

## ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ФИЗИКА

УДК 537.3

## О КВАНТОВОЙ ФОРМУЛЕ НАЙКВИСТА

Б. А. Векленко<sup>\*)</sup>, А. А. Рухадзе

(кафедра физический электроники)

E-mail: veklenkoba@yandex.ru

**Обсуждается тезис Ю. Л. Климонтовича о необоснованности квантовой формулы Найквиста. Показывается также некорректность в квантовой области флуктуационной формулы С. М. Рытова, теории сил Казимира в изложении Е. М. Лифшица и квантовой формулы Найквиста, объединенных общей причиной.**

Вышла в свет книга Ю. Л. Климонтовича «Штрихи к портретам ученых. Дискуссионные вопросы статистической физики» [1], в которой автор высказывает свои суждения о некоторых нерешенных вопросах современной физики. Ю. Л. Климонтовичем еще в 1987 г. было высказано [2] утверждение о необоснованности квантовой формулы Найквиста, с 1928 г. [3] переписываемой в учебниках, справочниках и монографиях [4, 5]. Это тонкий вопрос. Дело в том, что релаксационные постоянные, каковым является сопротивление электрической цепи  $R$ , появляются в теории лишь в результате приближенных вычислений. Таким образом, речь идет о том, что в квантовой формуле Найквиста не может содержаться феноменологическая константа, которая в иных условиях удовлетворительно описывает кинетические явления. Работа Ю. Л. Климонтовича вызвала резкую критику [6], но, к сожалению, дискуссия была прекращена, а суть проблемы так и не выяснена [7]. Завершение книги воспоминаний датируется 2002 г. Из нее следует, что и по прошествии многих лет Ю. Л. не отказался от своей точки зрения.

В 1998 г. в работе [8] было показано, что согласно распределению Гиббса одновременные квантовые средние в состоянии термодинамического равновесия определяются исключительно упругими процессами взаимодействий в системе. Слагаемые фейнмановского ряда, отвечающие неупругим процессам, в частности процессам вынужденного излучения, строго выпадают из расчетов. Это означает, что даже в приближенных вычислениях релаксационные параметры, определяемые уравнением Больцмана (сопротивление  $R$ , комплексная диэлектрическая проницаемость среды и т. д.) в формировании одновременных квантовых средних в условиях термодинамического равновесия участия принимать не могут. По этой причине проинтегрированная

по частотам математическая запись флуктуационно-диссипационной теоремы (ФДТ) не может зависеть от подобного рода диссипативных характеристик. Любые «доказательства» обратного утверждения содержат ошибки. Так обосновывается ограниченность применимости квантовой формулы Найквиста, подтверждающая тезис Ю. Л. Климонтовича.

В настоящее время появились другие, более наглядные, но также достаточные соображения, указывающие на некорректность в квантовой области не только формулы Найквиста, но и оптической флуктуационной формулы С. М. Рытова [4, 9, 10], теории сил Казимира в изложении Е. М. Лифшица [4, 10, 11] и т. д. Приводим эти соображения.

В качестве наиболее простой модели будем иметь в виду электрический колебательный контур, описываемый стандартным уравнением

$$L \frac{d^2 q(t)}{dt^2} + R \frac{dq(t)}{dt} + \frac{1}{C} q(t) = E(t), \quad (1)$$

где  $q(t)$  — заряд на конденсаторе емкости  $C$ ,  $L$  и  $R$  — индуктивность и сопротивление в контуре,  $E(t)$  — внешняя электродвижущая сила. Решением этого уравнения при  $R = E(t) = 0$  служит функция

$$q(t) = \gamma (\alpha e^{-i\omega_0 t} + \alpha^* e^{i\omega_0 t}), \quad \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}},$$

где  $\gamma$  и  $\alpha$  — некоторые константы. Квантовое описание системы, необходимое для изучения термодинамических квантовых флуктуаций, осуществляется при  $R = E(t) = 0$  путем замены [12] классических величин на операторы

$$\begin{aligned} \alpha &\rightarrow \hat{\alpha}, \quad \alpha^* \rightarrow \hat{\alpha}^+, \quad \gamma = \sqrt{\frac{\hbar \omega_0 C}{2}}, \\ \hat{\alpha} \hat{\alpha}^+ - \hat{\alpha}^+ \hat{\alpha} &= [\hat{\alpha}, \hat{\alpha}^+] = 1, \\ q(t) &\rightarrow \hat{q}(t) = \gamma (\hat{\alpha} e^{-i\omega_0 t} + \hat{\alpha}^+ e^{i\omega_0 t}). \end{aligned}$$

<sup>\*)</sup> Институт высоких температур РАН, Москва.

Гамильтониан системы оказывается равным

$$\hat{H}_0 = \frac{\hbar\omega_0}{2} (\hat{\alpha}\hat{\alpha}^+ + \hat{\alpha}^+\hat{\alpha}).$$

Нас будет интересовать коррелятор  $\langle \hat{q}(t)\hat{q}(t') \rangle$ , где усреднение осуществляется как в квантовом, так и в статистическом смысле согласно распределению Гиббса. Введем согласно определению запаздывающую и опережающую функции Грина

$$G_{r,a}(t-t') = \pm \frac{i}{\hbar} \langle [\hat{q}(t), \hat{q}(t')] \rangle \vartheta(\pm t \mp t'), \quad (2)$$

где  $\vartheta(t)$  — ступенчатая функция Хевисайда. Непосредственная проверка показывает, что для образов преобразования Фурье

$$\langle \hat{q}\hat{q} \rangle_\omega = \int_{-\infty}^{\infty} e^{i\omega(t-t')} \langle \hat{q}(t)\hat{q}(t') \rangle dt - t'$$

имеет место тождество

$$\langle \hat{q}\hat{q} \rangle_\omega = -i\hbar \left( 1 + \frac{1}{e^{\hbar\omega/T} - 1} \right) [G_r(\omega) - G_a(\omega)], \quad (3)$$

$$G_a(\omega) = G_r^*(\omega).$$

Тождество (3) представляет собой математическую запись флуктуационно диссипационной теоремы [4, 13]. Вид тождества (3) не изменяется при наличии любых взаимодействий рассматриваемой подсистемы с окружением, если система в целом описывается некоторым гамильтонианом. Название ФДТ представляется нам чрезвычайно неудачным, поскольку формула (3) — это тождество, справедливое для гамильтоновых систем, в которых, следовательно, отсутствуют диссипативные процессы. Ниже показано, что выраженная через обобщенные функции безусловно точная формула (3) неустойчива по отношению к аппроксимациям ее правой части. На это обстоятельство фактически указывал Ю. Л. Климонтович [1, 2], не признавая, к сожалению, точного смысла самой формулы (3).

Обсуждаемая квантовая формула Найквиста с учетом вакуумного слагаемого имеет вид [3]

$$\langle \varepsilon^2 \rangle_\omega = \hbar\omega \left( 1 + \frac{1}{e^{\hbar\omega/T} - 1} \right) 2R, \quad -\infty < \omega < \infty, \quad (4)$$

где  $\langle \varepsilon^2 \rangle_\omega$  — термодинамические флуктуации электродвижущей силы в электрическом контуре. Формула (4) точного смысла не имеет, так как не существует квантового оператора электродвижущей силы, и левая часть (4) строго не определена. Но предполагается, что с помощью формулы (4), зная импеданс цепи

$$z(\omega) = R - i \left( \omega L - \frac{1}{\omega C} \right),$$

можно получить выражение для спектра флуктуаций заряда на конденсаторе

$$\langle \hat{q}\hat{q} \rangle_\omega = \frac{\langle \varepsilon^2 \rangle_\omega}{\omega^2 |z(\omega)|^2} = \hbar\omega \left( 1 + \frac{1}{e^{\hbar\omega/T} - 1} \right) \frac{2R}{(\omega^2 L - \frac{1}{C})^2 + \omega^2 R^2}. \quad (5)$$

Эту формулу мы и будем обсуждать. При этом покажем, что в квантовой теории такой формулы существовать не может.

Вернемся к квантовому описанию электрического контура. В квантовом случае наличие активного сопротивления в контуре учтем, предположив взаимодействие заряда  $\hat{q}$  с внешним по отношению к контуру резервуаром. При этом резервуар будем также описывать квантовым образом. За взаимодействие контура с резервуаром пусть отвечает гамильтониан взаимодействия  $\hat{H}'$  так, что полный гамильтониан системы в представлении Шрёдингера имеет вид

$$\hat{H} = \hat{H}_0 + \sum_i \varepsilon_i \hat{\beta}_i^+ \hat{\beta}_i + \hat{H}' - \hat{q}E(t). \quad (6)$$

Будем считать, что резервуар представляет собой газ из бозе-частиц и

$$\hat{H}' = -g \int \hat{\psi}^+(x) \hat{P} \hat{q} \hat{\psi}(x) dx.$$

Здесь

$$\hat{\psi}(x) = \sum_i \psi_i(x) \hat{\beta}_i, \quad \hat{\psi}^+(x) = \sum_i \psi_i^*(x) \hat{\beta}_i^+,$$

$$\hat{q} = \gamma(\hat{\alpha} + \hat{\alpha}^+),$$

причем  $\hat{\beta}_i$  и  $\hat{\beta}_i^+$  — операторы уничтожения и рождения частиц резервуара в состоянии  $\psi_i$  с энергией  $\varepsilon_i$  такие, что

$$[\hat{\beta}_i, \hat{\beta}_j^+] = \delta_{ij}.$$

Через  $g$  обозначена константа взаимодействия,  $\hat{P}$  — некоторый эрмитов оператор. Из гамильтониана (6) при малой  $E(t)$  следует формула Кубо [14]

$$\langle \hat{q}(t) \rangle = \int_{-\infty}^{\infty} G_r(t-t') E(t') dt',$$

где  $\hat{q}(t)$  — оператор заряда в гейзенберговском представлении. Функция  $G_r(t-t')$  определяется формулой (2), причем квантовое усреднение осуществляется уже по собственным функциям полного гамильтониана (6) при  $E(t) = 0$ . Нам понадобятся уравнения движения для гейзенберговских операторов

ров  $\check{\alpha}(t)$  и  $\check{\beta}_i(t)$ . Стандартным образом находим, что

$$\begin{aligned} i\hbar \frac{d\check{\alpha}(t)}{dt} &= [\check{\alpha}, \check{H}] = \\ &= \hbar\omega_0\check{\alpha}(t) - g\gamma \sum_{ij} P_{ij}\check{\beta}_j^+(t)\check{\beta}_i(t) - \gamma E(t), \\ i\hbar \frac{d\check{\beta}_i(t)}{dt} &= [\check{\beta}_i, \check{H}] = \\ &= \varepsilon_i\check{\beta}_i(t) - g\gamma \sum_i P_{ji}(\check{\alpha}(t) + \check{\alpha}^+(t))\check{\beta}_i(t), \end{aligned} \quad (7)$$

где

$$P_{ij} = P_{ji}^* = \int \psi_i^* \hat{P} \psi_j dx.$$

Используя операцию эрмитова сопряжения, получаем уравнения для операторов  $\check{\alpha}^+(t)$  и  $\check{\beta}_i^+(t)$ . Для входящего в систему (7) произведения операторов  $\check{\beta}_i^+(t)\check{\beta}_j(t)$  уравнение движения выглядит так:

$$\begin{aligned} i\hbar \frac{d\check{\beta}_i^+(t)\check{\beta}_j(t)}{dt} &= -\hbar\omega_{ij}\check{\beta}_i^+(t)\check{\beta}_j(t) + \\ &+ g \sum_{j'} P_{ji'}\check{\beta}_j^+(t)\check{\beta}_j(t)\check{q}(t) - g \sum_{i'} P_{ji'}\check{\beta}_i^+(t)\check{\beta}_j(t)\check{q}(t), \\ \hbar\omega_{ij} &= \varepsilon_i - \varepsilon_j. \end{aligned}$$

Из этих уравнений после преобразования Фурье легко находится, что

$$\begin{aligned} -i\hbar(\omega^2 - \omega_0^2)\langle \check{q}(\omega) \rangle &= \\ &= 2i\omega_0 g^2 \gamma^2 \langle \sum_{ijj'} P_{ij} (P_{ij'}^* \check{q} \check{\beta}_j^+ \check{\beta}_j - P_{jj'} \check{q} \check{\beta}_i^+ \check{\beta}_{j'}) \rangle \times \\ &\times (\hbar\omega + \hbar\omega_{ij})^{-1} + 2i\omega_0 \gamma^2 E(\omega). \end{aligned} \quad (8)$$

Считая взаимодействие слабым, в уравнении (8) осуществляем разрыв корреляторов по схеме

$$\langle \check{q} \check{\beta}_i^+ \check{\beta}_j \rangle = \delta_{ij'} N_j \langle \check{q}(\omega) \rangle,$$

где  $N_j = \langle \check{\beta}_j^+ \check{\beta}_j \rangle$  — средние числа заполнения состояний  $\psi_j$ . Возникшее таким образом уравнение решается явно, и

$$\langle \check{q}(\omega) \rangle = -\frac{E(\omega)}{L(\omega^2 - \omega_0^2 - \frac{2\omega_0}{\hbar} \pi_r(\omega))}, \quad (9)$$

где

$$\pi_r(\omega) = g^2 \gamma^2 \sum_{ij} |P_{ij}|^2 \frac{N_j - N_i}{\hbar\omega - \hbar\omega_{ij} + i0}. \quad (10)$$

Появление  $i0$  в знаменателе (10) связано с выбором запаздывающего характера решения. Сопоставление (9) с решением уравнения (1)

$$q(\omega) = -\frac{E(\omega)}{L(\omega^2 - \omega_0^2 + i\frac{R}{L}\omega)} \quad (11)$$

показывает, что эти формулы совпадают, если

$$\pi_r(\omega) = -i\frac{\hbar\omega}{2\omega_0 L} R. \quad (12)$$

Из (11) и формулы Кубо находим, что

$$G_r(\omega) = -\frac{1/L}{\omega^2 - \omega_0^2 - \frac{2\omega_0}{\hbar} \pi_r(\omega)}. \quad (13)$$

Если такой результат подставить в безусловно точную формулу (3), представляющую собой ФДТ, то с учетом (12) получим квантовую формулу Найквиста (5). Можно ли предложенную процедуру рассматривать как доказательство справедливости формулы Найквиста? Оказывается, что это не так даже в том случае, если  $R$  предполагать не константой, а функцией частоты. Чтобы это показать, рассчитаем

$$\langle (\hat{q})^2 \rangle = \int_{-\infty}^{\infty} \langle \hat{q} \hat{q} \rangle_{\omega} \frac{d\omega}{2\pi}. \quad (14)$$

Сначала выполним расчет  $G_{r,a}(\omega)$  во втором порядке теории возмущений и воспользуемся ФДТ. Дело в том, что этот расчет в приближении  $\sim g^2$  может быть выполнен точно. Он не требует дополнительных аппроксимаций. Итак, решаем (8) методом итераций. Корреляторы в правой части (8) в нулевом приближении расцепляются точным образом. В нулевом приближении

$$\langle \check{q}(\omega) \rangle = -\frac{E(\omega)}{L(\omega^2 - \omega_0^2)}.$$

В приближении, пропорциональном  $g^2$ , находим

$$\begin{aligned} G_r(\omega) &= -\frac{1}{L(\omega^2 - \omega_0^2)} \times \\ &\times \left[ 1 + \frac{1}{\omega^2 - \omega_0^2} \frac{2\omega_0 g^2 \gamma^2}{\hbar^2} \sum_{ij} |P_{ij}|^2 \frac{N_j - N_i}{\omega - \omega_{ij}} \right] \end{aligned} \quad (15)$$

с заменой  $\omega \rightarrow \omega + i0$  для соблюдения принципа причинности. Подставим это выражение в (3) и согласно (13) выполним интегрирование по частотам. Поскольку согласно (15), как и следовало ожидать, функции  $G_r(\omega)$  и  $G_a(\omega) = G_r^*(\omega)$  представляются единой аналитической функцией комплексного  $\omega$  с полюсами на вещественной оси, то интегрирование разности функций в (3) можно заменить интегрированием по контуру, охватывающему вещественную ось, такому, что все полюсы функции  $1/(1 - \exp(-\hbar\omega/T))$  находятся вне этого контура. Теперь видно, что

$$\langle (\hat{q})^2 \rangle_{\omega} = -\hbar \sum_{\text{res}} \frac{1}{1 - e^{-\hbar\omega/T}} G(\omega),$$

где суммирование производится по всем вычетам внутри указанного контура. В целях простоты ограничимся двухуровневым приближением для среды,

сопоставляя индекс 1 основному ее состоянию, индекс 2 — возбужденному. При  $T \gg \hbar\omega_{21}$  находим

$$\langle(\hat{q})^2\rangle = CT \left(1 + \frac{g^2 C}{T} |P_{21}|^2 N\right), \quad (16)$$

где  $N$  — сумма чисел заполнения обоих квантовых состояний среды. Важно отметить, что эта формула не зависит от параметра  $\omega_{21}$ . Иным путем она была получена в работе [12]. Поскольку  $|P_{ij}|^2 \sim \hbar$ , что можно проверить на модели квантового осциллятора, считая  $\hat{P} = -i\hbar\partial/\partial x$ , то формула (16) представляет собой результат классической физики плюс квантовая добавка, линейная по  $\hbar$ . Формула (16) показывает, что квантовая поправка полностью определяется выражением (15) с полюсами на вещественной оси. Поэтому никакие релаксационные константы в формировании (16) участия не принимают. Уже отсюда следует, что активное сопротивление электрической цепи и в равной мере мнимая часть диэлектрической проницаемости к формированию квантовых поправок отношения не имеют. Этого аргумента достаточно для констатации некорректности квантовой формулы Найквиста, согласно которой  $\langle(\hat{q})^2\rangle$  зависит от  $R$ , а разложение разности  $\langle(\hat{q})^2\rangle - CT$  в ряд по постоянной Планка начинается с члена  $\propto \hbar^2$ . Согласно классической формуле Найквиста  $\langle(\hat{q})^2\rangle$  зависимость от  $R$  теряет. Также доказывается некорректность других формул, идейно связанных с квантовой формулой Найквиста [9, 11]. Попутно заметим, что никакие иные рассуждения, основанные на теории возмущений [15], обосновать справедливость квантовой формулы Найквиста не могут уже потому, что в этом приближении волновая функция системы со временем не затухает, и релаксационные константы в рассуждениях не появляются.

Можно утверждать большее. Рассчитаем  $\langle(\hat{q})^2\rangle$ , используя в ФДТ вместо формулы (15) формулу (13). Найдем

$$\langle(\hat{q})^2\rangle = -i\hbar \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{1 - e^{-\hbar\omega/T}} \times \\ \times \left[ -\frac{1/L}{\omega^2 - \omega_0^2 - \frac{2\omega_0}{\hbar}\pi_r(\omega)} - \text{с.с.} \right] \frac{d\omega}{2\pi}. \quad (17)$$

Сразу заметим, что в отличие от (15) формулу (13) нельзя считать точной, поскольку она получена в результате разрыва корреляторов в равенстве (8). Но дело не только в этом. В двухуровневом приближении интеграл (17) допускает явное вычисление, поскольку подынтегральное выражение представляет собой алгебраическую функцию. Этот интеграл вновь определяется суммой вычетов внутри прежнего контура. Но при малом  $\omega_{21} \ll \omega_0$  появляются два новых мнимых полюса подынтегральной функции,

что качественно отличает функцию (13) от функции (15), причем в худшую сторону. Теперь

$$\langle(\hat{q})^2\rangle = \frac{\hbar}{L} \sum_{\text{res}} \frac{1}{1 - e^{-\hbar\omega/T}} \frac{\omega^2 - \omega_{21}^2}{(\omega^2 - \omega_{21}^2)(\omega^2 - \omega_0^2) - \omega_{21}\delta}, \\ \delta = \frac{4g^2\gamma^2\omega_0}{\hbar^2} |P_{21}|^2 (N_1 - N_2).$$

Проводя вычисления и устремляя  $\omega_{21} \rightarrow 0$ , из формулы (17) получаем не зависящий от  $\hbar$  результат  $\langle(\hat{q})^2\rangle = CT$ . Этот результат отличается от результата предыдущего расчета (16), содержащего квантовую поправку, в свою очередь не зависящую от  $\omega_{21}$ . Мы констатируем отсутствие в квантовой физике корректного перехода между формулами (15) и (13). Другими словами, ряд теории возмущений не может быть эффективно просуммирован. Оказывается, сначала надо выполнить операцию интегрирования по частотам и лишь затем осуществлять операцию суммирования. На такой порядок операций непосредственно указывает метод расчета  $\langle(\hat{q})^2\rangle$ , предложенный в [8]. Это обстоятельство проявит себя в любой другой технике, в частности, в технике температурных функций Грина [10, 16].

Итак, в квантовой физике флуктуационно-диссипационной теореме нельзя придать математическую запись в виде (17). Это дополнительное обстоятельство, указывающее на некорректность не только квантовой формулы Найквиста, сводящейся к (17), но и флуктуационной формулы Рытова [9], описывающей флуктуации электромагнитного поля в поглощающих средах, а также основанной на этой формуле теории Е. М. Лифшица [11]. Более того, в квантовой теории нельзя корректно ввести понятие активного сопротивления  $R$  и диэлектрической проницаемости с конечной мнимой составляющей, поскольку введение этих величин требует возможности представления  $G_r(\omega)$  и  $G_a(\omega)$  в форме (13). К таким же выводам с иных позиций приводит работа [17], что неоднократно обсуждалось в [12, 18].

### Методическое добавление

Остается невыясненным вопрос о том, что приводит на смену квантовой формуле Найквиста. Указав на некорректность формулы Найквиста, на поставленный выше вопрос Ю. Л. Климонтович не дал правильного ответа. Теперь нас интересует вид функции  $\langle\hat{q}\hat{q}\rangle_\omega$  или, что то же самое, функция  $\langle\hat{q}(t)\hat{q}(t')\rangle$ , если известен интеграл (14). Здесь нам удобнее иметь дело с представлением Гейзенберга. Средние значения операторов инвариантны относительно выбора представления. На первый взгляд, решение поставленного вопроса не представляет труда. Надо лишь выписать дифференциальное уравнение для  $\langle\hat{q}(t)\hat{q}(t')\rangle$  и решить его при известном теперь начальном условии. Из системы уравнений (7) находим

$$\frac{d^2 \langle \check{q}(t) \check{q}(t') \rangle}{dt^2} = -\omega^2 \langle \check{q}(t) \check{q}(t') \rangle + \frac{2g\omega_0\gamma^2}{\hbar} \sum_{ij} P_{ij} \langle \check{\beta}_i^+(t) \check{\beta}_j(t) \check{q}(t') \rangle,$$

$$i\hbar \frac{d \langle \check{\beta}_i^+(t) \check{\beta}_j(t) \check{q}(t') \rangle}{dt} = -\hbar\omega_{ij} \langle \check{\beta}_i^+(t) \check{\beta}_j(t) \check{q}(t') \rangle + gP_{ij}^*(N_j - N_i) \langle \check{q}(t) \check{q}(t') \rangle.$$

Такая система уравнений возникает при расцеплении коррелятора

$$\langle \check{q}(t) \check{\beta}_i^+(t) \check{\beta}_j(t) \check{q}(t') \rangle = \delta_{ij} N_j \langle \check{q}(t) \check{q}(t') \rangle.$$

Ищем решение этой системы при  $t > t'$  и  $t < t'$ . Уравнение второго порядка требует двух начальных условий. В действительности из-за наличия системы уравнений помимо  $\langle \check{q}(t) \check{q}(t) \rangle$  и  $\langle \frac{d\check{q}(t)}{dt} \check{q}(t) \rangle$  надо знать еще  $\langle \check{\beta}_i^+(t) \check{\beta}_j(t) \check{q}(t) \rangle$ . Последние две конструкции могут быть рассчитаны, например, методом Г-операторов [8]. Их конкретный вид для наших целей не имеет значения. В итоге при  $t > t'$  имеем

$$\begin{aligned} \langle \check{q}(t) \check{q}(t') \rangle &= \int_{b-i\infty}^{b+i\infty} e^{s(t-t')} \times \\ &\times \left[ \left\langle \frac{d\check{q}(t)}{dt} \check{q}(t) \right\rangle + s \langle \check{q}(t) \check{q}(t) \rangle + \right. \\ &+ 2ig\omega_0\gamma \sum_{ij} |P_{ij}|^2 \frac{\langle \check{\beta}_i^+(t) \check{\beta}_j \check{q}(t) \rangle}{i\hbar s + \hbar\omega_{ij}} \left. \right] \times \\ &\times \left[ s^2 + \omega_0^2 - \frac{2\omega_0}{\hbar} \pi_r(is) \right]^{-1} \frac{ds}{2\pi i}. \end{aligned}$$

Здесь возникает та же проблема, что и ранее при попадании  $\pi_r(is)$  в знаменатель. Решим эту проблему на полуфеноменологической основе, заменив согласно (12) функцию  $\pi_r(is)$  на экспериментально найденное сопротивление  $R$ . Согласно выводу  $R$  следует считать малой величиной. В этом приближении первое и третье слагаемые в числителе следует опустить. Теперь

$$\begin{aligned} \langle \check{q}(t) \check{q}(t') \rangle &= L \langle \check{q}(t) \check{q}(t) \rangle \int_{-\infty}^{\infty} e^{-i\omega(t-t')} \left( \frac{1}{z} + \frac{1}{z^*} \right) \frac{d\omega}{2\pi} = \\ &= \int_{-\infty}^{\infty} e^{-i\omega(t-t')} \langle \check{q} \check{q} \rangle_{\omega} \frac{d\omega}{2\pi}. \quad (18) \end{aligned}$$

Эта полуфеноменологическая формула после интегрирования по частотам дает правильное значение интеграла  $\langle \check{q}(t) \check{q}(t) \rangle$ , а также совпадающую с экспериментом зависимость коррелятора  $\langle \check{q}(t) \check{q}(t') \rangle$  от  $|t - t'|$ . Если определить флуктуационную ЭДС в электрическом контуре по формуле (5), то она оказывается нелинейно зависящей от параметров по отношению к электрическому контуру  $LC$  внешней системы через величину  $R|P_{ij}|^2 \sim \hbar$ , содержащуюся в произведении  $R \langle \check{q}(t) \check{q}(t) \rangle$ , и теряет свойство аддитивности. Свойство аддитивности флуктуирующей ЭДС используется [6] при феноменологических «доказательствах» справедливости квантовой формулы Найквиста, по этой причине оказывающихся необоснованными.

Выражаем признательность В.С. Воробьеву, А.М. Игнатову и В.П. Макарову за благожелательные дискуссии.

### Литература

1. Климонтович Ю.Л. Штрихи к портретам. Дискуссионные вопросы статистической физики. М., 2005.
2. Климонтович Ю.Л. // УФН. 1987. **151**, № 2. С. 309.
3. Nyquist H. // Phys. Rev. 1928. **32**. P. 110.
4. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Электродинамика сплошных сред. М., 1957.
5. Физическая энциклопедия. Т. 3. М., 1992. С. 239.
6. Гинзбург В.Л., Питаевский Л.П. // УФН. 1987. **151**, № 2. С. 333.
7. От редакции // УФН. 1987. **151**, № 2. С. 309.
8. Векленко Б.А. // ЖЭТФ. 1989. **114**, № 2(8). С. 492.
9. Рытов С.М. Теория электрических флуктуаций и теплового излучения. М., 1953.
10. Лифшиц Е.М., Питаевский Л.П. Статистическая физика. Ч. 2. М., 1978.
11. Лифшиц Е.М. // ЖЭТФ. 1954. **29**, № 1(7). С. 94.
12. Векленко Б.А., Шеркунов Ю.Б. // Прикладная физика. 2004. № 4. С. 5.
13. Callen H.B., Welton T.A. // Phys. Rev. 1951. **83**. P. 34.
14. Кубо Р. // Термодинамика необратимых процессов. М., 1962. С. 345.
15. Гинзбург В.Л. // УФН. 1952. **46**, № 3. С. 348.
16. Абрикосов А.А., Горьков Л.П., Дзялошинский И.Е. Методы квантовой теории поля в статистической физике. М., 1962.
17. Veklenko B.A., Sherkunov Y.B. // Cond. Matt. Phys. 2004. **7**, N 3(39). P. 603.
18. Векленко Б.А., Шеркунов Ю.Б. // Оптика и спектроскопия. 2005. **99**, № 3. С. 488.

Поступила в редакцию  
10.02.06