 + \lambda_n\lambda_{m-n} \right) v_n \right] = 0.$$

$$(12)$$

Введем вектор неизвестных *X* следующим образом:

$$X = \{u_0, v_0, u_{-N}, v_{-N}, \dots, u_N, v_N\}^T.$$
 (13)

При этом уравнения (9)–(12) запишутся в матричном виде: AX = B.

Матрица системы A может быть представлена как сумма матриц:  $A = A^0 + A^h$ , где  $A^0$  не содержит членов с  $h_n$ , а  $A^h$  объединяет все такие члены. Аналогичным образом представим вектор правых частей:  $B = B^0 + B^h$ .

Обозначим через h норму вектора  $\{h_n\}$ . Будем рассматривать h как малый параметр. Напомним, что граничные условия (5), (6), из которых получена система (13), были записаны с точностью порядка O(h). Поэтому  $A^h$   $B^h$  имеют соответствующий порядок точности.

В общем случае, если граничные условия записаны с более высокой точностью по h, матрица  $A^h$  и вектор  $B^h$  будут иметь вид

$$A^{h} = hA^{(1)} + h^{2}A^{(2)} + \dots, \quad B^{h} = hB^{(1)} + h^{2}B^{(2)} + \dots$$

Вектор X в этом случае также будем искать в виде

$$X = X^0 + hX^{(1)} + h^2X^{(2)} + \dots$$

Подставляя эти выражения в (13) и приравнивая члены одного порядка по h, получим следующую цепочку линейных алгебраических систем:

$$A^0 X^0 = B^0, (14)$$

$$A^{0}X^{(1)} = B^{(1)} - A^{(1)}X^{0},$$
$$A^{0}X^{(2)} = B^{(2)} - A^{(2)}X^{0} - A^{(1)}X^{(1)},$$

Заметим, что точность граничных условий (5), (6) достаточна для рассмотрения первых двух из этих систем. Рассмотрим их более подробно.

Первая система  $A^0 X^0 = B^0$  сводится к простейшей системе из двух линейных уравнений, решение которой имеет вид

$$u_0 = \frac{\sqrt{\varepsilon_1} - \sqrt{\varepsilon_2}}{\sqrt{\varepsilon_1} + \sqrt{\varepsilon_2}}, \quad v_0 = \frac{2\sqrt{\varepsilon_1}}{\sqrt{\varepsilon_1} + \sqrt{\varepsilon_2}}.$$
 (15)

Формулы (15) — это не что иное, как известные френелевские коэффициенты отражения для плоской границы раздела двух сред в случае нормального падения плоской волны.

Перейдем к рассмотрению второй системы:

$$A^{0}X^{(1)} = B^{(1)} - A^{(1)}X^{0}, (16)$$

где  $B^{(1)} = \frac{1}{h}B^h$ ,  $A^{(1)} = \frac{1}{h}A^h$ .

Первые две координаты вектора правых частей в системе (16) — нулевые. Поэтому будут равны нулю и первые две координаты вектора  $X^{(1)}$ . Отсюда сразу же следует важный вывод: амплитудные коэффициенты отражения и пропускания в случае возмущенной границы не имеют поправок порядка h; для нахождения поправок к этим коэффициентам необходимо производить исследования с точностью порядка  $h^2$ .

Запишем вектор  $X^{(1)}$  в виде

$$X^{(1)} = \left\{0, 0, \left(X_{-N}^{1}\right)^{T}, \dots, \left(X_{N}^{1}\right)^{T}\right\}^{T},$$

где

$$X_{-N}^1 = \begin{pmatrix} u_{-N} \\ v_{-N} \end{pmatrix}, \dots, X_N^1 = \begin{pmatrix} u_N \\ v_N \end{pmatrix}.$$

Система (16) сводится к следующей цепочке уравнений с матрицами размерности 2 × 2:

Здесь  $X_0^0$  — вектор с координатами  $u_0, v_0,$  $\Gamma_{-N}, \ldots, \Gamma_N$  — квадратные матрицы второго порядка вида

$$\Gamma_m = egin{pmatrix} 1 & -1 \ i\gamma_{m,1} & i\gamma_{m,2} \end{pmatrix}, \quad m = -N, \ldots, -1, 1, \ldots, N,$$

 $B_{-N}, \ldots, B_N$  — двумерные векторы вида

$$B_m = \frac{h_m}{h} \begin{pmatrix} ik\sqrt{\varepsilon_1} \\ k^2 \varepsilon_1 \end{pmatrix}, \quad m = -N, \dots, -1, 1, \dots, N,$$

а  $H_{0,-N},\ldots,H_{0,N}$  — квадратные матрицы второго порядка, имеющие вид

$$egin{aligned} H_{0,m} &= rac{h_m}{h} egin{pmatrix} ik\sqrt{arepsilon_2} \ -k^2arepsilon_1 & k^2arepsilon_1 \end{pmatrix}, \ m &= -N, \dots, -1, 1, \dots, N. \end{aligned}$$

В общем случае вектор  $X_m^1$  ненулевой, если соответствующие вектор  $B_m$  и матрица  $X_{0,m}$  ненулевые.

Проведенное рассмотрение приводит еще к одному важному выводу: амплитуды рассеянных мод имеют первый по h порядок малости, причем ненулевыми в этом порядке являются только амплитуды, соответствующие ненулевым членам разложения функции h(x) в ряд.

Каждое из уравнений цепочки (16) можно решать по отдельности. Все они имеют одинаковый вид. Поэтому рассмотрим уравнение

$$\Gamma_m X_m^1 = B_m - H_{0,m} X_0^0, \quad m = -N, \dots, -1, 1, \dots, N.$$

Решение этого уравнения записывается следующим образом:

$$X_m^1 = \begin{pmatrix} u_m^1 \\ v_m^1 \end{pmatrix} = \frac{h_m}{h} \frac{k^2 \left(\varepsilon_1 - \varepsilon_2\right) v_0^0}{i \left(\gamma_{m,1} + \gamma_{m,2}\right)} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}.$$
(17)

Из (17) следует, что амплитуды  $u_m^1$  и  $v_m^1$  совпадают.

Моды, рассеянные в верхней среде, являются распространяющимися при выполнении условия  $\left(\frac{\pi m}{\alpha}\right)^2 < k^2 \varepsilon_1$ , а в нижней — при выполнении условия  $\left(\frac{\pi m}{\alpha}\right)^2 < k^2 \varepsilon_2$ .

### 2. Поправки к амплитудным коэффициентам отражения и пропускания

Как было отмечено, поправки к амплитудным коэффициентам отражения и пропускания имеют порядок малости  $h^2$ . Поэтому той точности, с которой записаны граничные условия в (5), (6), недостаточно для их нахождения. Для вычисления поправок к  $u_0, v_0$  рассмотрим третье матричное уравнение в цепочке (14).

Так как нас интересуют только  $u_0^{(2)}$  и  $v_0^{(2)}$ , достаточно рассмотреть только первые две строки этого уравнения. Для интересующих нас поправок получим систему второго порядка вида

$$\Gamma_0 \begin{pmatrix} u_0^{(2)} \\ v_0^{(2)} \end{pmatrix} B_0^{(2)} - A_0^{(2)} X_0^0 - \left( A^{(1)} X^{(1)} \right)_0.$$
(18)

Вычислим сначала  $(A^{(1)}X^{(1)})_0$ . Из выражения для  $A^{(1)}$  следует, что

$$\left(A^{(1)}X^{(1)}\right)_0 = \sum_{\substack{m=-N\\m\neq 0}}^N H_{m,-m}X_m^1, \qquad (19)$$

где

$$egin{aligned} H_{m,-m} = & rac{h_{-m}}{h} egin{pmatrix} i\gamma_{m,1} & i\gamma_{m,2} \ -k^2arepsilon_1 & k^2arepsilon_1 \ m = -N, \ldots, -1, 1, \ldots, N. \end{aligned}$$

Подставляя сюда выражение для  $H_{m,-m}$  и формулу (17) для  $X_m^1$ , получим

$$(A^{(1)}X^{(1)})_{0} = = \frac{k^{2}}{h^{2}} \sum_{\substack{m=-N \\ m \neq 0}}^{N} |h_{m}|^{2} (\varepsilon_{1} - \varepsilon_{2}) v_{0}^{0} \begin{pmatrix} 1 \\ i (\gamma_{m,1} - \gamma_{m,2}) \end{pmatrix}.$$
(20)

Перейдем к вычислению  $B_0^{(2)} - A_0^{(2)} X_0^0$  в формуле (18). Для этого необходимо использовать граничные условия, полученные из (3), (4) с точностью порядка  $h^2$ . Причем для нахождения указанных членов достаточно рассмотреть в граничных условиях именно члены порядка  $h^2$ .

После некоторых преобразований будем иметь

$$B_{0}^{(2)} - A_{0}^{(2)} X_{0}^{(2)} =$$

$$= \frac{1}{2} k^{2} \frac{1}{h^{2}} \sum_{m=-N}^{N} |h_{m}|^{2} (\varepsilon_{1} - \varepsilon_{2}) v_{0}^{0} \begin{pmatrix} 1 \\ -ik\sqrt{\varepsilon_{2}} \end{pmatrix}.$$
(21)

Вычитая выражение (20) из (21), получим

$$B_{0}^{(2)} - A_{0}^{(2)} X_{0}^{(2)} - (A^{1} X^{1})_{0} = \frac{1}{2} k^{2} (\varepsilon_{1} - \varepsilon_{2}) v_{0}^{0} \frac{1}{h^{2}} \times \sum_{m=-N}^{N} |h_{m}|^{2} \begin{pmatrix} 1 \\ -ik\sqrt{\varepsilon_{2}} - 2i (\gamma_{m,1} - \gamma_{m,2}) \end{pmatrix}.$$
(22)

Из (18) и (22) можно найти  $u_0^{(2)}, v_0^{(2)}$ :

$$egin{split} & \begin{pmatrix} u_0^{(2)} \ v_0^{(2)} \end{pmatrix} = rac{1}{2} \, rac{k \left(arepsilon_1 - arepsilon_2
ight) v_0^0}{2 \left(\sqrt{arepsilon_1} + \sqrt{arepsilon_2}
ight) h^2} imes \ & imes \sum_{m=-N}^N \left|h_m
ight|^2 igg( rac{-2k \sqrt{arepsilon_2} - 2 \left(\gamma_{m,1} - \gamma_{m,2}
ight)}{k \left(\sqrt{arepsilon_1} + \sqrt{arepsilon_2}
ight) - 2 \left(\gamma_{m,1} - \gamma_{m,2}
ight)} igg). \end{split}$$

Теперь можно записать поправки к амплитудным коэффициентам отражения и пропускания.

В результате получим

$$r = u_0^0 + h^2 u_0^{(2)} = \\ = \left[ 1 + \sum_{m=-N}^N |h_m|^2 k \sqrt{\varepsilon_1} \left( -2k\sqrt{\varepsilon_2} - 2\gamma_{m,1} + \gamma_{m,2} \right) \right] v_0^0,$$
(23)

$$t = v_0^0 + h^2 v_0^{(2)} = \left[ 1 + \frac{1}{2} k \left( \sqrt{\varepsilon_1} \sqrt{\varepsilon_2} \right) \times \right] \times \sum_{m=-N}^N |h_m|^2 \left( k \left( \sqrt{\varepsilon_1} - \sqrt{\varepsilon_2} \right) - 2 \left( \gamma_{m,1} - \gamma_{m,2} \right) \right) \right] v_0^0.$$
(24)

### 3. Предельные случаи крупномасштабной и мелкомасштабной шероховатостей

В скалярной теории дифракции (см., напр., [8]) получены следующие выражения для амплитудных коэффициентов отражения и пропускания шероховатой границы раздела двух сред:

$$r = r^0 \left[ 1 - 2k^2 \varepsilon_1 \sigma^2 \right], \qquad (25)$$

$$t = t^0 \left[ 1 - \frac{1}{2} k^2 \left( \sqrt{\varepsilon_1} - \sqrt{\varepsilon_2} \right)^2 \sigma^2 \right].$$
 (26)

Здесь  $r^0, t^0$  — то же, что  $u^0_0, v^0_0$  в формулах (23), (24), а  $\sigma$  — среднеквадратичное отклонение профиля шероховатой границы от невозмущенной границы.

Выражения (25), (26) получаются в предположении, что  $\sigma \ll \lambda$ ,  $\lambda \ll l_c$ , где  $l_c$  – корреляционный размер шероховатой границы.

Заменим в формулах (23), (24)  $\sum_{m=-N}^{N} |h_m|^2$  на  $\sigma^2$ . Далее будем считать, что  $a \gg \lambda$ . Предположим также, что в сумме  $\sum_{m=-N}^{N} |h_m|^2$  основную часть составляют члены, для которых  $\lambda_m = \frac{\pi m}{\alpha} \ll k = \frac{2\pi}{\lambda}$ . Для этих членов  $\gamma_{m,1} \approx k \sqrt{\varepsilon_1}, \ \gamma_{m,2} \approx k \sqrt{\varepsilon_2}$ .

Получим

$$egin{aligned} r &= \left[1-2k^2arepsilon_1\sigma^2
ight]u_0^0,\ t &= \left[1-rac{1}{2}k^2\left(\sqrt{arepsilon_1}-\sqrt{arepsilon_2}
ight)^2\sigma^2
ight]v_0^0 \end{aligned}$$

т. е. выражения, совпадающие с (25), (26).

Таким образом, для крупномасштабной шероховатости полученные формулы переходят в пределе в формулы скалярной теории дифракции.

Рассмотрим теперь другой предельный случай, когда характерный размер пространственной неоднородности много меньше длины волны.

Пусть  $T_m \ll \lambda$ , тогда соответствующие моды являются затухающими. Пусть в формулах (23), (24) для всех  $h_m$  выполняется условие  $T_m \ll \lambda$ , тогда они примут вид

$$r = r^0 \left[ 1 - 2k^2 n_1 n_2 \sigma^2 \right], \qquad (27)$$

$$t = t^{0} \left[ 1 + \frac{1}{2} k^{2} \left( n_{1} - n_{2} \right)^{2} \sigma^{2} \right].$$
 (28)

Заменим шероховатую границу на тонкий слой толщиной  $2\sigma$  с 50% содержанием материалов с показателями преломления n1 и n2. Показатель преломления в этом случае по теории Максвелла-Гарнета [9] находится из следующего соотношения:

$$\varepsilon = \varepsilon_1 \frac{(1+2p)\,\varepsilon_2 + (1-p)\,\varepsilon_1}{(1-p)\,\varepsilon_2 + (2+p)\,\varepsilon_1}.$$
(29)

Близость спектральных кривых коэффициента пропускания на рис. 2 дает основание сделать следующий вывод: мелкомасштабные шероховатости



Puc. 2. Сравнение спектральной кривой коэффициента пропускания слоя с показателем преломления, рассчитанным по теории Максвелла-Гарнета (сплошная кривая), с соответствующей спектральной кривой пропускания, рассчитанной с помощью формулы (28) (крестики):  $\sigma = 5$  нм,  $n_1, n_2 = 1.47$ 

не приводят к по рассеяние, но вызывают перераспределение энергии между прошедшей и отраженной волнами (см. (27), (28)). Оказывается, что влияние мелкомасштабных неоднородностей может быть учтено путем введения тонкого поверхностного слоя с показателем преломления, найденным по теории Максвелла-Гарнета.

### Заключение

Крупномасштабные и мелкомасштабные (по сравнению с длиной волны) неоднородности оказывают принципиально разное влияние на коэффициенты отражения и пропускания. Поэтому одного параметра  $\sigma$  явно недостаточно для адекватного описания отражения на шероховатой границе раздела двух сред. Из результатов работы следует, что для описания эффектов, связанных с шероховатостью границы, необходимо ввести два параметра:  $\sigma_L$  и *σ<sub>s</sub>* — среднеквадратичные шероховатости соответственно для крупномасштабных и мелкомасштабных неоднородностей.

Авторы выражают искреннюю благодарность профессору А.Г. Свешникову за полезное обсуждение темы и помощь в работе.

Работа выполнена при поддержке РФФИ (грант 00-01-00111) и программы «Университеты России» (грант 015.03.02.001).

#### Литература

- 1. Thelen A. Design of Optical Interference Filters. N.Y., 1989.
- 2. Furman Sh.A., Tikhonravov A.V. Basics of Optics of Multilayer Systems. Paris, ADAGP, 1992.
- 3. Свешников А.Г., Тихонравов А.В., Трубецков М.К. // Матем. моделирование. 1995. 7. С. 105.
- 4. Беннетт Д.М., Маттсон Л. Шероховатость поверхности и рассеяние. Вашингтон: Оптическое общество Америки, 1993.
- 5. Zavislan James M. // Appl. Opt. 1991. 30. P. 2224.
- 6. Bahar E., Kubik R.D. // Appl. Opt. 1997. 36. P. 2947.

- Elson J.M., Rahn J.P., Bennett J.M. // Appl. Opt. 1983. 22. P. 3207.
- Ogilvy J.A. Theory of Wave Scattering from Random Rough Surfaces. Bristol (N.Y.): Adam Hilger, 1991.
- 9. Hodgkinson I.J., Qi Hong Wu. Birefringent Thin Films Polarizing Elements. World Sci., 1997.

Поступила в редакцию 31.10.01